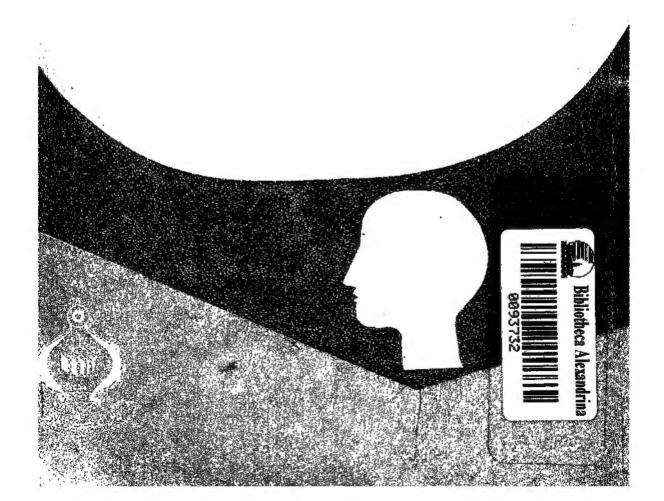
الإحصاء النفسى

الدكتور السيد محمد خيرى



onverted by 1iff Combine - (no stamps are applied by registered sersion)



الإحصاء النفسي



تأليب

الدكتور السيد محمد خيرى

أستاذ ورئيس قسم علم النفس كلية التربية ـ جامعة الرياض

الهيئة الشادة الكندة الأسكندرية رام المراد المراد الكندرية الشادية المراد الكندة الأسكندرية المراد المراد

VI314-1414

ملتزم الطبع والنشر لمس **حار الفكر الحربي**

الإدارة . 94 شارع عباس العقاد ـ مدينة مصر ت . ٢٧٥٢٧٩٤ ـ ٢٧٥٢٩٨٤ overted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered service)



۱۵۰,۱۸۷ السيد محمد خيري.

سى إح الإحصاء النفسى / تأليف السيد محمد خيرى . _ القاهرة :

عدار الفكر العربي، ١٩٩٧.

٣١٢ ص : إيض ؛ ٢٤٤ سم.

يشتمل على إرجاعات ببليوجرافية وحواشي.

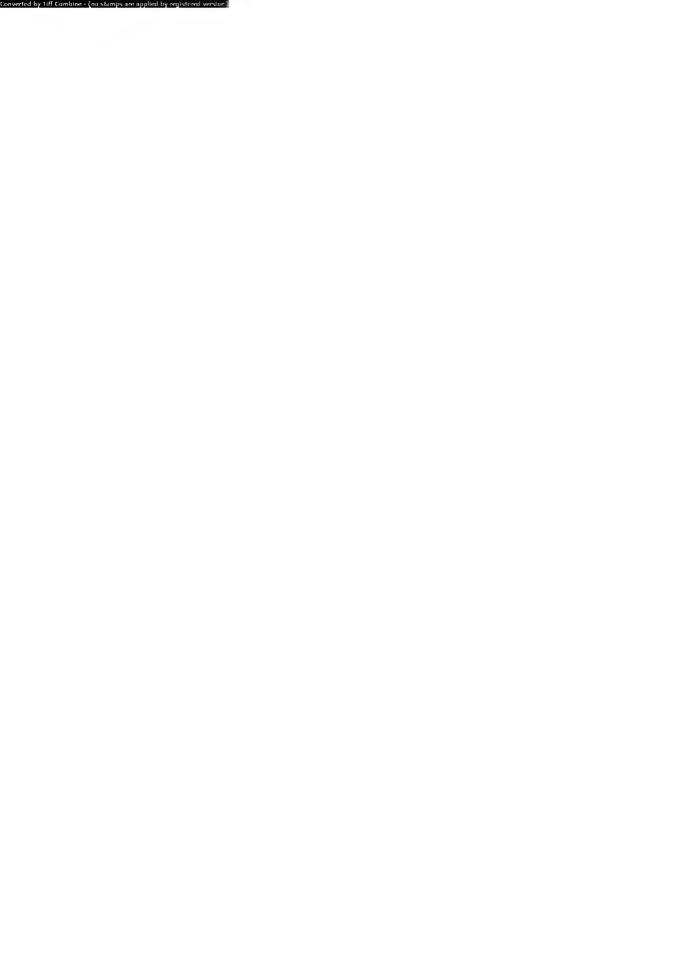
تدمك ۱۷۷/۱۰/۰۹۰۷۹

١ - علم النفس - الطرق الإحصائية. أ- العنوان.

بنغ الشأ والعجان الرسيم

اَلاَتَمَالُ وَقُلُرَبِ زِذِ فِي عِلْمَا "

صدق الله العظيم



بسم الله الرحمن الرحيم

مقلمسة:

القياس هو الأسلوب العلمي الذي يحول الأوصاف اللفظية الى ابعاد محددة وهو الأسلوب الذي يطور العلوم ويدفع بها نحو الموضوعية .

والعلوم الانسانية لا زالت علوما متطورة ، فقد كانت فرعا من الفلسفة وكسان الفيلسوف يعتمد على الجدل المنطقي ، وعندما تدخلت الأساليب العلمية في بحوث هذه العلوم اعتمدت بادىء ذي بدء على الحالات الفردية والحبرات الحاصة ، ولكن هذه العلوم ما لبثت ان اتحدت دراسة الانسان بوجه عام وعلاقاته بغيره وتأثره بما حوله وتأثيره فيه أساسا للدراسة ، واقتضى ذلك منه أساليب يضبط بها جمع الحقائق التي يتوصل بها . وأساليب أخرى يعالج بها ما يجمعه من حقائق بغية التوصل الى ما يستطيع أن يستخلصه من نتائج .

و لهذا كان الباحث الانسائي محتاجا دائمًا الى الأساليب الاحصائية يضبط بها بحوثه ويستنتج عن طريقها نتائجه .

وان كنا نقدم اليوم كتابا للاحصاء لطالب كلية التربية فما ذلك الا لأثنا نؤمن أن خريج هذه الكلية لا بد وأن يكون باحثا علميا قبل كل شيء ، مادته الانسان وسلوكه وأدواته الضبط وتحويل الملاحظات الى كميات تقاس وتقارن عن طريق فنسسون الاحصاء.

وقد حاولنا في هذا الكتاب تبسيط المادة للطالب حتى تكون مستساغة لديه يتقبلها بتفهم وميل ويستخدمها باستساغة واتقان وقد اقتصرنا في هذا الكتاب على الموضوعات الأساسية التي لا يستغني عنها طالب علم النفس أو التربية أو الباحث فيهما .

ولعلنا نكون بذلك قد أسهمنا في تطوير هذه العلوم وتقدمها وفي تطوير البحوث الانسانية بعامة في وطنتا العربي .

والله ولي التوفيق ، ، ،



الأب المتعلى

تصنيف البيانسات وتمثيلها بالرسم

- القياس في علوم الانسان .
 - التوزيع التكراري .
 - تمثيل التوزيع بالرسم .
 المضلع التكراري
 - سے سار دو
 - المدرج التكراري
 - المنحى التكراري
- المنحنى التكراري التجمعي
 - خاتمة في التمثيل بالرسم



القياس في علوم الاتسان:

يقصد بالقياس تحديد درجة امتلاك شيء أو شخص لصفة من الصفات وتبعا لمذا المعنى فان الفرد يحتاج الى القياس في جميع تصرفاته اليومية ، ويستعمل القياس في كل حالةً يتسني فيها الوصف بالأرقام ، ويدخل ضمن القياس العد والترتيب ترتيبا تصاعديا أو تنازليا بالنسبة لخاصية معينة أو صفة خاصة ، فتستطيع أن ترتب عددا من الأشخاص من حيث الطول أو الوزن أو المستوى الاقتصادي أو الذكرة .. الخ طالما أن هذه الصفات الجسمية أو الاجتماعية أو النفسية يمكن أن تختلف من فرد الآخر من الناحية الكمية . وترتيب الأشخاص أو ــ الأشياء يفيد كثيرا في مقارنتها بعضها بعض ، بل ويفيد أيضا في بيان مركز الفرد بالنسبة لمجموعته ، فاذا كان ترتيب (أ) الثاني في مجموعته البالغ عددها عشرة أشخاص ، أمكن أن نقول أن هناك فردا واحدا يفضله في الناحية التي اتخذت أساسا للترتيب ، بينما هناك تمانية غيره متأخرون عنه فيها . ولكن طريقة ترتيب الإفراد لا تفيد أكثر من ذلك ، فهي لا تدل على مقدار امتلاك الشخص للصفة المطلوبة الا بدرجة نسبية ، أي أنها لا تدلنا مثلا على مدى تفوق الأول على الثاني ، كما لا يمكن أن نستنتج من الترتيب أن الفرق بين الثاني والأول يعادل الفرق بين السادس والخامس، بالرغم من أن الفرق في الرتب متساو في الحالتين . فالرتب لا تخضم للعمليات الحسابية المعتادة كما تخضع الدرجات أو القيم كالدقائق والأرطال والدرجات ، بينما لو أمكن تحديد قيم للأفراد أتاحت هذه القيم فرصا كثيرة لاستنتاجات تتعلق بهذه القيم كما يمكن استخدام هذه القيم في عمليات أخرى يستفيد بها الباحث الأغراض شي .

والطريقة الشائعة الاستخدام في القياس تكون باعطاء الفرد أو الشيء قيمة خاصة .

فالباحث في علوم التربية والنفس والاجتماع بطبق اختبارا تحصيليا أو نفسيا على عدد من الأشخاص وبعطي كلا منهم درجة تدل على مدى تحصيله أو مدى اتصافه بصفة نفسية خاصة ، أو درجة اعتناقه لرأي اجتماعي معين أو درجة تعصبه بلهة من الجهاث

وتحديد قيمة الشيء عدديا فيه فرض ضمني بأن الصفة التي نقيسها لها وحدات بمكن انخاذها أساسا للتقييم . كما أن فيه افتراض ضمني آخر وهو أن الوحدات تسير بتسلسل منتظم وبفترات متساوية ، هذا والتقدير في كثير من اختبارات التحصيل أز القدرات أو السمات النفسية قد يتخذ صورا أخرى غير الدرجة ، ففي بعض الاختبارات يتخذ مستوى للصعوبة التي يقف عندها الفرد مقياسا للتحصيل أو التفوق كما يتخذ في بعضها الآخر سرعة أداء الشخص لعمل معين ، بأن يحسب الزمن الذي يستغرقه في أداء هذا العمل ، أو كمية العمل التي تتم في زمن معين . وفي أغلب الاستبيانات الاجتماعية بتخذ عدد الاجابات بنعم أو لا مقياسا للانجاه العقلي أو شدة أو مدى اعتناق الشخص لفكرة خاصة .

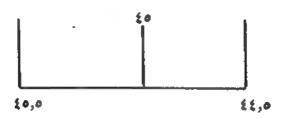
وبالرغم من أن درجات الاختبار التحصيلي أو النفسي أو الاستبيان لا تختلف عن القيم المادية التي تصف الأشياء الطبيعية الأخرى كالحجم والمساحة .. الخ . في أنها لخضم للعمليات الحسابية المختلفة كالجمم والطرح والضرب .. الخ الا أن هناك فرقا المخضم المحمليات الحسابية المختلفة كالجمم والطرح والضرب .. الخ الا أن هناك فرقا المخضم المحمليات المحمليا

، رة على وجه الاطلاق .

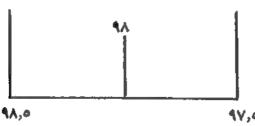
"ية الى قسمين مختلفين ، هما القيم المستمرة Continuous والقيم الأول يمكن تمثيله بنقط منتابعة لا حصر لها على مستقيم واحد ، المعدد لا حصر له من القيم المثلاصقة بحيث لا ينقطع تتابعها أن نحصل ضمن هذه السلسلة المتتابعة على أية قيمة مهما كان نميم أطوال الأشياء ، فالطول صفة لا تنقطع وحداته . فبين ه مدمثلا ١، ه سم ، ٢ ه سم ، المنغ . كما نستطيع أن نجد ١١، ه ، المنخ من منالا في مجموعات مختلفة مقياس متقطع القيم ، ذلك لأن عوبعضها ، أي أنه بين الرقم ٣ (٣ أشخاص) وبين الرقم ٤ لا تملؤه قيم متدرجة . فلا يمكننا أن نجد مجموعة بها ٣، ٣ شخصا

أو ٣,٩٢ شخصا وهكذا .

وعلى هذا نستطيع أن قفهم للقيم في المقياس المتصل معنى يختلف قليلا عن الذي نفهمه عادة . فأية درجة في اختبار أو أي مقياس للطول ، ما دام التقويم في كليهما متصلاً يمكن أن ينظر اليه على أنه مسافة بين نقطتين ، فلرجة ٤٥ في اختبار ما يمكن اعتبارها لا على أنها نقطة منفصلة محددة على المقياس ، بل على أنها مسافة حدها الأدنى ٤٤٥ مع اعتبار أن النقطة الوسطى في هذه المسافة هي التي تعادل الدرجة ٥٥ .



ويكون معنى الدرجة ٩٨ على نفس هذا الأساس المسانة المحددة بالدرجتين ٩٧،٥ و هر٩٨ .



وهكذا بينما يختلف الحال في القيم المتقطعة ، ذلك لأن كلا منها قيمة تمثلها نقطة على المستقيم الذي يبدأ بالقيمة الصغرى وينتهي بالقيمة الكبرى .

التـــوزيع التـــكراري :

التوزيع التكراري وسيلة لتصنيف البيانات التي سبق جمعها ، فالباحث في هذه العملية يقوم بعمل فراز البريد الذي يقوم بفرز الحطابات حسب الجهة المرسلة ، الا أن الباحث في تصنيف بياناته هو الذي يختار الفئات التي يحددها لنفسه . فهدف التوزيع التكراري اذن ترتيب البيانات وتقسيمها تقسيما يسهل ادراك ما بينها من علاقات ، وبوضح صفاتها ودلالتها . فاذا احتاج بحث الى جمع حالات من أفراد ذوي دخول يومية مختلفة وعددهم ٢٠ فردا وكانت دخولهم اليومية بالريال كالآتي :

11	44	٤٣	44	۵٦	71	٤٦	٥٣	۱۸	44	4.1	40
***	ŁΥ	٥٥	11	77	77"	YA	٦٢	14	٤٤	۳۸	44
10	40	٥١	V	14	40	11	۲٤	44	V	10	7.5
	07										
44	٥٨	٦.	77	44	Y٤	٦	٥٩	۲٦.	77	YY	10

جدر ل (١) الدخو ل اليومية لستين فر داً بالريال

فان هذه القيم في وضعها هذا لا يمكن أن تفيد الباحث في اعطائه فكرة واضحة عن هذه المجموعة . ولذلك فانه من الطبيعي عادة أن يفرغ هذه البيانات في جدول يضم القيم المتجاورة في فئة واحدة تنفصل عن غيرها من الفئات . أي أنه يصنف هذه القيم الستين في مجموعات .

احتيسار مسدى الفئسة:

ومن الطبيعي أنه لا توجد طريقة واحدة لتقسيم مثل هذه البيانات الى مجموعات متدرجة وتصنيفها تبعا لذلك ، ذلك لأن مدى الفئة أي الفرق بين حدها الأدنى والأقصى يختاره الباحث بنفسه . وعلى هذا فهي تتوقف على الهدف الذي يضعه الباحث من هسذا التصنيف . الا أنه ينبغي أن يكون عدد أقسام التصنيف مناسبا ، فاذا كان عدد الأقسام صغيرا كأن نقسم هذه الدرجات مثلا الى قسمين أو ثلاثة ضاع على الباحث أغلب الفوائد التي يمكنه أن يجنيها من هذا التصنيف ، كما أن مثل هذا الحال يحدث اذا كان عدد الأقسام كبيرا ، ومن المستحسن أن يكون عدد الأقسام محصورا بين عشرة وعشرين اذا أمكن ، ولكن ليست هذه قاعدة عامة ينبغي أن نتبعها دائما ، فقد يحدث أن تتجمع القيم المراد تصنيفها في مدى ضيق بحبث يتعذر ايجاد عدد مناسب من الأقسام

ولتحديد الفئات ينبغي ان تحدد أولا الحدي الأدنى والأقصى للقيم المعطاة ففي المثال السابق نلاحظ أن أقل قيمة هي ٧ و أكبر قيمة هي ١٧ . أي أن الفئة الأولى في هذه الحالة أو أقل الفئات قيمة ينبغي أن تكون مشتملة على القيمة ٧ . كما يبغي أن تكون أكبر الفئات قيمة مشتملة على القيمة ١٠ . و فظرا لأن مدى توزيع القيم هو ١٧ – ٧ = ٠٠ ، فيمكننا ان نقسم هذه التميم الى فئات مدى كل فئة ٤ أو ٥ ، أو ٢ ريالات ، أو تكون

حدود الفئات مكررات ٤ ، أي نبدأ مثلا بالقيمة ٤ في الفئة الأولى و ٨ في الفئة الثانية و ١٢ في الفئة الثالثة و هكذا .

تسلسل الفئسات:

اذا اعتبر نا الفئة الأولى محددة بين ٤ ، ٨ فأمامنا في هذا الحل أربع طرق للتجمع ، فاما أن نجعل الفئة تبدأ بعد ٤ وتنتهي قبل ٨ ، أي تشتمل على القيم التي تزيد عن ٤ وتقل عن ٨ وتشمل التي بعدها على القيم التي تزيد عن ٨ وتقل عن ١٢ وهكذا ، وهنا نجد صعوبة في وضع القيمة ٨ في هذه الطريقة حيث لا يمكن وضعها في الفئة الأولى أو الفئة الثانية .

و الطريقة الثانية تكون بأن ندخل كلا من ٤ ، ٨ ضمن الفئة ، أي أن نجعل الفئة من ٤ – ٨ بما فيها القيمتين ٤ ، ٨ .

وتسير الفئات بالتسلسل الآئي : _

٤ فما فوق - ٨

١٣ -- ١٣

۱۶ فما فوق - ۱۸

. . . . و هكذا .

و في هذه الحالة تجد أن مدى كل فئة خمس وحدات ولبست أربع ، كما أننا نرى أن هذه الطريقة لا تصلح الا في القيم المتقطعة التي لا يوجد فيها اتصال بين الوحسدات الصحيحة . فاذا فرضنا أن هذه القيم متصلة ، فاننا نصادف صعوبة في تحديد فئة القيم التي بين ٨ ، ٩ أو التي بين ١٣ ، ١٤ أي ما بين الحد الأقصى للفئة والأدنى للفئة التي تليها .

والطريقة الثالثة هي أن تبدأ الفئة بما يزيد عن قيمة محاصة وتنتهي بقيمة محددة ، ففي هذا المثال نستطيع أن نقول :

ما فوق کے ۱۸۰۰

ما فوق ۸ 🛶 ۱۲

ما فرق ۱۲ ـــ ۱۹

. . . وهكسدا

وبذلك نضمن مكانا لجميع القيم سواء كانت البيانات مستمرة أو متقطعة كما هو الحال في الجدول الآتي ، وهو يبين حالة الملكية العقازية سنة ١٩٥٧ في احدى البلاد .

جملة المساحة	عدد الملاك	فثات المساحة
17ET 199	717 VE7	أكثر من فلمان الى خمسة
3.8 010	V4 Y04	أكثر من خمسة الى عشرين
746 601	27 AYW	أكثر من عشرة الى عشرين
W.4 E.4	۸۸۰ ۱۳	أكثر من عشرين الى ثلاثين
X41 10A	4 4+8	أكثر من ثلاثين الى خمسين
279 292	7 77/	أكثر من خمسين الى مائة
444 AA	W 148	أكثر من مائة الى مائتين
1177 8-1	7 177	أكثر من ماثني فسدان

جنول (٢) الملكية المقارية في احدى البلاد

والطريقة الرابعة وهي عكس السابقة أي تبدأ بقيمة محددة وتنتهي بأقل من قيمة محددة فنقول مثلا :

> من ٤ الى اقل من ٨ من ٨ الى اقل من ١٢ من ١٢ الى اقل من ١٦ ...وهكذا

وفي أية طريقة من هذه نجعل التصنيف يتجه اتجاها تصاعديا أي بادثا بأصغر القيم ثم يصمد بالتدريج حتى يصل الى أكبر قيمة أو العكس ، فنقول مثلا :

٤ – أقل من ٨
 ٨ – أقل من ١٢

١٢ ــأقل من ١٦

وهكسذا

او

من ٦٤ - أقل من ٦٨

من ٦٠ ــ أقل من ٦٤

من ٥٦ ـــ أقل من ٦٠

. وهكسذا

والطريقة التي سنتمها في هذا الكتاب هي طريقة التدرج التصاعدي أي الذي يبدأ بالقيم الصغيرة وينتهي بالكبيرة ، كما أننا سنتخذ الوضع الذي يبدأ بقيمة محدودة وينتهي بأقل من قيمة محدودة ، وبتطبيق هذا الوضع على المثال السابق (جدول ١) نصل الى التصنيف الآتي .

٤ ــ أقل من ٨

۸ - أقل من ۱۲

۱۲ ـ أقل من ۱۳

١٦ ــ أقل من ٧٠

۲۰ ــ أقل من ۲۶

۲۶ ــ أقل من ۲۸

۲۸ ـ أقل من ۳۲

٣٢ ــ أقل من ٣٦

٣٦ ــ أقل من ٤٠

٤٤ من ٤٤

٤٤ ــ أقل من ٤٨

٨٤ ـ أقل من ٥٢

۲ه ـ أقل من ۵۹

٥٩ ... أقل من ٦٠

٦٥ ـ أقل من ٦٤

٦٤ ــ أقل من ٦٨

ولاختصار الوضع يكفي أن نوضع التتابع كما يأتي :

۱۳ ــ وهكذا

فهذا الوضع يدل على أن الفئة الأولى تبدأ بالقيمة ٤ وتنتهي قبل القيمة ٨ والثانية تبدأ بالقيمة ٨ وثنتهي قبل القيمة ١٢ وهكذا .

بقي أن نحدد عدد الأفراد التي تقع في كل فئة حسب البيانات المعطاة . والطريقة

المتبعة لذلك هي وضع خطوط (علامات) يدل كل خط منها على أن هناك قيمة تتبع الفئة المرضوع بها . فالقيمة الأولى وهي ٣٥ نعبر عنها بخط أمام الفئة (٣٧ - -) ، والثانية وهي ٢٧ نعبر عنها بخط أمام الفئة (٢٠ - -) . الا أنه بما يسهل عد هذه الحطوط أن تجمع في مجموعات من خمس . فاذا كانت أمام الفئة أربعة علامات هكذا/ / / وأردنا أن نضع علامة خامسة ربطنا هذه العلامات الأربعة .

والجدول التكراري يحتوي على ثلاثة أعمدة : الأول يبين الفئات ، والثاني يبين العلامات ، والثاني يبين العلامات ، والثانث يبين عدد العلامات في كل فئة أو ما نعبر عنه بالتكرار فهو في المثال السابق كما يلى :

تكسرار	علامات	فثسات
٣	111	–
Y	11	- A
4	11	- 11
		- 17
٤	1111	- Y·
Y	11	- Y4
٣	111	AY –
£	1///	– ۳ ۲
*	1	77 –
Y	11	- \$1
•		- tt
4	11	- £A
4	11	- 4 Y
•		F• -
•		- 7.
٣	111	- 11
1.		المجموع

جدرل ٣ -- الحدل التكراري

ومن الواضح أن صحة مجموع التكرارات أي مطابقته لعدد القيم المعطاة لا يدل دلالة كافية على صحة العمل، فهو يدل فقط على أن جميع القيم قد دونت في الجدول التكراري وأن كلا منها قد دون مرة واحدة ، ولكن لا زال هناك مجال للخطأ في وضع احدى العلامات في الفئة الحاطئة . وليس أمامنا اتلافي هذا الحطأ الا أن نلزم الدقة والحرص في وضع العلامات ولا بأس من تكرار العملية للتأكد من صحتها .

ويلاحظ في مثل هذا الجدول ملاحظتان :

١ _ أن أقل قيمة التصنيف وأعلى قيمة محددتان في الجدول .

٢ أن الفتات تسير بتتابع منتظم أي أن مدى الفتات متساو .

ولكن يحدث في كثير من الأحيان أن يفضل الباحث تصنيف بياناته في جداول ليس فيها حاتان المميزتان ، كأن يجعل مبدأ التوزيع مفتوحا أي ليس له حد أدنى محدد فتهدأ الفئات مثلا بالفئة أقل من ١٥ ثم تتابع بعد ذلك بانتظام ١٥ - ٢٠ ، ٢٥ ... الخ اذا كان عدد القيم التي تقل عن ١٥ قليلة لا تستحق وضعها في عدد من الفئات أو أن يكون الجدول مفتوحا من طرفه العلوي لنفس السبب ، فقد تكون الفئة الأخيرة مثلا ١٥ فأكثر ، واليك مثال واقعيا على ذلك .

فالجدول الآتيمفتوح من طرفيه، وهويبين تعداد التلاميذ في سنوات متعاقبة موضحابالألف.

1474		1950	1444	. 1901	فثاتالسن
148.	1988	1987	1989	1407	
14	10	71	77"	**	أقل من اسنوات
1.44	EEA	373	171	717	من ٥ ـــ أقل من
۷۷۹	0.4	101	111	224	۸ سنوات من ۸ ــ أقل من ۱۰ سنوات
414	77.7	411	£A3	113	من ۱۰ ــ أقل
٧٦	VA	1.4	104	411	من ١٣ سنة من ١٣ ــ أقـل من ١٩ سنة
70	17	٨٤	177	۱۷۸	١٦ سنة فأكثر
1074	184-	18.4	10.4	19-1	المجموع

جدول (٤) جملة التلامية في احد البلاد حسب فنات السن(جدول مفتوح العارفين)

كما أنه يضطر الى توزيع بياناته على فئات غير متساوية المدى اذا وجد أن بعض الفئات قليلة التكرار مما يفضل معه ضم كل فئتين أو أكثر واعتبارهما فئة واحدة كما هو الحال في المثال الآتي الذي يبين توزيع مقدار السكان حسب فئات السن به (بالأرقام بالألف).

1417	1447	1147	1987	فئات السن
١٨٥	194	٤٩٠	٥٠٨	أقل من سنة
1074	1047	1314	Y • VV	من ۱ ــ أقل من ٥ سنوات
14.4	1009	14.4	72	من ٥ ــ أقل من ١٠
M - 4 4	١٥٨٠	14.4	3177	من ۱۰ ــ أقل من ۱۵
4041	1740	1727	14-1	من ۱۵ ــأقل من ۲۰
1144	7443	1818	7017	من ۲۰ ــأقل من ۳۰
۱۷۲۳	71	777E	Y744	من ۳۰ ــأقل من ٤٠
1184	1818	17.0	1474	من ٤٠ ـــأقل من ٥٠
Yey	۸۰۱	460	1718	من ۵۰ سأقل من ۲۰
173	014	۸۷۸	Y\Y	من ۲۰ ــأقل من ۷۰
۲۸۰	704	474	Y4Y	من ۷۰ سأقل من ۸۰
177	111	118	4.4	من ۸۰ ــأقل من ۹۰
٤٧	٤٠	47	۳.	٩٠ سنة فأكثر
٤٠	79	47	٥Λ	أعمار غير متباينة
17714	1111	10171	14477	المجموع

جدول (ه) يبين عدد السكان في احد البلاد حسب نشات السن

ولا يشترط دائما أن يصنف الياحث بياناته تبعا لفئات عددية ، بل كثيرا ما يحتاج الى أساس نوعي في تصنيفه ، فيقسم المجموعة الكلية الى أنواع مختلفة كما هو الحال في الجدول التكراري الآتي :

	141	٧	11	٧٧	197	ν	11	٤٧	درجة التعليم
ŀ	اناث	ذكور	اناث	ذكور	اناث	ذكور	اناث	ذ کور	
l			777	10.1	305	1711	378	***	ملمون بالقراءة والكتابة
			ŧ	74	4.5	1 • 8	۰۳	127	فقــط حملة شهادات أقل من متوسطة
			\	41	٤	40	17	41	حملة شهادات متوسطة
			١,	l w	١	10	٣	£ £	۱ ۱ عالية
١			_	_	-	٤	_	•	١١ فنية عالية
			-	-	-	Y	-	۳	۱ و خصوصيــة عالية
			٠٩.	.4.	,	•	١	1	 عالية من الخارج
	118	٨٤٧	YAE	1711	7/1	١٨٨٦	111	1707	الجملــــة

جدول (٦) تداد المتعلمين في احد البلاد حسب التعليم مقدار بالألف

(٠) يشمل الحاصلين على شهادات أجنبية من مختلف الدرجات.

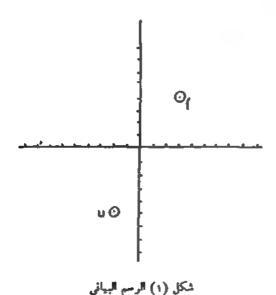
تمثيل التوزيسيع بالسرسم:

يعطينا الجدول التكراري صورة عامة عن توزيع القيم ، أي تكرارها النسمي . الا أنه يفضل دائما أن يمثل هذا التوزيع بالرسم فذلك يعين على زيادة الوضوح والمقارنة السريعة . ويستعمل في التمثيل بالرسم طرق عديدة أهمها :

- ١ المضلم التكراري .
- ٢ المدرج التكراري .
- ٣ المنحني التكراري .
- المنحى التجمعى .

الأساس الرياضي في التمثيل بالرسم :

يستعمل في الرسم التوضيحي أو البياني محواران متعاملان يطلق على المحور الأفقي المحور السيني والمحور الرأسي المحور الصادي ويطلق على نقطة تقابلهما نقطة الأصل . وتكون قيم (س) على يمين نقطة الأصل دائما موجبة ، وتزيد قيمتها كلما بعدت عنها ، وسالبة على يسار نقطة الأصل ، وتزيد قيمتها السالبة كلما بعدت أيضا عنها ، أما في المحور الصادي فتكون التيم الموجبة هي التي فوق نقطة الأصل ، والقيم السالبة هي التي تحتها ، فالنقطة (أ) في الرسم هي المعبرة عن س = : ٣ و ص = ٤ والنقطة (ب) هي المعبرة عن س = - ٣ و ص = - ٢ و ص = - ٣ و ص = - ٣ و ص = - ٣ و ص = - ٣ و ص = - ٣ و ص



يحتاج مثل هذا الرسم بطبيعة الحال الى ورق مربعات ، مقسم طولا وعرضا الى سنتيمتر ات ومليمتر ات أو غير ذلك من الوحدات.

ولا يشترط مطلقا أن نعبر في الرسم عن كل وحدة في القيم بمسافة طولها سنتهمتر واحد ، بل قد نضطر في كثير من الأحيان الى التعبير عن كل وحدة بجزء من السنتيمتر أو أكثر من سنتيمتر . فاختيار الوحدات يتوقف على الحيز الذي نرسم فيه والقيم التي نريد تمثيلها ، ولكن من المستحسن أن يكون عرض الرسم أكبر قليلا من ارتفاعه .

المطبع التكراري:

لتوضيح الجدول التكراري باستعمال المضلع ، نستعمل عادة المحور الأفقي لتمثيل الفئات والمحور الرأسي لتمثيل التكرار ، وتنحصر خطوات العمل فيما يأتي :

١ ختر المقياس المناسب لتمثيل الوحدات المعطاة في الجدول ، فمثلا في الجدول التكراري الآتي الذي يبين تكرار درجات مجموعة من الأشخاص في مقياس للاتجاهات العقلية :

التكر ار	فئات الدرجات
٤	- Y•
٧	— Yø
٦	- Y·
10	<u> </u>
47	\$·
44	_ to
14	01
٨	_ 00
11	- 4.
٦	- %•
۱۳۳	المجمسوع

جدول (y) توزيم الدرجات في مقياس للانجاهات المقلية

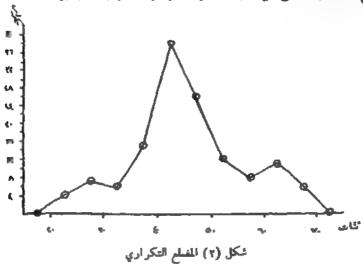
نجد عشر فثات ، فنستطيع اتخاذ كل (١) سم في المحور الأفقي لكل فئة ما دام عرض الورقة التي نستعملها أكثر من ١٠ سم ، وفي حالة التكرارات التي تمثل على المحور الرأسي نجد أن أكبر تكرار في الجدول هو ٣٨ ، فلو اتخذنا كل (١) سم ممثلا خمس تكرارات احتجنا في ذلك الى ٨ سم على الأقل ، وهو ارتفاع مناسب للشكل.

٢ - ضع حدود الفثات في المحور الأفقي ودرج المحور الرأسي مبينا ما تمثله الارتفاعات المختلفة من التكرار .

عبر عن تكرار كل فئة بنقطة توضع في مركز العثة تماما وعلى ارتفاع معادل
 لتكرارها حسب المقياس الذي سبق اتخاذه .

عن ذلك هو المضلع المتالية بمستقيمات فيكون الشكل الناتج عن ذلك هو المضلع المطلوب .

ومن المتبع عادة أن يضاف الى التوزيع في الرسم فئتان احداهما أقل من أصغر فئة في التوزيع والأخرى أعلى من أكبر فئة فيه . ويكون تكرارهما بطبيعة الحال صفرا .



المقارنة بين توزيمين مختلفين باستعمال المضلع التكراري :

ليس من السهل أن نحصل على مقارنة صحيحة بين مجموعتين بمجرد ملاحظة الجدول المتكراري لكل من التوزيعين ، والتوضيح بالرسم يؤدي في ذلك خدمة الباحث ، ولكن الحدى المشاكل التي نصادفها هي الحالات التي يختلف فيها مجموع التكرارات في المتوزيعين ، وذلك لأن مقارنة ارتفاع المضلع في الهثات المختلفة لا تعطي صورة واضحة في هذه الحالة عن حقيقة اختلاف التوزيعين ، والحل الوحيد اذا ما حدث هذا الاختلاف في هذه الحالة عن حقيقة اختلاف التوزيعين ، والحل الوحيد اذا ما حدث هذا الاختلاف في العدد الكلي القيم أن نفجاً الى استخراج النسب المثوية التكرار في كل فئة بالنسبة لمجموع في التكرار في كل من المجموعتين ، بقلك نوحد بين مجموع التكرارين بجعل كل منهما مائة .

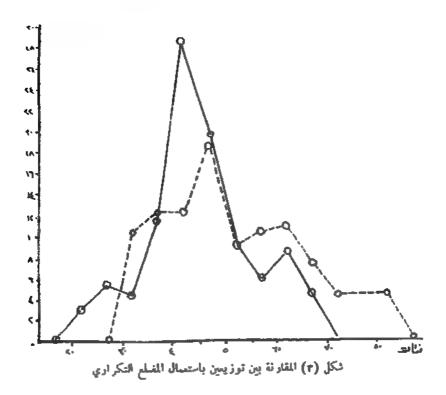
مثال : طبق نفس مقياس الاتجاهات السابقة جدول (٧) على مجموعة أخرى فكان توزيع المدرجات كما هو مبين في الحدول رقم (٨) .

التكــرار	الفئات
Yo	- r·
44	_ Y0
4.	£•
٤٦	ξ ο
44	0.
Ye	_ 00
YY	- 7.
١٨	o/ _
١.	- Y•
1.	_ Y•
710	المجموع

جدول (٨) توزيم درجات مجموعة أخرى في مقياس الاتجاهات المقلية

عة الثانية	المجموعة الثانيسة		الجبو	المثات
النسبة المثوية	التكرار	النسبة المثوية	التكرار	الفتات
_	_	٣	ŧ	- 4.
-	- 1	. ,*		_ Ye
3+,4	Ye	2.0	٦	- 40
14.	177	11,4	10	Yo
14,4	۲۰	F,AY	44	- t ·
۸٫۸۱	£%	14,0	77	- 10
*	77	4	117	- 0.
X+,Y	40	1	Α	co
11	177	۸,۳	11	- 31
V,t	W	£,a	1	- To
1,1	1.	_	-	- v•
1,1	١٠	_	-	. Va
١	74.0	1	1975	الحموع

چدو ـ (۹) لتوريخ للتوى قدر حات يي الحموعتير



ويتضح من الرسم عدة ملاحظات نذكر منها :

ان درجات المجموعة الثانية أكبر بوجه عام من درحات المجموعة الأولى ،
 ذلك لأن المضلع الذي يمثلها ينتشر في القيم الكبيرة أكثر من مضلع المجموعة الأولى

٢ — قد يبدو من هبئة المضلعين أن انتشار توزيع الدرجات (التشنت) متعادل تقريبا في المجموعتين ولكن الواقع أن انتشار درجات المجموعة الأولى أقل من انتشار الثانية ، وذلك لأن درجات تجمع درجات المجموعة الأولى حول وسط المضلع أكثر منه في المجموعة الثانية ، بالرغم من أن الفرق بين اتساع المضلعين صغير كما يبدو في الرسم وسيأتي توضيح ذلك في الباب الثالث عند الكلام عن مقاييس التشتت .

تسوية المضلع التكسراري :

لا يستطيع الباحث أن يجري بحثه على جميع الأفراد الذين بجب أن بشملهم البحث . فهو مضطر لأن يجري بحثه عادة على عينة محدودة . ولا ينتظر مطلقا أن بكون توريع العينة مطابقا للتوزيع الأصلي للمجموعة كلها . وكلما كانت العينة صغيرة العدد كلما كان متوقعا أن يشتمل التوزيع على أجزاء غير منتظمة تفسد الشكل العام للتوزيع ، ولذلك فانه من المفيد في كثير من الأحيان أن يعمل تعديل للتوزيع حتى يتخلص الباحث من مظاهر عدم الانتظام التي تنتج عن عامل الصدقة واختيار العينة .

واحدى طرق تعديل التكرار أن يعطى لكل فئة تكرار يعادل متوسط تكرارها مع تكرار الفئة التي قبلها والتي بعدها ، فاذا طبقنا ذلك على الجدول التكراري رقم (٧) نجد أن الفئة الأولى (٢٠ –) يصبح تكرارها صفر $\frac{4+3+4}{7}=7,7$ الا أنه توجد فئة قبلها (١٥ –) كان أصل تكرارها صفر ا فيصبح تكرارها مغر $\frac{4+3+4}{7}=7,6$ والفئة الثالثة (٣٠ –) يصبح تكرارها $\frac{4+7+7}{7}=7,6$ والفئة الثالثة (٣٠ –) يصبح تكرارها $\frac{7+7+6}{7}=7,6$ والفئة الثالثة (٣٠ –) كان أصل تكرارها من توجد فئة بعد الأخيرة (٧٠ –) كان أصل تكرارها صفر فيصبح تكرارها $\frac{7+6+6}{7}=7,6$ كان أصل تكرارها صفر فيصبح تكرارها $\frac{7+6+6}{7}=7,6$ كا أنه توجد فئة بعد الأخيرة (٧٠ –) كان أصل تكرارها صفر فيصبح تكرارها $\frac{7+6+6}{7}=7,6$

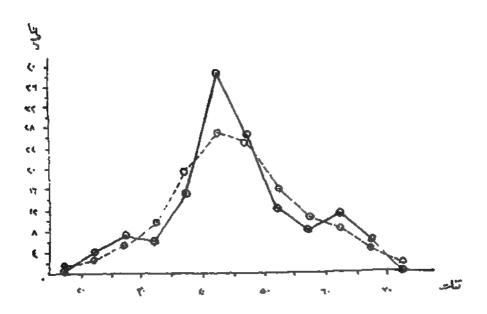
فيصبح الجدول التكراري المعدل كالآتي -

التكوار	المضات
1.17	- 10
* *	- 4.
V.0	- Y4
4.0	٣٠
14.7	-Ye
¥3,F	_ t-
70,7	10
14,7	81
3.547	
A,Y	_ = T1
4,9	1a
٧,٠	- V•
197.4	الخيسوع

يغول (١٠) القرمطات للصركة

ويلاحظ أن مجموع التكرارات لا يتغير تبعا لهذه التسوية

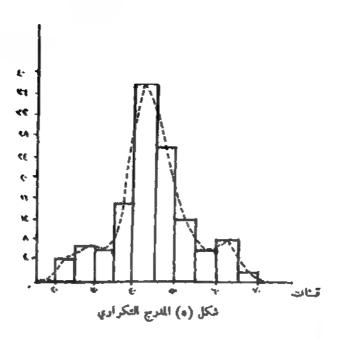
والشكل الآتي يوضح مدى التعديل الذي يحدث في المضلع التكراري نتيجة للتسوية باستعمال المتوسطات المتحركة .



شكل (٤) تسوية المضلع التكراري

المسدرج التسكراري:

لا تختلف الوسيلة الثانية كثيرًا عن الوسيلة الأولى ، الا أنه في المدرج التكراري يمثل



التكرار بمستطيل بدلا من نقطة ، ويرسم المستطيل على الفئة كلها ويكون ارتفاعه (۱) (طوله) معبرا عن تكرار الفئة . ومعنى هذا أن الطريقتين تختلفان في الفرض ، ففي المدرج التكراري نفترض أن التكرار موزع بانتظام على جميع قيم الفئة ، أما في المضلع نحن نفترض أن جميع قيم الفئة تمثلهم قيمة واحدة هي مركز الفئة ، فالمدرج التكراري لجدول (۷) يكون كالشكل رقم (۵) .

و تكون خطوات العمل في الرسم كالآتي:

١ – حدد الفئات على المحور الأنفي ووحدات التكرار على المحور الرأسي (كما هو الحال في المضلع).

٧ ـــ ارسم فوق كل فئة مستطيلا ارتفاعه يمثل تكرار الفئة .

فيكون الشكل الناتج هو المدرج التكراري.

ويلاحظ أن الفرق بين رسم المضلع والمدرج التكراريين أن تكرار الفئة في المضلع

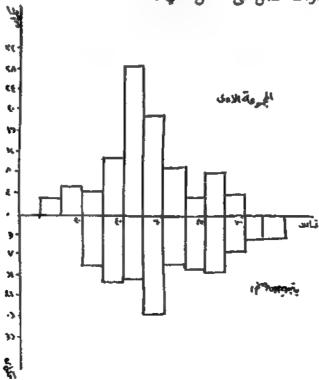
 ⁽١) الواقع أن الذي يمثل التكر ار هو مساحة المستطيل و لكن المقروض أن عرض المسطيل يمثل وحدة و أحدة و لدلك قان مساحة المستطيل تمادل أر تفاعه (طو له) .

التكراري يمثل بنقطة عند مركز الفئة . وأما في المدرج التكراري فيمثل بمستطيل فوق الفئة كلهـــا .

هذا ويمكن أن يرسم كل من المضلع والمدرج التكراريين في رسم واحد كما هو الحال في شكل (ه) .

مقارنة توزيعين باستعمال المدرج التكراري:

لعله من الواضح أنه ليس من السهل استعمال المدرج التكراري للمقارنة بين توزيعين نظرا لتعقد الشكل الناتج وصعوبة المقارنة نتيجة لذلك ، اللهم الا اذا استعملت لونين غطفين في رسم المدرجين ، ولكن قد يتيسر لنا ذلك اذا استعملنا جهني المحور الأفقي ، بحيث يرسم أحد المدرجين فوقه والآخر تحته ، وهذا يكون في حالة تساوي العدد الكلي في المجموعتين ، أما في حالة اختلاف هذا العدد فنستعين بائنسب المثوية للتكرار ، كما اتبعنا في رسم شكل (٣) فباستعمال المدرج التكراري لكل من التوزيعين مع استعمال النسب المثوية للتكرارات نحصل على الشكل الآتي :



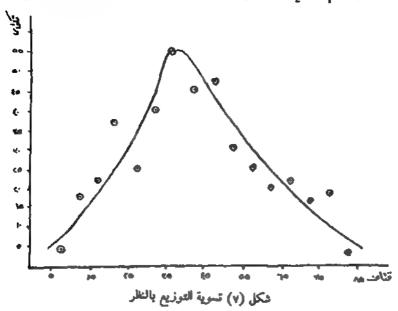
شكل (٦) مقارقة توزيمين باستممال المدرج التكراري

النحسى التسكراري:

لا تختلف طريقة رسم المنحنى التكراري عن طريقة رسم المضلع التكراري الا في استعمال الخطوط المنحنية بلا من الحطوط المستقيمة المنكسرة ، الا أن المنحى التكراري يستعمل عادة لاعطاء شكل التوزيع بوجه عام ، مع تجاهل يبض مظاهر عدم الانتظام الذي قد يوجد في التوزيع نتيجة الصاف أو لاختيار العينة . ويمكن اعطاء الشكل العسام للتوزيع بوسيلة اجتهادية محضة ، وتكون برسم منحنى عام يمر بأكبر عدد من النقط المعبرة عن التكرار الحقيقي الفتات ، وبشرط أن يقترب المنحنى بقدر الامكان من النقط التي لا يمر بها . وهذه الوسيلة بطبيعة الحال تتوقف على التقدير الشخصي . ونستطيع أن نتخلص من العامل الشخصي باستعمال المتوسط المتحرك الذي سبق استخدامه في تسوية المضلع التكراري ، ففي حالة الجدول التكراري الآتي الذي يبين توزيع أعمار مجموعة من الأفراد :

التكوار	المضات
•	0
1.8	~11
44	-10
	4+
40	~- Ye
4.	-Y•
! •• !	<i>_</i> γ•
t•	- £1
٤٧	- £ +
y.	61
40	00
٧٠	31
77	_ 10
17	_ V1
11	Ye
£	- ^ •
(17)	الجبوع

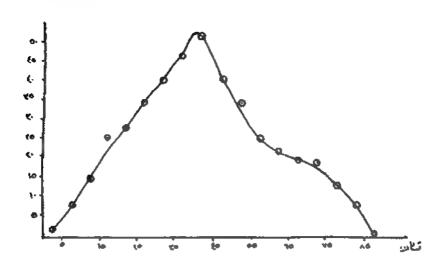
جدول (١١) جنول تكولوي لأعلو عمومة من الأفراد



وبحساب المتوسطات المتحركة لتكرارات الفئات بصبح الجدول التكرأري كالآتي :

التكوار	الثنات
1,7	مستر
V, V	- •
10	-11
Ye,V	10
¥A.	- * •
176	- Y#
Į.	-T*
£7,Y	T*
49	-41
£+,V	- 10
TE.	d+
70	00
44,5	-1.
11,7	10
19,0	Y•
15,5	- Ye
Ψ,Υ	-A•
174	— A#
171,1	الخيسوخ

يترق (11) لكرميات السركة لوزيع أحار جيوبة بن الأثراد



شكل (٨) رسم المنحى باستعمال المتوسطات المتحركة

وبهذه الوسيلة نستطيع أن نرسم منحنيا معدلا يمر بجميع نقط التكرار تقريباً .

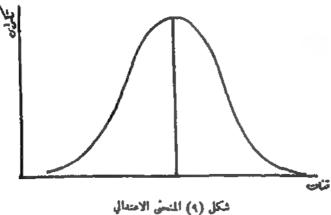
أنواع المنحنيات التوزيعية الشاتعة :

ني البحوث العلمية سواء كانت نفسية أو اجتماعية لا تحصل مطلقا على منحنيات خالية خلوا تاما من مواضع عدم الانتظام ، ولكننا مع هذا يمكن أن نعدل مثل هــــذه

التوزيعات كما سبق توضيحه . وبذلك تحصل على أشكال معينة للتوزيعات التي تشملها البحوث . وأهم الأشكال الشائعة لمنحنيات التوزيع ما يأتي :

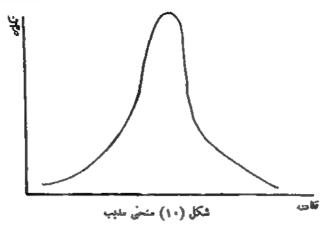
١ _ المنحني الاعتدالي :

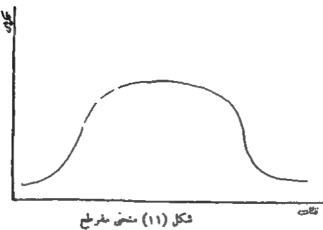
اذا طبق البحث على عدد كبير جدا من الأفراد وأمكن التوصل الى طرق قياس موضوعية خالية خلوا تاما من العوامل الشخصية فان توزيع أغلب القدرات العقلية أو أكثر السمات الانفعالية أو الجسمية تكون موزعة بشكل معين يمثلها منحنى يطلق عليه المنحنى الاعتدالي ، والمنحنى الآني يمثل توزيع نسبة الذكاء في مجموعة كبيرة جدا من الأفسراد.



وفلاحظ في هذا التوزيع أن عددا قليلا من الأشخاص نسبة ذكائهم ٧٠ بينما يزيد هذا العدد تدريجيا حتى يبلغ أقصاه عند نسبة ذكاء قدرها ١٠٠ ، ثم يتناقص هذا العدد تدريجيا بنفس النظام الذي زاد به قبل ذلك حتى يقل عند نسبة ذكاء ١٣٠ ، وهذا يدل على أن العدد الأكبر من المجتمع متوسط الذكاء أو عادي ، بينما أقلهم عددا هم ضعاف العقول والعباقرة . ومن أهم ما فلاحظه في مثل هذا التوزيع أنه متماثل . أي مكون من نصفين منطبقين تقريبا على هيئة الجرس ، ولذا يسمى في كثير من الأحيان بالمنحنى الجرسي وسيأتي الكلام عنه مفصلا فيما بعد .

هذا وقد يختلف اتساع منحنى التوزيع عن المنحنى الاعتدالي فيصبح ضيقا مدببا أو واسعا مفرطحا ، وهذا يتوقف على تشتت القيم التي يشملها التوزيع كما في المنحنيين الآتيين :





٢ ـ المنحني الملتري Skewed Curve :

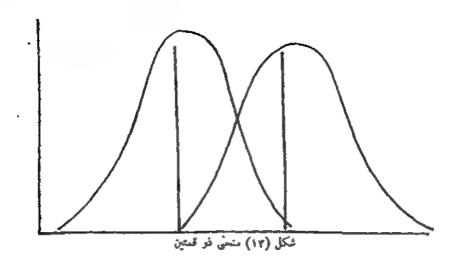
يحدث في كثير من البحوث أن نجد أن التكرارات تتجمع في احدى جهني المنحى أكثر مما تتجمع في الجهة الأخرى على عكس المنحى الاعتدالي الذي يتساوى فيه توزيع التكرارات على جانبي المنحى . فاذا رسمنا منحى توريع الايراد الشهري لمجموعة كبيرة من الأفراد محدودي الدخل مثلا كانت التكرارات متجمعة عند القيم الصغيرة . ويوصف هذا المنحى بأنه موجب الالتواء Positively skewed أي ملتوي نحو القيم الصغيرة ، وعلى العكس من ذلك اذا اتجه التواء المنحى بحو القيم الكبيرة وصف بأنه مالب الالتواء العكس من ذلك اذا اتجه التواء المنحى بحو القيم الكبيرة وصف بأنه مالب الالتواء الفصول الفيات عن صعة حقيقية في المجتمع الذي يحرى عليه البحث كما في حالة النتائج الدراسية الفصول الضعيفة أو الفصول



القوية ، حيث يكون الالتواء موجبا في الحالة الأولى سائبا في الثانية ، أو راجعا الى سوء اختيار العينة بحيث لو أحسن الباحث اختيار العينة التي يجري عليها البحث لزال الالتواء أو خفت حدته ، أوسوء الطريقة المستحدمة في القياس ، كما في حالة تطبيق اختبار أعلى أو أقل في مستواه عن مستوى العينة المختبرة ، فالاختبار الصعب يعطي توريعا موجب الالتواء بينما يعطى الاختبار السهل توزيعا سالب الالتواء .

" المنحى المعدد القمم Multimodal curve "

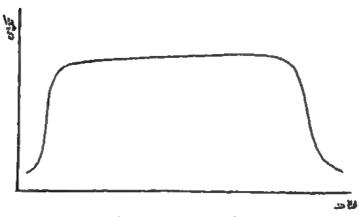
ينتج المنحنى المتعدد القمم من عدم اتساق وتناسب العينة التي يشملها البحث ، فيتضح من التوزيع أن هناك انفصالا في المجموعة الكلية الى مجموعتين أو أكثر فاذا استطلعنا رأي مجموعة من الأفراد عن مدى أحقية المرأة في مساواتها بالرجل باستبيان مكون من عدد من الأسئلة وكانت المجموعة تشمل الجنسين : الرجال والساء . فمس المحتمل أن نحصل من فتيجة هذا الاستبيان على منحنى ذي قمتين حيث بحتلف توريع درجات هذا الاستبيان اختلافا يجعل المنحنى العام أميل انى الانفصال الى محبيس كما هو الشكل الآتي :



وهناك أشكال أخرى للتوزيعات عدا هذه الأنواع الثلاث الا أنها أندر من سابقتها ظهورًا في البحوث النفسية والاجتماعية نذكر منها هنا على سبيل المثال :

: Rectangular Distribution إ. الترزيع المبتطيل.

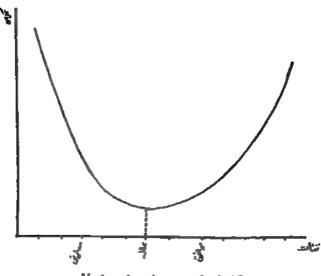
وهو الذي تتساوى فيه تكرار الفشمات :



شكل (١٤) التوزيع المستطيل

٥ ـــ التوزيع الذي على هيئة حرف U

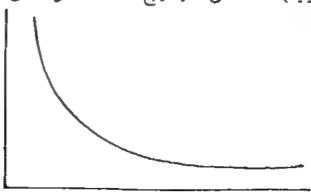
ومن المحتمل أن يظهر مثل هذا التوزيع في الاتجاهات العتملية الواضحة حيث يكثر الأدراد الذين بميلون الى جهة دون أخرى ، ويقل عدد الأفراد المحايدين بين الاتجاهين .



شكل (١٥) توزيع على هيئة حرف 🏿

٩ الترزيع الذي على هيئة حرف ١٠ أو عكسها :

ومن أمثلته توزيع قابلية الأشخاص للاصابة بعدد من الحوادث في فترة زمنية معينة ، فاذا حسبنا عدد الأشهر التي حدثت فيها اصابة واحدة في مصنع معين ، وعدد الأشهر التي حدثت فيها اصابتان وهكذا في فترة عشر سنوات مثلا ، فاننا نحصل على منحى كالمبين في شكل (١٦) . ذلك لأن عدد الحوادث في أغلب الشهور يكون صغيرا بينما يقل عدد الشهور التي يحدث فيها عدد كبير من الحوادث (بفرض أن ظروف العمل في المصنع طبيعية) كما أن منحى النسيان يتبع عادة هذا الشكل ومنحى الحفظ يتبع عكسه .



شكل (١٦) توريع عدد الاصابات في الشهر لمه سيسة

أسئلة على البـــاب الأول

خدية:	للقاء ة الا	ا في اختيار	حمسين طال	در جات	ضما يأتى	- 1
-------	-------------	-------------	-----------	--------	----------	-----

•	YA	74	77	10
**	YV	Yo	£ £	**
٨	40	13	۳۸	۲۸
11	٤a	44	ξo	Ye
YY	14	YA	£Y	14
40	YY	11	7"7	• •
۳.	۲a	٣Y	۳۸	**
71"	YV	71	Y1	۲V
۳۸	**	Yo	YY	44
17	17	YV	10	١٤

والمطلوب تصنيف هذه الدرجات في جدول تكراري مدى كل فئة فيه ثلاث درجـــات .

- ٢ مثل الجدول التكراري السابق بالرسم مستخدما في ذلك :
 - (أ) مضلما تكراريا.
 - (ب) مدرجا تكراريا.
- ٣ أعد تصنيف الدرجات السابقة في جدول تكراري مدى كل فئة فيه خمس درجـــات .
- ارسم منحنيا تكراريا الجدول في المسألة السابقة محاولا تسويته بالنظر ثم
 باستعمال المتوسطات المتحركة .

٦ = قارن بين توزيعي قيم مجموعي (أ) ، (ب) مستخدما أية طريقة من طرق التوضيح بالرسم :

تكرار مجموعة ب	تكرار مجموعة أ	القــــيم
115	YY	_ •
۱۷	Yo.	- 1·
Y•	٧3	10
173	64	Y•
٧٠	YA	_ Yo
77	10	– דיי
۳۵	٧٠	Ya
**	10	_ £•
YA.	YY	_ £0
YA	١٠	01
Y Y	14	_ 00
۳۰	11	_ %·
۳۰	٧	10

جدول (١٣) جدول تكراري لمجموعتين

(4)

المتوسطات أو القسيم المركزية

- المتوسط الحساني وطرق ايجاده Arithmetic Mean المتوسط الحساني القيم المتجمعة المنتصرة
 - الوسيط أو الأوسط Median الوسيط الذيم المتجمعة الوسيط بالرسم
 - المنوال أو الشائع Mode
 المنوال بالطريقة الحسابية
 المنوال بالرسم
 - مقارنة بين المتوسطات الثلاث.
 - العلاقة بين المتوسطات الثلاث.



المتوسطات أو القيم المركزية

يهم الباحث دائما أن يعبر عن قيم المجموعة التي يشملها البحث بقيمة واحدة تمثلها ، وتؤدي المتوسطات هذا الغرض في البحث ، فأية قيمة مركزية بمكن أن تستعمل لأي غرض من أغراض التوضيح أو المقارنة . وأهم هذه المتوسطات وأكثرها شبوعا في البحوث ما يأتي :

- Arithmetic Mean المتوسط الحسابي المتوسط الحسابي
 - Median ____ Y
 - ٣ ــ المنوال أو الشمائع Mode

١) المتوسط الحسالي :

يستعمل المتوسط الحسابي كثيرا في حياتنا اليومية ، فهو الطريقة المباشرة التي نلجاً اليها عند مقارنة مجموعتين ، فاذا طبقنا اختبارا في مادة من المواد العلمية على فصلين أو مجموعتين وأردنا بعد ذلك أن نقرر أيهما أقوى ، تبادر الى الذهن لأول وهلة أن نستخرج متوسط درجات كل مجموعة ثم نقارن بين هذين المتوسطين .

ومتوسط عدد من القيم هو خارج قسمة مجموع هذه القيم على عددها . فاذا كانت أعمار ثلاثة أشخاص هي على الترتيب ٢٥ ، ٣٠ ، ٤١ كان متوسط أعمارهم $\frac{81+70+70}{7}$ $\frac{1}{7}$ ولعله من الواضح أن هذا المتوسط الحسابي لا يشترط أن يكون دائماعددا صحيحا، كما أنه دائما محصور بين أقل القيم وأعلاها . ولكن هذا ليس معناه أنه يقع في الوسط تماما بين هذين الحدين ، فهذا يتوقف على القيم الأخرى . ولكن الذي يحدث دائما أن المجموع الجبري لانحراف القيم عن هذا المتوسط يكون دائما صفرا . ففي

مثال أعمار الأشخاص الثلاث يكون مجموع الاتحرافات عن المتوسط الحسابي معادلا - ٧ - ٢ + ٩ = صفرا وتنطبق هذه الصفات كلها على المتوسط الحسابي لأي عدد من القيم مهما كان هذا العدد كبيرا.

المتوسط الحسابي للقيم المتجمعة في جدول تكراري :

الصعوبة التي تصادفنا في القبم المتجمعة على هيئة فئات هي أن قبم الأفراد جميعها لا تكون معروفة لدينا . فاذا كان لدينا مثلا عدد من المبالغ المقسمة على فئتين الأولى فيها من ١٠ الى أقل من عشرين ريالا وعددها ٤ مبالغ ، والثانية من ٢٠ ريالا الى أقل من ٣٠ ريالا وعددها ٢ مبالغ ، وأردفا أن نستخرج المتوسط الحسابي لهذه المبالغ فان الصعوبة التي تواجهنا هي جهلنا لقبم أفراد كل فئة . اذ أن كل ما نعرفه عن كل فرد منها أنه محصور بين قيمتين معينتين .

ويمكن الحصول على مركز الفثة باحدى الطريقتين الآتيتين : ــ

اما بجمع الحد الأدنى الفئة على الحد الأدنى الفئة التي بعدها وقسمة حاصل الجمع على ٢ ، أر باضافة نصف مدي الفئة الى حدها الأدنى ، واليك تطبيق على ذلك في الجدول التكراري الآتي وهو يبين توزيع الأجر اليومي بالريال لخمسمائة عامل في مصنع :

مراكز الفئات× التكرار (س × ك)	مراكز الفثات س	التكر ار ك	فئات الأجر اليومي
1577	1.4	ΑΥ	- 17
4.4.	44	10	_ Y•
1.47	Υ٦	٤٧	- Y£
111.	۳۰	177	_ YA]
1+44	718	**	– ۳ ۲
177.	۳۸	Y 0	- 47
1474	£Y	YYY	- £•
1141	£3	YY	– ٤٤
18	••	YA.	_ £A
1797	0 €	44	eY
1747	• A	71	. Fe _
44.	717	10	- 3+
144+	11	7.	37 -
17017		۵۰۰	المجموع

جدول (١٤) المتوسط الحسابي لأجور خمسمالة هامل

ونلاحظ أن هذا الجدول التكراري يعبر عن ٥٠٠ حالة مختلفة مجمعة على هيئسة مجموعات ، ولا ننتظر أن المتوسط الحسابي الذي تحسبه لهذا الجدول المتجمع في فئات ينطبق دائما انطباقا تاما على المتوسط الحسابي الذي تستخرجه من قيم الحالات الحمسمائة كل على حدة . ولكن الفرق بين المتوسطين لن يكون كبيرا اذا قيس بالاختصار الكبير في كية الجهد والوقت .

ونستطيع أن تلخص طريقة حساب المتوسط الحسابي لكل من البيانات المتفرقة والبيانات المتجمعة في جدول تكراري كالآتي :

في حالة البيانات المتفرقة م = عص

على اعتبار أن (م) هو المتوسط الحسابي ، (مح س) معناه مجموع القيم . حبث (س) أية قيمة في هذه البيانات و (ن) عدد القيم .

وفي حالة البيانات المتجمعة في جدول تكراري ـــ

م = ع (س×ك)

حيث (س) في هذه الحالة تعبر عن مركز الفئة و (ك) تكرار الفئة .

المترسط الحساني بالطريقة المختصرة :

اذا أردنا حساب المتوسط الحسابي لأطوال ٢٠ شخصا فالطريقة الطبيعية هي قياس هذه الأطوال وجمعها ثم قسمة حاصل الجمع على ٢٠ . ويمكن أن نختصر العمل قليلا اذا كانتأطوالهم محصورة بين ١٤٥ سم، ١٨٥ سم مثلافيمكننا أن نضع مستوى خاصا وليكن ١٢٠ سم نقيس بالنسبة له و نعطي لكل شخص قيمة سالبة أو موجبة حسب نقص طوله أو زيادته عن هذا المستوى الخاص ، وبذلك نستعمل في حسابنا أعدادا صغيرة ، وبحساب المجموع الجبري لهذه الفروق وقسمتها بعد ذلك على ٢٠ نحصل على فرق المتوسط الحسابي عن ارتفاع ١٦٠ سم ، واليك مثالا على ذلك :

الضروق	الأطوال مرتبة	المشروق	الأطوال
10	16+		100
17 -	147	10	774
1Y —	184	۲۰	14.
11 -	161	Y#	180
1	10+	•	110
1	10.	11-	100
A	107	YE	TAE
+	100	17	IVI
*	100	10	16*
_	170	N	10-
_	100	17	164
٧	177	•	100
	170	-	170
1.	14.	1.	17*
1.	170	16	174
10	\Y•	۸	107
11	171	14	167
4+	14.	11 -	169
41	3A(-	130
y.	1/10	٧	144
177		<u> </u>	TYEF
141		l	l .
87	1		

جدول (١٥) المتوسط الحسابي لقيم متفرقة بالطريقة المختصرة

فيكون المتوسط الحسابي بالطريقة المباشرة العادية
$$\frac{777}{7} = 177,10$$
 سم وبالطريقة المختصرة $= 177,10 + \frac{27}{7} = 177,10$ سم .

ويلاحظ أن ترتيب القيم يساعد كثيرا في حساب الفروق كما هو موضح في جدول (١٧) ، فاذا أردنا تطبيق هذه الطريقة لحساب المتوسط الحسابي لقيم مصنفة في جدول ، تكراري كان علينا أن نختار قيمة نبدأ منها حساب القيم نعتبرها نقطة الصفر في الجدول ، ثم نحسب انحراف مراكز الفئات المختلفة عن هذه القيمة الاعتبارية التي نختارها ، وبذلك نتخلص من الأعداد الكبيرة التي يشملها حساب المتوسط الحسابي ــ ونظرا لأن الفئات تتابع في الجداول التكرارية بانتظام فيمكن اعطاء درجات منتظمة مثل ١ ، ٢ ، ٢ ، ٣،

٧ ، ٣ . لتعبر عن مدى انحراف مركز الفئة عن الأساس الفرضي الذي سبق اختياره ، ثم نيني كل حسابنا المتوسط على هذه الدرجات المنتظمة ، ثم نضرب المجموع الجبري لهذه الانحرافات الفرضية في مدى كل فئة لينتج الانحراف الحقيقي المتوسط الحسابي عن القيمة الاعتبارية (التي يمكن أن نعبر عنها بمركز الفئة الصفرية) التي حسب الانحراف عنها .

وخطوات الطريقة موضحة في المثال الآتي وهو يبين توزيع درجات ٢٠٠ شخص في اختبار الشطب :

ك ح –		التكرار	الفئات
	- ح	التكـــرار (ك)	(ث)
17 -	٤	ŧ	- 4.5
\•	۳	•	- 1.4
**	٧ _	17	- 111
¥¥" —	۱ صفر	74	- 117
	صفر	٥٧	- 14.
٤٩	١	19	- 178
01	۲	**	- 144
٤٥	۳	10	177
YA	ŧ	٧	147
١٠.	•	4	- 181
١٨٦		7	المجموع
۸٦ –			
1			

جدول (١٦) المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة

(العمرد ح - يمثل الانحراف الفرضي الفئات عن الفئة الصفرية)

مركز الفئة الصفرية $=\frac{172+17}{7}=177$ وهي القيمة التي حسب منها انحراف الفئيات .

المتوسط الحسابي = ١٢٢ (١٠٠٠ عيث ٤ هي مدى كل هئة = ٢٠٠ + ٢=

171

وستطيع أن نضع هذه النتيجة في صورة رمزية كالآتي :

أي أن المتوسط الحسابي = مركز الفئة الصغرية 1

و لسهولة العمل بحس أن تختار الفئة الصفرية في وسط الحدول وتكون كبيرة التكرار حبى تتفادى استعمال الأعداد الكبيرة نقدر الامكان

و بجب أن تؤدي هذه الطريقة الى نفس الحواب الذي تؤدي البه الطريقة العادية ، كما يجب أن تؤدي الى نفس الحواب مهما تغير اختيار موضع الفئة الصفرية ، فاذا طبقناها مثلا على الحدول ١٤ كانت كالآتي :

<u>E</u> R	٤	4	مثات الأسر
YYA	ŧ -	AA	- 17
YA#	Ť-	4.	. **
A£ .	¥	13	YE
77	N =	177	TA
	مغر	**	YY
T0		T+	41
- 11	٧	77"	£.
VA }	+ 1	**	- 11
337	£ .	YA	EA.
174	• 1	YE	70
141		4.7	67
110	٧	10	1 1
13.	A	4.	11
TAT			
VPE =			66
AYr	ŀ	- -	عبرع

عدراً. (e +) كثير القريقة الأدم . علي عدوان (e +) .

المتوسط الحسابي = م +
$$\frac{2(\frac{\sqrt{5}}{2})^2}{2} \times \dot{\upsilon}$$

 $= 37 + \frac{17}{10} \times 3 = 7.07$

المتوسط الحسابي في حالة القيم المتقطعة :

لا تختلف طريقة المتوسط الحسابي في هذه الحالة عنها في حالة القيم المتصلة الا في عدم وجود الفئات: وعلى ذلك نتخذ القيمة المعطاة بدلا من مركز الفئة كما نعتبر مدى الفئة هنا(١) ولتوضيح ذلك نستخدم الحدول الآتي الذي يبين توزيع عدد الأبناء في العائلات :

ك.ح-	ع-	عدد العائلات ك	عدد الأبناء في العائلة
. 14 -	ŧ _	٣	صفر
٧١ –	٣	٧	1
YY -	Y -	11	Υ
18 -	١ –	18	٣
_	صفر	۲٠	٤
17	١	17	۵
7 £	۲	١٢	٦
٧١	٣	v	V
٧٠	t	٥	, A
10	۵	۳	4
14	٦	٧	1+
)·A 11 -		1	المجموع

جدول (١٨) المترسط الحسابي القيم المتقطعة

فيكون المتوسط الحسابي = ٤ + ٣٩ = ٤,٣٩ فقد اتخذنا القيمة المقابلة للصفر بدلا من مركز الفئة في الجداول التكرارية للقيم المتصلة.

٢) الوسياط أو الأوسط :

القيمة الوسيطية في مجموعة من القيم هي تلك القيمة التي يكون عدد القيم الأخرى التي أقل منها معادلا لعدد القيم الأخرى الأعلى منها ولمعرفة القيمة الوسيطية يتعين علينا أن نرتب القيم ترتيبا تصاعديا أو تنازليا فتكون القيمة التي تقع في المنتصف تماما هي القيمة الوسيطية — فالقيمة الوسيطية في القيم السبعة الآتية مثلا: ٤٥، ٣٧، ٥٩، ١٥٥، ٩٥، ١٩٥، ١٨، ١٥٠ عكن تحديدها بعد ترتيب القيم كالآتي: ٣٥ – ٣٧ – ٤٥ – ٤٥ – ٩٠ م. ٢٠ ومن هذا يتضح أن من الواجب تحديد ترتيب القيمة الوسيطية وهي في هذا المثال ٤٨، ومن هذا يتضح أن من الواجب تحديد ترتيب القيمة الوسيطية أولا. وهنا نجد أمامنا حالتين مختلفتين : (أولا) اذا كان عدد القيم فرديا (ثانيا) اذا كان عدد القيم فرديا (ثانيا) اذا كان عدد القيم زوجيا.

وترتيب الوسيط في الحالة الأولى يمكن معرفته مباشرة بقسمة عدد الأفراد زالدا واحد على ٢ ، أي اذا كان (ن) فرديا كان ترتيب الوسيط $\frac{v+v}{V}$ أما اذا كان عدد الأفراد زوجيا كما في حالة القيم المرتبة الآتية ٢٥ ، ٣٥ ، ٤٣ ، ٧٥ ، ٦٩ ، ٧٠ فاننا لا نجد قيمة واحدة ينطبق عليها وصف الوسيط ، وفي هذه الحالة نجد أمامنا وسيطين لا وسيطا واحدا وهما : ٤٣ ، ٧٥ فهناك قيمتان قبلهما وقيمتان بعدهما ، ونستطيع أن نحصل على وسيط واحد بايجاد متوسط هذين الوسيطين $\frac{v+v}{V}$ أي ٥٠ .

الوسيط الله المتجمعة في جدول تكراري :

الجدول الآتي يبين توزيع درجات اختبار ذكاء لحمسين طفلا :

	التكسرار	فئسات الدرجات
٧٠	{ }	- YE - Y7 - YA - Y*
۲۰	£	- YY 3Y - Y'\ - XY
	L,	- 4Y

جدرل (١٩) الوسيط في الجدول التكراري

فاذا أردنا معرفة الوسيط لهذه الدرجات كان علينا أولا أن تحدد رتبته ، وهي في حالة الجداول التكرارية القيم المتصلة $\frac{v}{V}$ أي $\frac{v}{V} = v$ في هذه الجداول، ويلاحظ أنه يقع في الفئة (v –) لأن عدد القيم التي قبلها v وتكرار هذه الفئة v ، أي أننسا للحصول على ترتيب الوسيط لا يمكننا أن نتخطى هذه الفئة ، كما أننا نلاحظ أن القيم التي يجميع الفئات التي تزيد على هذه الفئة عددها v أيضا مما يدلنا على أن الوسيط يقع في منتصف هذه الفئة تماما أي أنه يعادل v .

من هذا المثال يتضح لنا أننا محتاجون لمعرفة التكرار المتجمع لتحديد الفئة التي يقع فيها الوسيط ، ونستطيع حسابه بعد ذلك سواء لحأنا الى التكرار المتجمع الصاعد أو النازل كما في المثال الآتي :

التكرار المتجمع ·	التكرار	الحدود العليا للفئات
الصاعد (ک)	(1)	
	_	أقل من ١٥
1.4	1.4	أقل من ٢٥
••	44	أقل من ٣٥
4.	٤٠	أقل من 63
15.	••	أقل من ٥٥
14.	٣٠	أقل من ٦٥
140	Yo	أقل من ٥٧
41.	10	أقل من ٨٥
44.	٧.	أقل من ٩٥
75.	1.	أقل من ١٠٥
Yes	1.	أقل من ١١٥
	70.	المجموع

جدول (٢٠) الوسيط باستخدام التكرار المتجم الصاهد

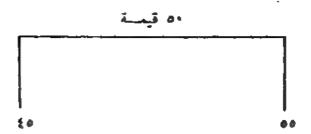
في هذا المثال نجد أن:

$$\gamma = \frac{\gamma + \gamma}{\gamma} = 1$$
رتبة الوسيط

أي أن الفئة الوسيطية هي الفئة (٤٥ – أقل من ٥٥) ويكون ترتيب الوسيط في هذه الفئة ١٢٥ – ١٧ عن ١٤ ، الا أنها لا تصل الى ٥٠ الفئة ١٢٥ – ٢٠ عن ١٤ ، الا أنها لا تصل الى ٥٠ ولكنها تقترب من القيمة ٥٥ كلما زاد ترتيب الوسيط في فئته .

واذا نظرنا الى الفئة الوسيطية وجدنا تكرارها ٥٠ أي أن بها ٥٠ قيمة موزعة بين القيمتين ٤٥ ، ه أي في مدى ١٠ ويكون موضع قيمة الوسيط من هذا المدى ٣٥ أي

أن قيمته تزيد على الحد الأدنى للفئة وهو ه، بقيمة تساوي ١٠ $imes rac{70}{10}$ أي أن قيمته = 80 + 7 \times 90 ما 10 قيمته = 10 ما 10



ومن هذا نستنتج أن :

قيمة الرسيط = الحد الأدنى للفئة الرسيطية +

رتبة الوسيط - التكرار المتجمع الصاعد الفئة قبل الرسيطية X مدى الفئة توسيطية

$$c = \frac{1 - \frac{8}{6} - \frac{1}{6} \times \frac{1}{6}}{\frac{1}{6}} \times c$$

حيث قر = الحد الأدنى للفئة الوسيطية .

رو = رتبة الوسيط

، كاتعبر عن التكرار المتجمع ، و – ١ = التكرار المتجمع للفئة قبل الوسيطية

، لئو = تكرار الفئة الوسيطية .

، ف = مدى الفئة .

واذا انبعنا التكرار المتجمع النازل لا بد أن تحصل على نفس النتيجة كما يلي :

التكرار المتجمع النازل	التكــرار	الحدود السفلي الفثات
۲۰۰	1/4	10
747	44	Y#
Y••	٤٠	40
17.	٥٠	\$0
٧١٠	۲.	90
۸۰	Ye	70
00	10	. Vo
٤٠	٧٠	۸۰ -
٧٠	1.	10
1.	1.	1.0
	_	110
	Y0.	المجموع

(جدول ٢١) الوسيط باستخدام التكرار المتجمع النازل

مما سبق اتضح أن مرتبة الوسيط في هذا المثال ١٢٥ ، أي أنه لو رتبتا الفئة الوسيطية تنازليا كان ترتبب الوسيط في فئته ١٢٥ $- ١١٥ = ١٥ وتكون قيمته أقل من ٥٥ بطبيعة الحال . ونلاخظ أن تكرار هذه الفئة وهو ٥٠ موزع في مدى الفئة كلها أي على ما يعادل قيمته عن ٥٥ بمقدار <math>\frac{10}{2} \times 10 = 10$.

فاذا استخدمنا التكرار المتجمع النازل كان القانون الذي نستخدمه في الحل كمايأتي :

$$e^{-3}e^{-\frac{C_0-\frac{C_0-C_0}{C_0}}{C_0}}\times \dot{c}$$

، ع في هذه الحالة تعبر عن الحد الأعلى الفئة الوسيطية :

و يمكن ايجاد الوسيط برسم المنحنى المتجمع الصاعد أو النازل التكرارات كما هي أو للنسب المثوية لتكرار الفئات بالنسبة للتكرار الكلي.

الا أن هله الطريقة قلما تؤدي الى النتيجة الدقيقة للوسيط ، نظرا لصعوبة رسم المنحى المتجمع بالطريقة العادية ، وطريقة ايجاده بهذه العاريقة تنحصر في استخدام المتحى لتحديد القيمة المقابلة لرتبته فنرسم خطا أفقيا عند هذا الترتيب أو عند ، ه في حالة رسم المنحى المتجمع المتوي وننزل عمودا عند تقابل هذا الخط مع المنحى فيكون موقع العمود مع المحور الأفقي المعبر عن الفتات ممثلا لقيمة الوسيط . هذا ولزيادة الدقة بحسن وسم المنحنيين معا الصاعد والنازل فتكون نقطة تقابلها (اذا كان الرسم دقيقا دقسة كافية) مقابلة لرتبة الوسيط على المحور الرأسي ولقيمته على المحور الأفقي .

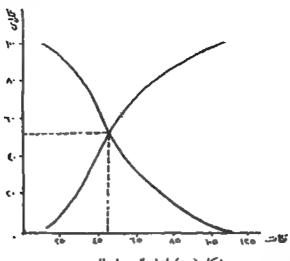
والجدول الآئي يبين التكرارات المتجمعة المثوية :

التكرار المث <i>وي</i> المتجمع النازل	الحدود السفلى الفئات	التكرار المئوي المتجمع الصاعد	الحدود العليا للفثات
1117 -	10	صفر	أقل من ١٥
44,4	Ye	٧,٢	أقل من ٢٠٠
۸۰, –	70	۲۰, –	أقل من ٢٥
٦٤,	to	۳٦,	أقل من 10
11, -	••	ه٦,	أقل من ٥٥
YY, —	7.0	\ \ _	أقل من ٩٥
YY, -	V•	YA, _	أقل من ٢٥
17, -	٨٥	A£, -	أقل من ٨٥
۸,	10	Y4, _	أقل من ٩٥
ŧ, –	1.0	11,	أقل من ١٠٥
صفسر	110	۱۰۰, –	أقل من ١١٥

جدول (۲۳) جدول مثوي متجمع نازل

جدول (۲۲) جدول مثوي متجمع صاعد

ومن هذين الجدولين يمكن رسم المنحنيين المتجمعين وتعيين قيمة الوسيط كما يأتي :



شكل (١٧) ايجاد الوسيط بالرسم

الوسيط للقيم المتقطعة :

لايجاد الوسيط للقيم المبينة في جدول (٢٤) تتبع الخطوات العادية كما يلي :

التكرار المتجمع الصاعد	عدد العائلات(التكرار)	عدد الأبناء في العائلة
۳	٣	صفر
1.	٧	1
۲۱	11	Y
40	18	۳ .
••	٧٠	1
j	17	
	14	7
	· v	٧
		٨
1	٣	
	Υ	1:
	1	المجمسوع

جدول (٢٤) الوسيط الذيم المتقطمة

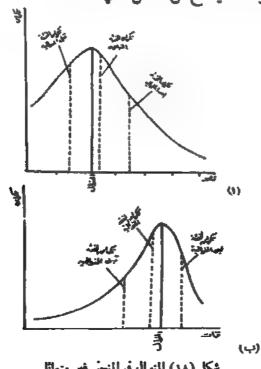
 $\frac{1 \cdot v}{v} = \frac{1 \cdot v}{v}$ فلاحظ أن الوسيط الذي رتبته في هذا الجلول فيكون الوسيط هو (٤) مباشرة دون الحاجة الى عمليات حسابية كما هو الحال في القيم التصلة .

٣ - المترال الشائع :

المنوال في أية مجموعة هو القيمة التي تعتبر أكثر القيم شيوعاً : وعلى ذلك فتحديده يتوقف على تكرار القيم في المجموعة .

و بمكن ايجاده باحدًى الطرق الآتية ، ثلاث منها حسابية وطريقتان بالرسم .

١ _ أبسط طريقة تقريبية تكون باعتبار المنوال في الجدول النكراري مركز الفئة ذات أكبر تكرار ، قاذا طبقنا ذلك على جدول (٢٥) كان المنوال لهذا التوزيع وهو مركز الفئة (٥٥ --) ، ذلك لأن تكرارها ٥٠ وهو أكبر من أي تكرار آخر لأية فئة ، أي أنه يسساوي ٥٠ . وواضح أن هذه الطريقة تقريبية ، فهي تفترض تماثل التوزيع على جانبي مركز الفئة المنوالية بينما نرى في الحقيقة أن موضع المنوال في الفئة المنوالية يتوقف على شكل المنحى أو التراثه كما يتضح من الشكل الآتي :



شكل (١٨) المنوال في المنسى غير متماثل

٢ -- طريقة حسابية ثانية :

بعد تحديد فئة المنوال تنحصر الصعوبة في تحديد قيمته في مدى هذه الفئة ، فني المنوال السابق كما ذكرنا سابقا ، يقع المنوال في الفئة (٤٥ –) أي أن قيمته تزيد على ٤٥ بقدار نسبة خاصة في مدى الفئة وهو ١٠ هذه النسبة تتوقف على تكرار الفئتين المحيطتين بالفئة المنوالية ، فاذا كان تكرار الفئة بعد المنوال أكبر من تكرار الفئة التي قبلها انحرف المنوال نحو القيم الكبيرة في هذا الجلول والعكس بالعكس ، أما اذا كان التكراران منساويين وقع المنوال في منتصف الفئة تماما .أي أن مدى الفئة وهو ١٠ سيقسم تقسيما تناسبيا بنسبة حدها تكرار الفئتين المحيطتين الفئة المنوالية أي ٣٠ : ٤٠ في المثال .

$$\xi_1 = \xi_1 + \xi_2 = \frac{\gamma_1}{\gamma_2} \times \gamma_2 + \xi_3 = \xi_1 + \xi_2 + \xi_3 = \xi_1 + \xi_2 + \xi_3 = \xi_1 + \xi_2 = \xi_1 + \xi$$

= 27.83

$$\frac{1+\delta^{1}}{\delta}$$
 + $\frac{1+\delta^{1}}{\delta}$ × $\frac{1+\delta^{1}}{\delta}$ × $\frac{1+\delta^{1}}{\delta}$ × $\frac{1+\delta^{1}}{\delta}$ × $\frac{1+\delta^{1}}{\delta}$

= الحد الأدني للفئة المنوالية +

تكرار الفئة بعد المنوالية × مدى الفئة قبل المنوالية × مدى الفئة تكرار الفئة قبل المنوالية

على اعتبار أن :

أو حالجد الأدنى للغثة المتوالية

انے ، ن + ۱ = تكرار الفئة بعد المنوالية

ا ، أنَّ ـــ ١ = تكرار الفئة قبل المنوالية

، ف = مدى الفاة

٣ – طريقة النسروق :

واضع هذه الطريقة هو كارل بيرسون ، وهي لا تختلف كثيرا عن سابقتها فهي

تهم بالفروق بين التكرارات أكثر مما تهم بالتكرارات نفسها ، ذلك لأن الخطوة الأولى في هذه الطريقة تتحصر في ايجاد الفرق بين تكرار الفئة المنوالية والفئتين اللتين حولها كما يسأتى :

فروق	تكرار	فثات
1. {	٤٠	~ 40
Ì	۰۰	- £0
۱۰۰ {	*	- 00

جدول (٧٥) امجاد المتوال بطريقة الفروق

ووضع المنوال يتحدد في هذه الطريقة بالفرق بين تكرار الفئتين حول الفئة المنوالية وتكرار الفئة المنوالية .

فهر = ع + ۲۲،۳۳ = ۲۸،۸۶ .

$$4 - 2$$
 $3 - 2$ أى أن المنوال حسب هذه الطريقة $= \frac{1 - 3}{3} + \frac{3}{3} + \frac$

المنوال في الجنول التكراري لقبم متقطعة .

لو رجعنا الى جدول (٢٤) لوجدنا أن أكبر تكرار في الجدول هو عند القيمة (٤) أي أن أكبر عدد من العائلات بها (٤) أبناء وعلى ذلك يكون المنوال هو ٤ مباشرة دون الحاجة الى عمليات حسابية كما هو الحال في القيم المتصلة .

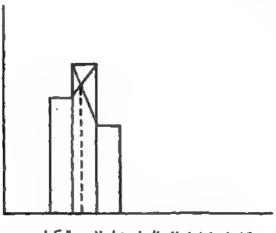
غريقة المنحنى التكرارى :

لايجاد المنوال يمكن أن نستخدم الرسم بأن نرسم منحنيا ، فتكون قمة هذا المنحى مقابلة للقيمة الي تعبر عن منوال المجموعة .

الا أن هذه الطريقة تقريبية جدا ، لأن المنحنى التكراري عادة يرسم نتبجة لمحاولة شخصية ، حيث يعمل الباحث على أن يمر المنحنى بأكبر عدد ممكن من النقطة وأن يقترب ما أمكن من باقي النقط الأخرى .

ه _ طريقة المدرج التكراري:

يستخدم المدرج التكراري كذلك لايجاد منوال التوزيع كما في الرسم الآتي ، وفي هذه الحالة لا تكون هناك ضرورة لرسم المدرج التكراري كله ، بل يكتفي برسم الفئة المنوالية والفئتين المحيطتين جا .



شكل (١٩) امجاد المنوال باستخدام المدرج التكراري

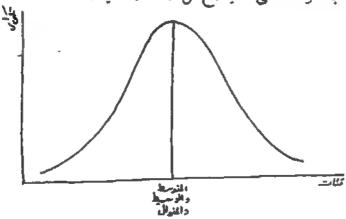
فالطريقة تكون بتوصيل أطراف المستقيم العلوي لمستطيل الفئة المنوالية بأطراف مستقيمي الفئتين التي قبلها والتي بعدها ، فتكون نقطة التقابل هي المقابلة العمنوال ، فاذا أسقطنا عمودا من نقطة التقابل على المحور الأفقي كان موقعه قيمة المنوال .

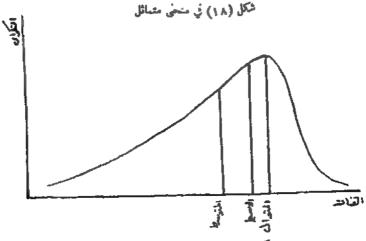
مقارنة بين المترسطات الثلاثة :

يلاحظ أن المتوسط الحسابي يستغل في حسابه جميع القيم ، ولذا فهو أدق المتوسطات الثلاثة التي ذكرت ، كما أنه أكثر ثباتا أي أنه لا يختلف اختلافا كبيرا باختلاف العبنات المختارة ، الا أنه كثيرا ما يحدث أن تشتمل المجموعة على قيم متطرفة لا تمثل المجموعة ، كأن يكون في أحد الفصول مثلا عدد قليل من التلاميذ الضعاف عن المستوى العام المفصل . فالمتوسط الحسابي في هذه الحالة لا بد وأن تتأثر قيمته بهذه الحالات المتطرفة ، كما أنه في حالات الجداول التكرارية المقتوحة يتعذر حساب المتوسط الحسابي ، حيث لا يكون من الممكن معرفة مركز الفئة المفتوحة التي يتطلبها الحساب ، في مثل هذه الحالات

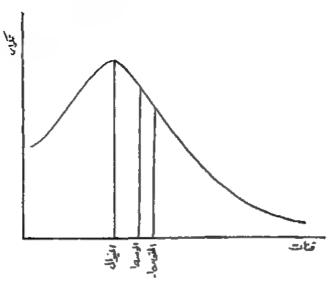
نضطر الى الاستعانة اما بالوسيط أو المنوال فكلاهما لا يتأثران بالقيم المتطرفة ، ذلك لأن حسابهما ينحصر في القيم والتكرارات المتوسطة . كما أنه يمكن ايجادهما اذا ما كان الجدول مفتوحا من أحد طرقيه أو كليهما .

وفي حالة التوزيع المتماثل نجد أن قيم هذه المتوسطات الثلاثة واحدة أي أنهاا تكون متطابقة ، ولكنها نختلف فيما عدا ذلك ، فالمتوسط الحساني في التوزيعات الملتوبة يتجه عادة ناحية الطرف الملتوي (المدبب) ، فهو يمثل مركز الثقل بالنسبة للمجموعة ، ذلك لأن مجموع القيم يكون متعادلا على جانبيه أما الوسيط فانه يقع عند منتصف المساحة التي يمثلها التوزيع ، أي أن مجموع عدد القيم (التكرارات) يكون متساويا على جانبيه ، وأما المنوال فهو يحدد أعلى نقطة في منحنى التوزيع ولذلك فان موضع هذه المتوسطات الثلائسة يختلف حسب التواء المنحني كما يتضح من الأشكال الآتية :





شكل (۱۹) متحلي سالب الالتواء



منحي موجب الالتواه شكل (۲۰) المواضع النسبية للمتوسط الحسابي والوسيط والمتوال

ويمكن تلخيص الحالات الّي يفضل فيها كل من هذه المتوسطات الثلاث فيمسأ يسأتي : --

يفضل المترسط الحساني في الحالات الآتية :

١ اذا أريد الحصول على معامل على أكبر قدر من الثبات.

اذا أريد الحصول على معامل يمكن استخدامه في معاملات أخرى ، كمقاييس التشتت أو مقاييس الدلالة ، وهذه سيأتي توضيحها في الأبواب القادمة .

٣ — اذا كان توزيع المجموعة التي نبحثها متماثلا حول المراكز أو قريبا مسن
 الاعتدالي ,

ويفضل الوسيط في الحالات الآتية :

١ - اذا أربد الحصول على معامل في وقت قصير .

۲ — اذا كان التوزيع ملتويا التواء واضحا ، وخاصة اذا كان بالتوزيع قــــيم منطرفة جداً .

٣ ــ اذا كان البحث يهم بمعرفة ما اذا كانت قيمة معينة تقع في النصف العلوي أو السفلي من التوزيع .

\$ ـــ اذا كان جدول التوزيع مفتوحا .

يفضل المنوال في الحالات الآتية :

١ ــ اذا أريد الحصول على معامل مركزي في أقصر وقت ممكن دون الاهتمام
 كثيرا بالدقة في حسابه ,

٧ – اذا كان هدف الباحث معرفة القيمة التي يتفق فيها أغلب أفراد المجموعة .

العلاقة بين المتوسطات الثلاثة:

تمكن الاحصائبون من ايجاد علاقة تقريبية بين المتوسطات الثلاثة : المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال . وتستخدم هذه العلاقة عند ما يتعذر استخراج احدها . كما يحدث عند ما براد ايجاد المتوسط الحسابي مثلا في جدول تكراري مفتوح .

ويمكن وضع هذه العلاقة على الصورة الآتية :

المتوسط الحسابي -- المنوال = ٣ (المتوسط الحسابي -- الوسيط) أي أن الفرق بين المتوسط الحسابي والوسيط .

ويمكن من هذه العلاقة الحصول على قيمة أي من هذه المتوسطات اذا عرف الاثنان الآخران .

فالمتوسط الحسابي =
$$\frac{\pi}{V}$$
 الوسيط $-\frac{V}{V}$ المنوال

والوسيط = 1 المنوال - 4 المتوسط الحسابي .

والمنسوال = ٣ × الوسيط – ٢ × المتوسط الحسابي .

أسئلة على الباب الشساني

, ,	ة الأشكال	لذاكر	في اختسار	۲۰ شخصا	يأتي در حات	فيما		١
-----	-----------	-------	-----------	---------	-------------	------	--	---

44	٧٠	4.6	۳۸	 23	٧a
٤٩	٨٠	۱۷	74	3.5	44
0.0	Yo	YA	3.5	٧٥	Ye
£ 7	44	40	Yo	ΛY	۰ŧ
٧٢	4.	7.	44	٨٤	AY
Λŧ	50	PY	2.2	۷۳	10
••	٥٢	37	10	Ye	77
٦٤	Y7	۷۵	41	77	41
٧٢	£A	**	YV	8.8	٤٧
۸۳	٧٠	4.	۸4	٧٦	ΛY

احسب المتوسط الحسابي لهذه الدرجات ، ثم فرغها في جدول تكراري ، واحسب المتوسط الحسابي من هذا الجدول ، (ابدأ الجدول بالدرجة ١٥ متخذا مدى كل فئة خمس درجات) وقارن بين النائجين .

٢ – احسب الوسيط في الجدول التكراري الذي حصلت عليه في المسألة السابقة
 بالطريقة الحسابية . ثم عن طريق المنحى المتجمع وقارن بين الناتجين .

٣ -- استخرج المنوال في الجدول التكراري السابق بمساعدة القانون الذي يبين العلاقة بين المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال. ثم قارن بين القيمة التي تحصل عليها وبين قيمته بأية طريقة أخرى.

٤ - مجموعتان من الأشخاص أعمار أفرادهما موزعة حسب الجدول الآتي :

تكرار الحجموعة ب	نكرار المجموعة أ	أعسار
٧	٦	- Y ŧ
٨	٧	- Y1
4	٨	- Y£
7.7	1.	- 44
Y •	14	– 11
1.6	10	- t1
14	74	- 41
11	17	44
14	1.	- 74
٧	14	- 11
٣	4	— Y1
Y	۳	- V1
144	144	المجبوع

جعول (٢٦) جعول تكراري لأهمار مجموعتين من الأشخاص

ما النسبة المتوية لعدد الأشخاص في مجموعة (أ) الذين تزيد أعمارهم عن وسيط أعمار المجموعة (ب) ؟

- قارن بين منوالي أعمار المجموعتين مستعملا طريقة رسم المدرج التكراري في الجاد المنوال.
- ١ احسب النسبة المتويةلعدد أفراد المجموعتين الذين تبلغ أعمارهم ٤٠ سنة فأكثر.
- ٧ احسب النسبة المثوية لعدد الأفرادني المجموعة بن الذبن تقل أعمار هم عن ١٠سنة.
- ٨ احسب المتوسط الحسابي في الجدول التكراري الآتي بأية طريقة تجدُّها مناسبة :

التكــرار	الفئــــات
17	أقل من ۲۰
YY	- Y•
*1	- Yo
Y0	* •
۳۰	**
£Y	- £•
۳۰	\$0
PY .	_ •·
٧٠	- 00
48	- T+
٧٠	- 10
10	– Y•
۳۰۲	المجموع

جدران (۲۷)



ولاباب ولألاث

مقاييس التشنت

- = تفتت النسيم .
- مقاييس التشتت .

المسدى المطلسق

نصف الملى الربيعي

الانحسراف المتوسط

الانحسراف المعياري

- مقارنة بين مقاييس التشتث .
 - = معامسل الاختلاف .
 - السدرجة الميسارية.
 - الرئبة المنينة:



تشتت القسيم :

ذكرنا أن فائدة المتوسطات وصف المجموعة بقيمة واحدة يستعاض بها عن عدد كبير من القيم هي التي تكون المجموعة ، ولذلك فمعرفتها ضرورية في حالات المقارنة بين قيم مجموعات مختلفة . ولكن هل يكفي أحد هذه المتوسطات كالمتوسط الحسابي مثلا لوصف قيم المجموعة وصفا كاملا والمقارنة بين قيم مجموعة وأخرى ؟ ولنقرب السؤال الى الأذهان نضرب المثال الآتي :

عبموعتان من الأفراد اختبروا في اختبار قدرة خاصة .

فكانت در جات أفراد المجموعة الأولى هي صفر - ٧٠ - ٥٠

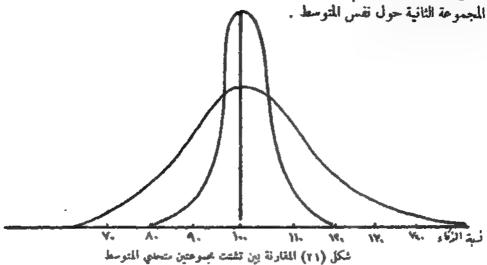
وكانت درجات أفراد المجمرعة الثانية هي ٢٤,٥ – ٢٥ – ٢٥،٥

واضح أن المتوسط الحسابي لكل منهما واحد وهو ٢٥ ، فهل نستطيع القول بأن المجموعتين متعادلتان في هذه القدرة ٢ . من النظرة السطحية لهذه القيم نشرك لأول وهلة أن قيم المجموعة الثانية متقاربة عير متقاربة ، بينما قيم المجموعة الثانية متقاربة جدا .

ومن هنا كان الباحث محتاجا دائما لأن يقرن ذكر قيمة متوسط القيم بقيمة أخرى توضح مدى تباعدها أو تقاربها بعصها عن بعض ، حتى يعطي صورة واضحة عن كل من النزعة المركزية لمختلف القيم في المجموعة ومدى اختلافها وتوزيعها . والوصف الأخير هوما يعبر عنه بالتشتت dispersion و Scattered-spread ففي المثال السابق نقول ان قيم المجموعة الأولى أكثر انسجاما more homogeneous من المجموعة الأولى وأن المجموعة الأولى أكثر تباينا more heterogeneous ومعرفة التشتت تفيد كثيرا في الأغراض العلمية . فاذا عرف المدرس مدى تباين ذكاء تلاميذ فصله أمكنه أن يراعي ذلك في طرق تدريسه ، بحيث يجد أضعف تلميذ وأقوى تلميذ فيه مادة تناسبهما.

والرسم الآتي يوضح فكرة تشتت مجموعتين متساويتين من حيث متوسط القسيم

وفيه مقارنة بين مجموعتين من التلامية . المجموعة الأولى تنحصر نسبة ذكاء أفرادهــــا بين ٢٠، ١٧٠ ومن الرسم بين ٢٠، ١٠٠ والمجموعة الثانية تنحصر نسبة ذكاء أفرادها بين ١٨، ١٢٠ ومن الرسم يتضح كيف تتشت القيم حول المتوسط في المجموعة الأولى بينما تتجمع وتتقارب قيم



مقاييس التشنت :

يعتاج الباحث عادة الى استخدام قيمة تعبر عن مدى تباعد القيم أو تقاربها في المجموعات التي يشملها البحث تماثل معاملات النزعة المركزية أو المتوسطات التي سبق الحديث عنها في الباب الثاني ، وأهم هذه المقاييس أو المعاملات ما يأتي :

- ۱ ـ المدى المطلق Range
- Semi-interquartile Range بمن المدى الربعي ٢
 - Mean Deviation الانحراف المتوسط ۳
 - \$ -- الانحراف المياري Standard Deviation

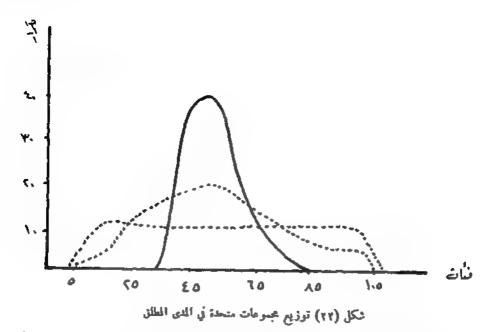
المسدى المطلسق :

الوسيلة المباشرة لممرفة مدى تقارب القيم أو تباعدها هي حساب الفرق بين أصغر قيم المجموعة وأكبرها ، وهي وسيلة سهلة الا أنها أقل الوسائل دقة وذلك لأن حساب هذا المعامل يتوقف على قيمتين فقط من قيم المجموعة ولا يهتم مطلقا بما بينهما من قيم أخرى . و هاتان القيمتان تكونان عادة متطرفتين لا تمثلان المجموعة التي ينتميان اليها ، فاذا حسبنا المدى المطلق لأعمار تلاميذ فصل ، وكان بين تلاميذ الفصل تلميذ صغير وآخر كبير لدرجة تجعلهما شاذين بالنسبة لأفراد المجموعة ، كان المدى المطلق مقياسا خاطئا لدرجة كبيرة لتشتت هذه الأعمار . وفيما يلي ثلاث مجموعات ، القيمة السفلي في كل منها ه والقيمة العليسا ١٠٠٠ .

تكرار	فثات	تكرار	فثات	تكرار	فثات
1.	_ •	٣	0	١	- 0
1.	- 10	1.	10	-	- 10
١.	_ Ye	10	_ Yo	_	Ye
1.	_ Ye	۱۸	_ 40	20	- 40
	- 10	٧٠	- to	1.	_ £0
11	- 00		- 00	10	- 00
1.	_ %	١.	- 10	۸ .	- 70
١.	- Ye	٨	- Va	-	- Vo
1.	- Ao		- Ae	_	~ Ae
۸٠.	- 40	*	- 10	١ ،	~ 40
1	المجموع	1	المجموع	1	المجموع
(7	ېدرل (٠	(۲1)	چدو ل ((۲۸)	جدول

بدر ل (۲۸) جدر ل (۲۸) چنو ل (۲۰)

أي أن المدى المطلق لكل منها = ١٠٠ – ٥ = ٩٥. ولكن الفرق واضح بين مدى تباعد أو تقارب القيم فيها ، فقيم المجموعة الأولى أقلها انتشارا ذلك لأن تجمع القيم حول المتوسط أكثر في المجموعة الأولى منها في الثانية وفي الثانية أكثر منها في الثالثة ، فكأن المدى المطلق لا يعطي دلالة واضحة لمدى انتشار وتوزيع القيم كما يتضح ذلك من الشكل الآتي :



فالمدى المطلق لا يصلح الا اذا أراد الباحث أن يأخذ فكرة سريعة عن التشتت . الا أن استخدامه والاعتماد عليه قد يؤدبان الى أخطاء ، وخاصة اذا كان هناك انفصال بين الفئات المتطرفة وبافي الفئات كما هو الحال في المجموعة الأولى .

نصف المدى الربيعي :

كان أهم عيب في المدى المطلق أنه يهم بالقيمة بن المتطرفة بن ، مهمالا ما عداهما من القيم ، وأن هاتين القيمة بن قد تكونان منفصلتين عن باقي أفراد المجموعة . ولذاك فان الاجراء الطبيعي لتلافي ذلك أن تحذف الجزء بن المتجلوفين من المجموعة ونقصر حسابنا على المجوء المقيم ، وفي هذه الطريقة التي نحن بصددها الآن نكتفي بالاهتمام بالنصف المتوسط لقيم المجموعات مهملين الربع الأول والربع الأخير . فالقيمتان اللتان بهم بهما هذه الطريقة هما القيمة التي يقل عنها ربع عدد أفراد المجموعة فقط والقيمة التي يزيد عنها ربع أفراد المجموعة فقط ، فاذا عددنا أفراد المجموعة مبتدئين بأقلها قيمة حتى نصل الى ربع أفراد المجموعة كانت النقطة التي نصل اليها بهذه الطريقة هي الربيع الأدنى سمرواذا عددنا أفراد المجموعة مبتدئين بأكبرها قيمة حتى فصل الى ربع أفراد المجموعة كانت النقطة التي نصل اليها بهذه الطريقة هي الربيع الألل بالمجموعة كانت التقطة التي فصل اليها بهذه الطريقة عن الربيع الأولى ولكن لها ثلاثة وتبعا لهذا يكون الوسيط هو الربيع الثاني . فلكل مجموعة أربعة أرباع ولكن لها ثلاثة ربيعات . والفرق بين الربع والربيع أن الربع جزء من المجموعة ، أما الربيع فهو نقطة ربيعات . والفرق بين الربع والربيع أن الربع جزء من المجموعة ، أما الربيع فهو نقطة عدد نهاية الربع ، فنستطيع أن نقول ان احدى القيم تقع في الربع الأول ولكننا لا نستطيع غدد نهاية الربع ، فنستطيع أن نقول ان احدى القيم تقع في الربع الأول ولكننا لا نستطيع

أن نقول انها تقع في الربيع الأول ولكن يمكن أن نصفها بأنها تقع عند الربيع الأول. ويرمز الربيع الأدنى عادة بالرمز (Q1) والربيع الثاني (ع) (Q2) والربيع الثالث دم (Q2). واذا قصرنا حسابنا على المدى بين الربيعين الأول والثالث ضمنا بقدر الامكان استبعاد القيم المتطرفة التي قد تكون بعيدة عما يمثل قيم المجموعة.

ولحساب نصف المدى الربيعي ينبغي علينا أولًا أن تحسب كل من الربيعين الأول والثالث فبكون الفرق بينهما هو المدى الربيعي .

أي أن المدى الربيعي 🛎 رم – رم

ويكون نصف المدى الربيعي الذي يرمز له عادة بالرموز س = $\frac{4 - 4}{4}$

وطريقة ايجاد الربيعين لا تختلف عن طريقة ايجاد الوسيط بعد معرفة رتبة كل منهما والبك توضيح الطريقة عمليا في الجدول التكراري الآتي وهو يمثل درجات هجموعة من الطلبة في مادة الاحصاء :

	التكرار المتجمع	الحدود العليا	التكـــرار	الفشات
	الصاعد	الفئسات		
	_	Ye	-	- Y•
	£	۳۰.	l t	Yo
	17	40	14	- **
	Y4	٤٠	14.	- To
فثة الربيع الأول	££	į.o	10	- t ·
	٦٧	٠	77"	_ to
	48	۵۵	YV	_ 01
	118	٦.	٧٠	44
فئة الربيع الأعلى	174	70	10	<u> </u>
	181	٧٠	17	70
	101	V•	1.	_ Y•
	ነቀፕ	٨٠	٥	_ Yo
	171	۸o	•	- y.
	178	4.	٣	A0
			371	المجموع

جدول (۲۱) نصف المدى الربيمي

$$10^{-13} \times 0 + 10^{-13} = 13$$
 الربيع الأول= 10

$$77 = \frac{4}{10} \times 0 + 40 = 11$$
 الربيع الثالث = 14

$$4.0 = \frac{88 - 17}{7} = 0.9$$
نصف المدى الربيعي

وخُطُوات العمل في هذه الطريقة كما يأتي :

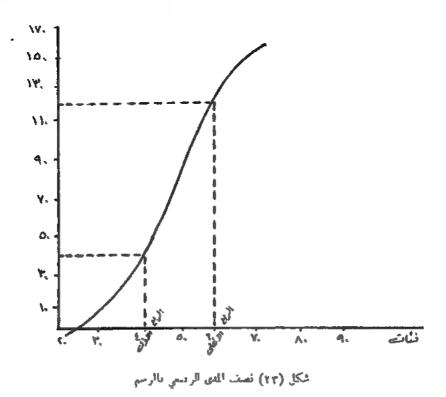
(١) أوجد رتبة الربيعين فرتبة الربيع الأول هي ن على اعتبار أن و ن و هي عدد قيم المجموعة أو مجموع التكرارات .

ورتبة الربيع الثالث هي $\frac{\dot{v}}{2} \times \pi$ أو يمكن حسابها بطرح رتبة الربيع الأول من عدد قيم المجموعة .

- (٢) أوجد قيمتي الربيعين بنفس الطريقة التي سبق استخدامها في الوسيط.
 - (٣) أوجد نصف المدى الربيعي بالطريقة الآثية :

وكما أمكننا معرفة الوسيط عن طريق رسم المنحنى التجمعي نستطيع هنا أيضا اتباع نفس الطريقة لمعرفة قيمتي الربيعين كما في الشكل الآتي :

 ⁽١) ريمكن الحصول على الربيع الثالث على اعتبار انه اول ربيع قيالتكر اري المتجمع الـار ل اي يمكن استحدام التكر اريني المتجمعين بمحث يحسب في كل منهما الربيع الاو ل.



الانحسراف المعيساري Standard Deviation:

يعتبر الانحراف المعياري أهم معاملات التشتت جميعا وأكثرها استعمالا ، وهو قريب في خطوات الجاده من الانحراف المتوسط . فهو يختلف عنه في طريقة التخلص من الشارات الفروق بين القيم والمتوسط الحسابي ، فبينما تتخلص من هذه الاشارات في طريقة الانحراف المتوسط باهمال الاشارات كلية نحتال على ذلك في طريقة الانحراف المعياري بتربيع هذه الفروق أي بضربها في نفسها . فتصبح جميع الاشارات موجبة .

فلا بُعاد الانعراف المعياري للقبر السبعة الآتية :

T1 . T4 . 2 . . 22 . TY . TV . TO

 $au = \frac{\Upsilon \Psi \Lambda}{V}$ ستخرج أو لا متوسطها الحساني و هو

ثم نسير بعد ذلك في الحطوات الموضحة في الحدول الآتي :

مربع الانحراف عن المتوسط	انحرافهـــا عن المتوسط	القيمسة
1	١	Y0
4	ļ r	۳۷
188	14-	44
1	1.	11
17	٤ —	۳۰
Y 0	۰	44
4	٣	۳۱
	14	
٣٠٤	14	777

جدول (٣٢) طريقة امجاد الاعراف المديري لقيم مفردة

$$\xi \Upsilon, \xi \Upsilon = \frac{\Upsilon \cdot \xi}{V} = \frac{\Upsilon \cdot \xi}{V}$$
متوسط مربعات الانحراف

الجذر التربيعي لمتوسط مربعات الانحراف = ٢.٥٩

ويطلق على متوسط مربعات الانحرافات اسم التباين variance ويطلق على الجذر الثربيعي للتباين اسم الانحراف الممياري . فالانحراف المعياري هو الجذر التربيعي لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن متوسطها الحسابي .

واذا جمعت القيم على هيئة فئات في جدول تكراري نضطر لايجاد مركز كل فئة واتخاذه كمثل لقيم الفئة جميعها .

والمثال الآتي بوضح طريقة ايجاد الانحراف المعياري.

د ح ۲ آ	ا ح	۲	<u>-</u> 21	٦	التكرار	مراكز الفئات س	فئات ن
1.0	£0_	۹-	4	٤	٥	4	_ ^
۸۸۵	At-	٧-	۳٦	٣	۱۲	11	- 11
440	V• _	• –	۳٠-	Y	10	۱۳	- 17
177	0 £	٣-	۱۸–	1-	۱۸	10	_ ŧ
10	10-	1-	-		10	W	-17
17	۱۷	١	10	١ ١	۱۷	11	_ 1A
171	۰۷	٣	۳۸	Υ	11	41	Y ·
440	••	•	77	٣	11	44	¥¥
133	74	٧	44	٤	٩.	70	71
VY4	۸۱	4	٤٥	a	•	**	-77
*177	777 777		149		14.		المجموع

جدول (٣٣) الاعراف المياري الحدول التكراري

وتكون خطوات العمل اذن كما يلي :

١ – احسب المتوسط الحسابي وقد حسب في هذا المثال بالطريقة المختصرة .

٢ – أوجد انحراف مركز كل فئة عن هذا المتوسط (ج) (العامود السادس في الجدول).

ر بعد هاتين الحطوتين أمامك طريقتان تؤديان لنفس النتيجة : اما أن نتبِع ما يأتي ٠

٣ ـ ربع كل انحراف (ح ٢).

٤ -- أوجد حاصل ضرب كل مربع في تكرار الفئة (ك ح ١)

أو كما اتبع في الجدول الموضع عليه (جدول ٣٣)

٣ ـــ أوجد حاصل الضرب لكل انحراف في تكرار الفئة (كـــ)

(العامود السابع)

4 - 1 اضرب حاصل الضرب السابق مرة ثانية في الانحراف (ك ح \times ح \times ك ح \times) (العامود الثامن)

وفي كالتا الحالتين تكون الخطوة التالية هي :

الجموع في المحموع في العامود الثامن) .

٦ - اقسم المجموع الذي حصلت عليه في الخطوة الخامسة على مجموع التكرارات
 (ن) .

الربيعي لخارج القسمة الأخير فيكون هذا الجذر هو قيمسة الأخراف الممياري (ع)

ايجاد الانحراف المعياري بالطريقة المختصرة :

بمكن اختصار الحطوات الكثيرة في الطريقة السابقة باستعمال معادلة رياضية تساعد على تقليل العمليات الحسابية اللازمة . فغي المثال السابق كان المتوسط الحسابي - لحسن الحظ - عددا صحيحا وهذا نادر الحدوث في البحوث العلمية الواقعية . فاذا كان المتوسط الحسابي عددا كسريا كانت الانحرافات كلها كذلك أعدادا كسرية فتزداد العملية استنفادا للجهود والوقت نظرا لما تحتاجه الى عمليات ضرب وتربيع لأعداد كسرية . والطريقة المختصرة لا تزيد في خطواتها عن خطوات ايجاد المتوسط الحسابي للجدول التكراري الا خطوة واحدة يمكن استخراج الانحراف المعياري بعدها بقانون رباضي . واليت طبيق المقارنة .

75.3	군의	٤	التكـــرار ك	العشات ف
۸٠	۲۰ -	٤	٥	_ A
1.4	r1 -	۳ –	۱۲	-1.
7.	۳۰	٧	10	-17
1.4	۱۸	١	14	-11
_	_	صفر	10	-17
17	17	١	۱۷	- 1/
٧٦.	YA .	٧	11	-Y+
44	177	۳	11	* *
188	44	1	4	-Y£
44.0	to	•	4	* *
AYV	179 1+£ 70		14.	المجموع

حدول (٣٤) الاعراب المبياري بالطريقة المختصرة

فالحطوة الأخيرة كما يظهر من الجدول تنحصر في استعمال الانحراف الفرضي (حمّ) وانجاد (كحمّ) بدلا من ايجاد الانحرافات الحقيقية عن طريسة استعمال المتوسط الحسابي الحقيقي المجموعة . ومدى اختصار هذه الطريقة يتضبع اذا عرفنا أن أغلب الحالات التي يطلب فيها ايجاد الانحراف المعياري تستلزم أيضا ايجاد المتوسط الحسابي وبذلك بكون كل ما يتطلبه ايجاد الانحراف المعياري بعد ذلك هو خطوة واحدة جديدة .

وخطوات العمل تبعا لما سبق تزيد خطوة واحدة على خطوات العمل في ايجاد المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة وهي ايجاد مح ك ح - ٢ و ذلك بضرب أعداد العمودين الآخرين (ح - ، ك ح -) .

وقانون ايجاد الانحراف المعياري كما يأتي :

والذي يزيد من سهولة هذه الطريقة أن مح ك ح يستخدم في ايجاد المتوسط ن

الحسابي فلا يحتاج الى عملية جديدة في الحالات التي يطلب فيها ايجاد المعاملين.

: Discrete values الانحراف المعياري القيم المقطعة

سبق أن أوضحنا طريقة ايجاد المتوسط الحسابي لمثل هذه القيم وبينا أنها لا تختلف عن الطريقة المتبعة في حالة الجداول المحتوية على فئات من القيم المتصلة الآفي اتخاذ القيمة المعطاة بدلا من مركز الفئة واعتبار مدى الفئة (١) وهذا هو نفس الفرق أيضا في ايجاد الانحراف المعياري كما يتضبع ذلك من الجدول الآتي ، وهو نفس الذي حسب له المتوسط الحسابي في جدول (٢٤).

ع <u>ر</u> د	عاد	خ	التكـــرار عدد العائلات ك	عدد الأبناء في المائلة
٤٨	14-	٤ —	٣	صفر
78"	Y1	٣	٧	١
٤٤	YY	Y	11	۲ ,
18	-31	١ –	١٤	۳
-	_	صفر	٧٠	٤
17	17	١	17	
٤٨	45	Y	17	٦
74"	41	٣	٧	V
٨٠	٧٠	t t	•	٨
٧ø	10		٣	•
VY	14	3	۲	١.
074	1+A 14 — 44		1	المجموع

جدول (٣٥) الانجراب المباري القيم المتقطعة

۲.۲٥ = ۱.۱٥ - ۱,۲۳ × ۱ = ۱.۲۵ - ۲.۲۵ ∴ الانحراف المعباري = ۱.۲۵

مقارنة بين مقاييس التشتت :

ذكرنا أن المدى المطلق هو أقل مقاييس التشتت دقة وثباتا ، وخاصة في حالة وجود قيم منظرفة لا تمثل المجموعة التي ينتمي اليها . وأوضحا كذلك أن نصف المدى الربيعي يتلافى النقد الذي يوجه الى المدى المطلق باقتصاره على مدى النصف المتوسط من مجموعة القيم . الا أنه لا يتعرض الا لقيمتين هما الربيع الأدنى والربيع الأعلى فقط ، أما الاعراف المتوسط والانحراف المعياري فطريقة حسابهما تتناول جميع قيم المجموعة ، ولكن الانحراف المعياري هو أكثر هذه المقاييس استعمالا نظرا لأنه يستخدم أيضا في كثير من الطرق الاحصائية الأخرى كما سيتضع ذلك فيما معد

متى نستخدم المدى المطلق ؟

- ١ -- عند ما يراد تحديد اتساع التوزيع أي المسافة بين أقل القيم وأكبر ها .
 - ٢ اذا ضمن الباحث عدم وجود قيم متطرفة غريبة عن المجموعة .

منى نستخدم نصف المدى الربيعي ؟

- العصول على مقياس تقريبي التشتت في وقت قصير .
 - ٢ عندما تكون في المجموعة قيم متطرفة تشذ عن القيم العادية .
 - ٣ ـ عندما يراد معرفة درجة مركز القيم حول الوسيط .
- ٤ عندما براد الحصول على مقياس التشتت في جدول تكراري مفتوح.

منى نستخدم الانحراف المترسط أو الانحراف المعياري ؟

- ١ حندما يقصد اعطاء أوزان لجميع الاتحرافات تبعا لقربها أو بعدها عن المتوسط الحسساني .
- عندما يراد الحصول على معامل للنشتت على أكبر جانب من الدقة والثبات.
 ويقضل في هذه الحالة الانحراف المعياري.
- ٣ واذا ما كان الهدف استخدام هذا المعامل في نواحي احصائية أخرى فان المعامل الذي يستخدم هو الانحراف المعياري . كما في حالة معاملات الارتباط أو مقاييس الدلالة التي سيأتي بيانها فيما بعد .

هذا ويجب أن نلاحظ أن هذه الطرق المختلفة لا تؤدي الى نتيجة عددية واحدة , ولذا فيجب الاحتياط عند المقارنة بين مجموعات مختلفة باستخدام معامل واحد فيها جميعا ، والا كانت المقارنة على أسس مختلفة بما يؤدي الى استنتاجات خاطئة , والمثال الآتي يوضح مدى اختلاف هذه المعاملات بعضها عن بعض ، فالجدول التكراري الآتي يوضح توزيع مدى اختلاف هذه المعاملات بعضها عن بعض ، فالجدول التكراري الآتي يوضح توزيع بحرب قيمة أصغرها صفر وأكبرها ٩٠ وقد حسب لمذا الجدول كل من نصف المدى الربيعي والانحراف المتوسط والانحراف المعياري وأما المدى المطلق فيمكن معرفته مباشرة وهو : ٩٠ صفر عد ٩٠ .

13/×L	151	مراكز	ا5ع	لدڅ	حَ	التكرار	التكرار	الفئات
		الفئات	-			المتجمع	최	
						الصاعد		
702,7-	ξV,+ξ	Ĺ	١٨٠	۳۰	7-	۰	٥	صفر
43,473	74,+2	11	4	٦٠-	• —	17	17	- A
711,55	71,+ \$	γ.	177	££	٤	YA	111	-17
75037	17, . 1	۲A	140	£0 -	٣_	٤٣	10	-71
4.17	10,12	77	۸۰	٤٠	Y -	78	٧٠	<u>-</u> ٣٢
108,44	٧,٠٤	11	44	YY —	١	٨٥	77	_£ ·
47,74	+,47	44	_	_ '	صفر	111	78	—£ A
778,**	۸,۹٦	٦٠.	Yo	Ye	١	188	40	67
Y+Y,#Y	11,41	٦٨.	٤٨	Y£ :	Y	107	11	-78
114,44	41,41	٧٦	177	οŧ	۳	178	1.4	
₽٣٧,٣٦	44,41	A£	YOR	18	٤	14.	17	الم
\$. 4,4 .	2+,14	44	40.	ه.	٥	1	1.	-^^
			41	٧				
٣ ٦٩٢,٨٠		١ ١	77£ Y£	1-			7	المجنوع
,			Y	t —				

جدرل (٢٦) مقارنة بين ساللات العفت

المتوسط الحسابي =
$$\gamma \circ -\frac{\gamma}{\gamma \circ \gamma} \times \lambda = 3 \circ, 1 \circ$$
.

والانحراف المعياري = $\lambda = \sqrt{\frac{377}{\gamma \circ \gamma}} - (\frac{72}{\gamma \circ \gamma})^{\gamma} = 0.77$.

والانحراف المتوسط = $\frac{\gamma \circ \gamma \circ \gamma}{\gamma \circ \gamma} - \gamma \circ \gamma \circ \gamma$.

الربيع الأول =
$$\frac{V}{V} + \frac{V}{V} \times A = A$$
 الربيع الأول = $\frac{V}{V} + \frac{V}{V} \times A = A$ الربع الأعلى = $\frac{V}{V} + \frac{V}{V} \times A = A$ المربع الأعلى الربيعي = $\frac{V}{V} + \frac{V}{V} \times A = A$ المربع المنتلفة كما هي في الجدول الآتي :

المدى المطلق = ٩٠ الانحراف المتوسط = ١٨,٤٦ تصف المدى الربيعي = ١٦,٦ الانحراف المعياري = ٢٢,٨٥

واختلاف هذه المقاييس في القيم أمر طبيعي ، لأن كلا منها ينظر الى التشت من وجهة نظر خاصة . فكل من المدى المطلق و نصف المدى الربيعي ينظر الى اتساع التوزيع ، بينما الانحراف المعاري والانحراف المتوسط ينظران الى مدى التجمع أو تشتت القيم حول المتوسط . ولذا فاننا لو رجعنا الى شكل (٢١) لاحظنا أن التوزيعات متقاربة من حيث الاتساع بينما تختلف كثيرا من حيث تجمع القيم فيهما حول المتوسط .

ولذا كان من اللازم استخدام مقياس واحد من هذه لغرض المقارنة دائمًا .

معامل الاختلاف :

قد يضطر الباحث الى المقارنة بين تشتنى مجموعتين متماثلتين، وقد يبدو أن الوسيلة لذلك هي حساب معامل من معاملات التشتت لكل من هاتين المجموعتين والمقارنة على هذا الأساس. ولبيان مدى خطأ هذه الطريقة نضرب المثال الآتي :

مجموعتان من الأشخاص احداهما من الأطفال والثانية من الكبار . أعمار كل منهما كما هو مبين في الجدولين التكراريين الآتيين . والمطلوب المقارنة بين تشتت أعمــــار المجموعتين .

التكر ار	فئـــات	التكرار	فئات
_	العمر		العمر
•	- r·	\	- T
•	44	٣	_ £
٨	- 41	V	B
٠	- r4	٧	- 1
14	— £Y	17	- v
4.	- 10	YY	- A
۱۳	- £A	16	- 4
١٠.	- 01	11	- 11
11	_ #£	1.	- 11
£	— •V	•	- 17
٦	- 11	1	- 14
1	المجموع	1	المجمرع

جدول (٣٨) توزيع أصار مالة بالغ

جدرل (۳۷) توزیع أصار مالة طفل

ولنفرض أننا استخلمنا الانحراف المعياري لقياس التشتت في كل منهما كما بلي :

159	Σā	3	التكـــرار ك	الفشات
			บ บ	
Yo	• _	e _	١	- 7
٤٨	17	£	٣	_ £
78	٣١	٣	٧	0
٧٨	18	۲ –	٧	- 1
17	-71	١	13	- v
_	-	- ۱ صفر	**	~ A ·
18	18	١	18	- 1
1.1	YY	٧	11	11
۹٠	۲٠	۳	1.	- 11
۸۰	۲٠	٤	٥	- 11
١	γ.		£	- 17
	1.7		1	المجموع
۸۰۸	٦٨ –			
	YA			}

جدول (٣٩) الانحراف المداري لاعدر محموعه للاطفال

المتوسط الحسابي لأعمار مجموعة الأطفال ٨٠٥ : ٣٨ ، * ٨٠٨ والانحر اف المعياري = ٨٠٨٨ مره – ١٤٢٤ = ٢٠٢٢

هذا بالنسبة لمجموعة الأطفال . أما في محموعة البائغين فيكون حساب المتوسط والانحراف المعياري كالآتي :

년57.	<u>5</u> 7	څ	التكـــرار (ك)	الفشات
170	Yo	o	0	_ *'
۸۰	Y+-	t –	•	_ rr
VY	Y£	٣	۸	m
۲۰ ا	1	γ_		44
١٣	۱۳-	1	۱۳	- £Y
-	_	~	٧.	£0
۱۳	18	١	۱۳	- £A
٤٠	٧.	٧	١٠	- *1
44	77	٣	11	- 01
78	13	٤	٤	- •V
101	۳۰	•	٧ .	- 11
1/1	117 47- 7.		1	المجموع

جدول (٤٠) الانحراف المهاري لأصار مجموعة البالنين

وهذا يدل ظاهريا على أن تشتت أعمار مجموعة البالغين أكبر كثيرا من تشتت أعمار مجموعة الأطفال فهو يعادل ثلاثة أمثاله تقريبا ولكن معامل الاختلاف لا ينظر لمعامل التشتت نظرة مطلقة بل يشتمل على ايجاد النسبة المتوية بين معامل التشتت والمتوسط للقيم فهو يساوي .

قاذا حسبنا معامل الاختلاف لكل من المجموعتين كان لأعمار مجموعة الأطفال ٢٥ ولأعمار مجموعة البالغين ١٦٠٥ ، أي أن معامل الاختلاف لأعمار الأطفال يزيد عن معامل الاختلاف لأعمار البالغين ، وسبب هذا أن القيم في المجموعة الأولى أصغر كثيرا على وجه العموم من قيم المجموعة الثانية .

ويفيد معامل الاختلاف في ناحية أخرى وهي حالات المقارنة بين تشتت مجموعات مختلفة الوحدات ، فاذا قارنا مثلا بين تشتت أعمار الأشخاص وايرادهم الشهري . ، واستخدمنا المقارنة الانحراف المعياري لكل ، فان تمييز الانحراف المعياري يكون من نوع الوحدات في كل من المجموعتين ، ومن الطبيعي أنه لا يمكن المقارنة بين قيمتين من وحدات مختلفة كالسنوات و الريالات مثلا ، ولكن معامل الاختلاف يعطينا دائما نسبة معامل التشتت الى المتوسط ، والنسبة دائما غير مميزة ، ولذا تكون المقارنة بمكنة وعلى ذلك فان معامل الاختلاف هو الوسيلة الطبيعية التي تستخدم عادة المقارنة بين تشتت المجموعات المختلفة . وهناك وسائل أخرى أكثر دقة سيأتي ذكرها في الأبسواب القادمة.

ومن الواضح أننا لا نستطيع استخدام النسبة السابقة في حالة الجداول التكراريسة المفتوحة ، حيث يتعذر استخراج كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ولذا فان معامل الاختلاف في هذه الحالات يكون

الا أنه ينبغي أن نكون على حذر من عدم استعمال معامل الاختلاف على صورتيه في مقارنة واحدة ، فاذا أردنا مثلا أن نقارن بين تشتت مجموعة من القيم في جدول مفتوح وأخرى في جدول مغلق تعين علينا استخدام الصورة الثانية في كليهما ، ولا يصح مطلقا أن نستخدم احدى الطريقتين في احداهما والصورة الثانية في الأخرى ، وذلك لأن كلا من الصورتين تعطى معاملا مختلفا .

فمعامل الاختلاف على الصورة الثانية لجدول ٣٩ يمكن حسابه على الوجه الآتي: __

التكرار المتجمع	التكرار	الحدود العليا	
التكرار المتجمع الصاعد	}	للفئات	
-	-	٣	
١	١	ŧ	- r
£	۳	0	- i
11	V	٦	•
1.4	v	٧	<u> </u>
٣٤ فئة الربيع الأدنى	17	٨	- Y
٥٦ فئة الوسيط	44	1	- ^
٧٠	11	1.	- 1
٨١ فئة الربيع الأعلى	11	11	1.
41	1.	14	- 11
41	•	١٣	- 17
1	ŧ	18	- 14
	1		المجموع

جدول (٤١) ممامل الاختلاف بالصورة الثانية

$$V, \xi \xi = 1 \times \frac{V}{17} + V = 3,7$$
 قيمة الربيع الأدنى = $V + \frac{V}{17} \times 1 = 3,7$ و قيمة الوسيط = $V + \frac{V}{17} \times 1 = 3,7$

 $1,01 = \frac{m_1 \cdot 1}{\gamma} = \frac{V_1 \xi \xi - 1 \cdot \xi 0}{\gamma} = \frac{m_1 \cdot 1}{\gamma} = 10,1$ فيكون نصف المدى الربيعي $\frac{10,1}{\gamma} = \frac{10,1}{\gamma} \times 10^{-1} = 10.7$ ويكون معامل الاختلاف بالصورة الأخرى = $\frac{10,1}{\gamma} \times 10^{-1}$ بينما معامل الاختلاف بالصورة الأخرى = $\frac{10,1}{\gamma} \times 10^{-1}$

استخدام معامل الاختلاف في المقابيس النفسية والتربوية :

يمتر ض بعض النفسين على استخدام معامل الاختلاف في المقارنة بين تشتت الدرجات في المقارسة بين تشتت الدرجات في المقاريس النفسية والاختبارات التربوية على اعتبار أن هذه المقاييس لا يعرف لها صفر مطلق وبعطينا Garrett توضيحا على ذلك ما بأتي :

لنفرض أننا أجرينا اختبارا لغريا على مجموعة من الأفراد وكان متوسط اللرجات التي حصلوا عليها ٢٥ والانحراف المعياري لها ٥ ، فيكون معامل الاختلاف في هذه الحالة ٢٠ . ولنفرض أننا أضفنا الى هذا الاختبار ٢٠ سؤالا من السهولة للرجة أن جميع أفراد المجموعة قد تمكن من حلها جميعا ، وبذلك نجد أن درجة كل فرد قد ارتفعت ٣٠ درجة ، وبالتالي يرفع متوسط الدرجات فيصبح ٥٥ ، ولكن الانحراف المعياري بطبيعة الحال لن يتأثر بتلك الزيادة بل سيظل كما هو ٥ ، وسيهبط معامل الاختلاف نتيجة لذلك في الحالة الثانية هبوطا كبيرا اذ سيصبح ٩ ، ومن الطبيعي أننا نستطيع أن فضيف أي عدد من هذا النوع السهل من الأسئلة . وهكذا تتحكم درجة سهولة الأسئلة المضافة في تغيير معامل الاختلاف ، ومرجع هذا أننا لا نستطيع أن نحد صفرا مطلقا يحدد لنا مبدأ القياس ، وهذا ما يدعو كثيرا من النفسيين انى التقليل من أهمية معامل الاختلاف في المقايس النفسية والتربوية .

الا أن جاريت Garret يرى أن هذا الاعتراض بالرغم من صحته لا يهدم الانتفاع بمعامل الاختلاف هدما كليا . وهو يرى أن عدم وجود صفر مطلق للمقاييس والاختبارات خمية والتربوية هو العقبة في معاملات أخرى غير معامل الاختلاف ، ففي المثال السابق .ي ذكرنا فيه أنه اذا أضفنا ٣٠ سؤالا سهلا الى الاختبار فان معامل الاختلاف سيتغير نغيرا كبيرا نلاحظ كذلك أن المتوسط الحابي سينتابه قدر كبير من التغير حيث تزيد قيمته بمقدار ٣٠ درجة (على اعتبار أن جميع الأفراد سيتمكنون من حل هذه الأسئلة)

ومع هذا فالمتوسط الحسابي يستخدم بدرجة كبيرة من الثقة في جميع البحوث . كما أن المحوث النمسية تشتمل في كثير من الأحيان على مقاييس عضوية موضوعية كالطول والعدر وزمن الرجع reaction time وسرعة التنفس والنبض ... الخ وهذه لا جدال في صحة استخدام معامل الاختلاف في المقارنة بين تشتتها .

وزيادة على ذلك فانه اذا استخدمنا مقياسا نفسيا واحدا للمقارنة بين تشتت مجموعتهن في صفة نفسية خاصة فليس ما يمنع من استخدام معامل الاختلاف ما دام الصفر النسي المتعاق بالاختبار واحدا في الحالتين . كما في حالة المقارنة بين تشتت ذكاء البنين وذكاء البنات باستخدام اختبار واحد للذكاء لكليهما . أو المقارنة بين تشتت الانجاه العقلي لكل من المتعلمين والأميين باستخدام مقياس واحد لحذا الانجاه ، ولكن الذي يعترض عليه هو المقارنة بين درجات اختبارين أو مقياسين مختلفين حتى ولو كانت المجموعة التي يطبق عليها كل من الاختبارين واحدة .كالمقارنة مثلا بين القدرة اللغوية والقدرة الحسابية لفصل من الفصول أو مجموعة من الأفراد .

الدرجية المياريية Standard score :

اذا عرفنا أن تلميذا في فصل قد أخذ و الفكرة المباشرة التي قد تفهم عند مسن ذلك مبلغ تقدمه أو تأخره بالنسبة لفصله ب الفكرة المباشرة التي قد تفهم عند سماع هذه الدرجة أن هذا التلميذ متفوق في هذه المادة . ولكن هذا الاستنتاج قد يكون بعيدا عن الصحدة في بعض الأحيان . فقد يكون الامتحان الذي وضع لهذه المادة من السهولة لدرجة أن وضع لهذه المادة المرجة أن وضع لهذه المادة الأخير ، وقد يكون الأمر عكس ذلك تماما أي قد التلميذ بالنسبة لفصله في هذه المادة الأخير ، وقد يكون الأمر عكس ذلك تماما أي قد بكون الامتحان على درجة من الصعوبة بحيث أن أكبر درجة من درجات الفصل في هذا الاختبار كانت و المنادة المنادة المنادة الأخير ، وقد يكون ترتيبه الأول في المسادة الاختبار كانت و المنادة التلميذ في الحالة الثانية يكون ترتيبه الأول في المسادة المختبرة ، وعلى ذلك فمجرد ذكر القيمة لا يكفي مطلقا لمعرفة مركزها في المجموعة التي تنسمي اليهسيا .

وقد يساعد على معرفة مركز القيمة بالنسبة للمجموعة ذكر المتوسط الحسابي للقيم

ومقارنتها به ، فاذا عرفنا أنه في الامتحان السابق كان متوسط الدرجات ، درجية أدركنا على الفور أن هذا التلميذ يقع في النصف المتقدم في الفصل ، اذ أنه يعلو عن هذا المتوسط بمقدار ٢٠ درجة ، ولكنا حتى بعد هذا لا نستطيع معرفة مركز هذا التلميذ في النصف العلوي من الفصل . أي مدى بعد القيمة ٧٠ عن المتوسط بالنسبة لقيم المجموعة ، ولذا يحتاج الباحث الى مقارنة مدى ارتفاع القيمة أو انخفاضها عن المتوسط أي الفرق بين القيمة والمتوسط بمقياس من مقاييس التشتت ، والطريقة المتبعة لذلك هي ايجاد النسبة بين هذا الفرق والانحراف المعياري ، ويطلق على النسبة النائجة « الدرجة المعيارية » :

فالدرجة المعاربة = الانحراف المعاري

ومن الواضع أن هذه الدرجة قد تكون سالبة أو موجبة الاشارة حسب نقصها أو زيادتها عن المتوسط الحسابي هي صفر. وبالرخم من أن وحدات المتوسط الحسابي والانحراف المعياري تكون من نوع وحدات القيم الأصلية ، فان كانت القيم نقودا بالريالات مثلا كان المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ريالات كذلك ، الا أن الدرجة المعيارية نسبة لا تمييز لها ، فهي تعبر عن عدد مرات احتواء انحراف القيمة عن المتوسط على الوحدات من الانحراف المعياري : وهذا يجمل للدرجات الميارية فائدة المقارنة بين مراكز القيم في مجموعاتها .

المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للدرجات المعيارية :

اذا تأملنا ما تساويه الدرجة المعيارية جبريا أدركنا أن المتوسط الحسابي لهذه القيم صفر ، وذلك لأن حاصل جمعها كذلك صفر . لأن مجموع الدرجات المعيارية للقيم محبوعها – المتوسط × عددها ومجموع القيم يساوي بطبيعة الحال (متوسطها × عددها) والانحسراف المعيساري ولجموع الآتي :

لايجاد الدرجات الميارية للأعداد الخمسة الآتية : ٢٧ . ٢٧ ، ١٩ . ٣٥ ، ٣٣ نجد أن المتوسط الحسابي لها =

۲۰ = ۲۰ والانحراف المعياري = ۲۰۱۸
 فتكون القيم المعيارية هي على الثرتيب :

- 11,1 3 - 73,0 1 - 34,0 1 17.1 1 79,0 1

واذا حسبنا المتوسط الحسابي لهذه القيم المعيارية وجدنا أنه صفر كما أن الانحراف المعياري لها يكون واحدا صحيحا (يمكن الوصول الى هذه النتيجة الأخيرة رياضيا) ولبيان ذلك في هذا المثال نتبع الخطوات الآتية :

على اعتبار أن المتوسط الحسابي للقيم المعيارية صفر تكون مربعات انحرافها عسن المتوسط :

 $(1,1)^T = Y^T (1,1) + \cdots + Y^T (1,1) = Y^T (1,1) + \cdots + Y^T (1,1) = Y^T (1,1)$

$$\gamma = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = 1$$

تحويل الدرجات المعيارية للقيم الأصلية :

قد يحتاج الباحث النفسي أو الاجتماعي الى تحديد قيم معيارية خاصة ومعرفة القيم الأصلية المقابلة لها ، كأن يعتبر جميع من تزيد درجته المعيارية عن ٢ أقوياء في المسادة المختبرة مثلا فهو في هذه الحالة يحتاج لمعرفة الدرجة التي تقابل ٢ درجة معيارية .

ولمعرفة الدرجة المقابلة نلاحظ أن معنى ٢ درجة معيارية أن الدرجة المطلوبة تزيد عن المتوسط الحسابي بضعف الانحراف المعياري ، فكأن الدرجة المطلوبة = المتوسط الحسابي + ٢ × الانحراف المعياري ، ومعنى – ٢ درجة معيارية أن الدرجة المعيارية أقل من المتوسط الحسابي بضعف الانحراف المعياري . وبوجه عام فان : الدرجة المعيارية = المتوسط الحسابي + القيمة المعيارية × الانحراف المعياري .

: Percentile المنينية

ذكرنا عند الكلام على الربيع أن الربيع هو النقطة التي تحدد أرباع المجموعة ، ولذلك فان في المجموعة ثلاث ربيعات وأربعة أرباع ، فالربيع الأدنى هو النقطة التي ينتهي عندها الربع الأول للقيم ، والربيع الأعلى هو النقطة التي ينتهي عندها الربع الثالث للقسيم ،

وكما قسمنا المجموعة الى أربعة أجزاء في حالة الربيع فاننا نقسمها الى مائة جزء في حالة الربيع فاننا نقسمها الى مائة جزء في حالة الربية المئينية هي النقطة التي تحدد هذه الأجزاء فاذا حددنا النقط التي تقل

عنها ١٠٪ من القيم مثلا كانت هذه النقطة هي المثين العاشر ويرمز له بالرمز ⁹ ويمكن أن نتخذ له الرمز العربي الآتي : م_{ن وعلى} ذلك فان الربيع الأول د ، هو نفسه المئين الخامس والعشرين م_{نهم} والربيع الثالث دم هو نفسه م_{عه} . لأن كلا من الربيع الأول والمئين الخامس والعشرين تقع قبلها ربع القيم ، وأما الربيع الثالث أو المئين الخامس والسبعين يقع قبله ثلاثة أرباع القيم .

وللمئين فائدة كبيرة في المقاييس العقلية فكثير من هذه المفاييس تكون نتائجها على هيئة مئين ، فيلحق بالاختبار مثلا جدول ببين المئين المقابل للدرجات المختلفة ، بحيث اذا طبق المقياس على أحد الأفراد ثم صحح فبالرجوع الى مثل هذا الجدول يمكن معرفة مركز هذا الفرد بالنسبة لن هم في سنه أو مستواه ، أو رتبته المئينية المهود من المئين أو الرتبة المئينية أدركنا أنه قد يكون لدينا نسبة مئوية خاصة ويكون المطلوب تحديدها بالنسبة المقيم في المجموعة أو قد يكون لدينا قيمة خاصة ويكون المطلوب تحديدها بالنسبة المقيم التي تقل عن هذه القيمة المعطاة .

حساب المتسين في جدول تكراري :

لا تختلف طريقة حساب المثين عن طريقة حساب الوسيط أو الربيع فكل ما يستازمه الحساب هو تحويل التكرار الى تكرار تجمعي ، والمثال الآئي يوضح طريقة العمل .

أجري اختبار ذكاء على مجموعة من الأفراد فكانت درجاتهم فيه موزعــــة كــالآتي : --

التكرار التيسي الصاعد	الكسرار	الإنبات
A	A	- •
11	- 11	- 1-
74	1.	- 10
lá	1=	[- Y·
VΊ	77	- TA
17+	££	- 54
100	71	TO
11/4	1.4	- t-
1.4.	117	- 10
184	4	_ **
110	١ ،	**
Y		- 31
	7	للجبرع

ا جدراً (۱۲) درجات ۲۰۰ شامی آن اعتبار (۱۶

فاذا أردنا معرفة المئين العشرين $\frac{7}{11}$ كانت رتبته $\frac{7}{111}$ \times $\frac{7}{11}$ أن سيكون في الفئة ($\frac{7}{11}$) .

$$\gamma\gamma$$
ونکون قیمته = ۲۰ ا $\frac{\gamma 4 - \xi}{10}$ × $0 = \gamma\gamma$. $\gamma\gamma$ و نکون رتبة المئین السبعین م $\gamma\gamma$ = $\gamma\gamma$ و نکون رتبة المئین السبعین م $\gamma\gamma$ = $\gamma\gamma$ و نکون قیمته = $\gamma\gamma$ ا $\gamma\gamma$ + $\gamma\gamma\gamma$ $\gamma\gamma\gamma$

و هكذا يمكن حساب القيم المقابلة لكل مئين للاستفادة به بعد ذلك حسب الجدول الآتي :

القيمة المقابلة للمثين	طريقة حساب القيمة المقابلة للمثين	عدد القيم التي تحت المثين	المثين المطلوب
10,00	9 × 14 - Y+	γ.	١٠
74,77	$\diamond \times \frac{10}{10} : 10$	٤٠	۲.
YV,0.	• × ±£ - 7.	4.	۳۰
۳۰,٤٥	• * • • • • • • • • • • • • • • • • • •	۸۰	٤٠
,	• * + + + + + + + + + + + + + + + + + +	١	۰۰
٣٥,٠٠	٣٥ + صفر	14.	٦٠
۳۸,۳۳	ox 17 15. + 40	12.	٧٠
£7,YA	ox 10 11. + f.	17.	۸۰
8.,	۵۰ ـ صفر	14.	1.

جدول (٤٣) تحديد المثين في الجدول التكراري

ويلاحظ أن عمر يقع عند مبدأ التوزيع حيث لا توجد قيمة أقل منه . وأن من الجموعة أقل منها .

ابجاد الرتبة المثينية Percentile Rank لإحدى قيم المجموعة :

وكما بحتاج الباحث الى تحديد القيمة التي تقابل مئينا مجددا قد يحتاج الى عكس ذلك ، أي الى معرفة الرتبة المئينية لقيمة من القيم لتحديد مركزها وسط المجموعة . ولنفرض مثلا أننا فريد أن نحسب الرتبة المئينية لفرد حصل على درجة ٢٨ في اختبار الذكاء السابق (جدول ٤٢) ، فتكون طريقة الحساب كما يلي :

أولاً ــ درجة ٣٨ تقع في الفئة (٣٥ ــ)

ثانيا ــ هناك ١٢٠ فردا درجائهم أقل من الحد الأدني للفئة

ثالثا ــ نظر الأن تكر ار الفئة (٣٥ ــ) هو ٣٠

 $1 = m \cdot \times \frac{m - m}{a}$ هو $m \cdot m \cdot m$ فان عدد أفر اد الفئة ($m \cdot m \cdot m$) التي تقل درجاتهم عن $m \cdot m \cdot m$

رابعا ــ عدد جميع القيم التي تقل عن ٣٨ في المجموعة = ١٣٨ = ١٨ + ١٢٠

ويمكن أن نصف طريقة ايجاد الرتبة المثينية المقابلة لاحدى قيم المجموعـــة في الخطوات الآتية : --

١ ـــ حدد الفئة التي يقع فيها والحد الأدنى لهذه الفئة .

٧ ... احسب التكرار المتجمع قبل هذه الفئة .

٣ ــ احسب عدد أفراد الفئة التي تقل عن القيمة وهو يساوي

القيمة - الحد الأدنى للفئة × تكرار الفئة مسدى الفئة

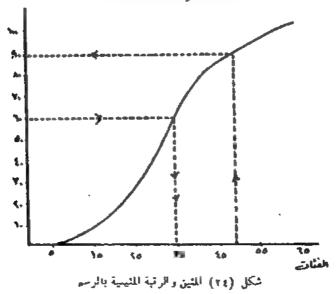
٤ - اجمع التكرار المتجمع قبل الفئة × عدد قيم الفئة التي تقل عن القيمة فبنتج
 عدد جميع قيم المجموعة التي تقل عن القيمة المعطاة .

أحسب الرتبة المثينية المطلوبة على الوجه الآتي :

عدد القيم التي تقل عن القيمة المعطاة × ١٠٠ مجموع التكرارات

ايجاد المئين والرتبة المئينية بالرسم :

الرتبة المثينية لقيمة ما هي عدد القيم التي تقل عنها في المقياس المئوي ، ولذلك فان الحطوة الأولى في أي جدول تكراري هي تحويل التكرارات في هذا الجدول الى تكرارات تجمعية مثوية (أي على اعتبار أن المجموع ١٠٠٠ ثم رسم المنحى التجمعي الناتج لهذا التوزيع ومن هذا المنحى يمكن بسهولة استنتاج أي مئين أو أي رئبة مثينية لأية قيمة . فاذا أجرينا هذه الخطوات على جدول (٤٢) الذي يبين توزيع درجات ٢٠٠ شخصا في اختبار للذكاء حصلنا على المنحى التجمعي المثوي الآئي :



ومن هذا الرسم يتضبح أن المتين الستيني هو عند القيمة ٣٥ ، وأن الرتبة المثبنية للقيمة • ه هي ٩٠ ، وهكذا يتسنى الباحث معرفة أي متين أو رتبة مثبنية من الرسم مباشرة .

العلاقة بين الدرجة المعيارية والرتبة المثينية :

لبست هناك علاقة مباشرة بين الدرجة المعيارية والرتبة المثينية ، ولذلك فلنحويل احداهما للأخرى نرجع الى القيمة الأصلية التي تقابلها . فاذا كان المطلوب مثلا معرفة الرتبة المثينية فلدرجة المعيارية ١,٥ نضرب ١٠٥ × الانحراف المعياري المجموعسة ونضيف الى حاصل الضرب المتوسط الحسابي ، فتنتج القيمة الأصلية المقابلة للدرجة المعيارية المعطاة . وبمعرفة القيمة الأصلية يمكن استنتاج الرتبة المطلوبة كما سبق ايضاحه .

الا أنه في التوزيع الاعتدالي الذي سبق وصفه في الباب الأول يمكن بطريقة رياضية معرفة الرتبة المثينية المعادلة لأبة درجة معيارية وبالعكس . وسيأتي تفصيل ذلك عند ذكر خواص المنحنى الاعتدالي في القادم .

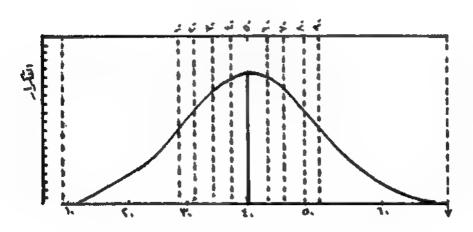
استخدام الرتبة المتينية في البحوث التفسية :

يستخدم المئين بكثرة في الاختبارات النفسية وخاصة الاختبارات الحاصة بالبالغين .

. نفي اختبار ات الذكاء مثلا يمكن استخدام نسبة الذكاء وهي (العمر الزمني × ١٠٠)

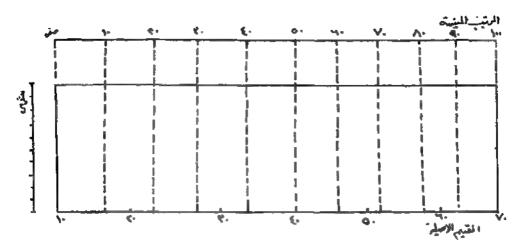
في حالة الأطفال ، أما في حالة الكبار فالطريقة المستخدمة عادة هي الرتبة المئينية ، كما أن من المتبع عادة أن يستخدم في القياس أكثر من اختبار واحد أي ما يطلق عليه النفسيون و بطارية Battery ، بحيث يكشف كل اختبار منها عن سمة نفسية ، سواء كانت هذه السمة النفسية قدرة من القدرات أو صفة من الصفات الانفعالية كالانبساط submission والخضوع ascendance والخضوع introversion . ونظرا لحاجة الباحث الى توحيد مستوى درجات كل هذه الاختبارات المتنوعة في البطارية الواحدة وسهولة مقارنتها بعض فان طريقة الرتبة المئينية هي المستخدمة عادة في الواحدة وسهولة مقارنتها بعض فان طريقة الرتبة المئينية هي المستخدمة عادة في هذه المقارنة ، ويعمل من النتائج المختلفة لحذه الاختبارات والمقاييس النفسية ما يسمى التخطيط النفسي

وقبل أن نوضح طريقة رسم التخطيط النفسي ينبغي أن نذكر خاصية يجب مراعاتها عند استعمال الرقبة المثينية في القياس النفسي . ذلك أن وحدات المقياس المثيني ليست



شكل (٢٥) اغتلاف الوحدات في المقياس المثيني

ولكن هل يمكن أن تقابل وحدات القيم وحدات متساوية في المقياس المئيني في أي توزيع ؟ الواقع أن هذا يحدث في حالة التوزيع المستطيل الذي يتساوى فيه تكرار الفئات ، مهما قربت أو بعدت عن متوسط المجموعة . كما يتضح من شكل (٢٦) ولكن هذا النوع من التوريع نادر الحدوث جدا في النتائج النفسية أو التربوية ، ولذا يجب مراعاة ذلك دائما عند ذكر النتائج أو توضيحها

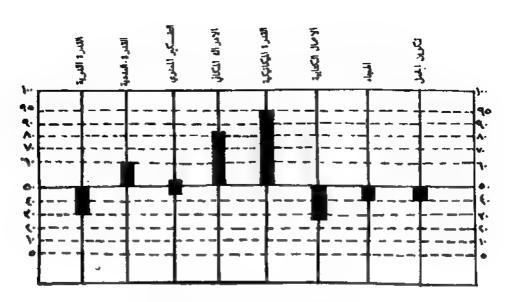


شكل (٢٦) تساوي وحدات المغياس الميثيني في التوزيع المستطيل

بالرسم أو التعليق عليها احصائيا ، فالرتبة المثينية تعطي صورة واضحة عن رتبة الفرد أو مركزه النسبي في المجموعة التي ينتمي اليها ، أو المجموعة الطبيعية التي تقنن المقياس على أساسها ولكنها لا توضح مطلقا الفرق بين الدرجة التي نالها الفرد والدرجات أو القيم العادية ، أخر . وللما فان الرتبة المثينية لا تخضع للعمليات الحسابية ، كالمدرجات أو القيم العادية ، الا أن سهولة حسابها وشدة وضوحها في المقارنة جعلها شائعة الاستخدام في البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية .

فاذا استخدمنا الرتبة المثينية في رسم التخطيط النفسي كان علينا أن نراعي عدم تساوي وحدات المقياس المثيني في الرسم حتى نلتزم الدقة في التعبير والمقارنة . والمثال الآني يوضح تخطيطا نفسيا لأحد الأفراد أجرى عليه الاختبارات الفارقة للقسدرات Differential Aptitude tests ، ومنسه يتضح أن هسذا الفرد متميز في القدرة الميكانيكية وفي القدرة على الادراك المكاني بينما يظهر ضعفه بنوع خاص في القدرة على الأشغال الكتابية ، ولكنه عادي أو متوسط في القدرة على التفكير المعنوي .

ويستخدم المقياس المثيني كذلك بنوع خاص في مقاييس الميول interests



شكل (٧٧) تخطيط لفسي لقدرات أحد الأفراد

ذلك لأن هذه المقاييس تحتوي عادة على نواحي وميادين متنوعة من أوجه النشاط في الحياة. ولتوضيح طريقة استخدامه تنقل فيما يلي صورة تخطيط نفسي لنتيجة اجابات قرد على أسئلة مقياس كودر KUDER الذي يحتوي على نواحي الميول الآتية :

- ۱ ـــ أرجه النشاط الخارجي Outdoor
- Mechanical الأعمال المكانيكية ٢
- ۳ ـ النواحي المدية Computitional ـ ٣
 - ع ــ النواحي العلمية Scientific
 - Persuacive الدماية والتأثير
 - Artistic النواحي الفنية 1
 - ٧ -- النواحي الأدبية Literary
 - A ... النواحي الموسيقية Musical
- Social service الحدماعية الاجدماعية
 - ١٠ ـ الأعمال الكتابية Clerical

والأعداد العليا في الرسم توضح الدرجات التي فالها هذا الشخص في النواحي المختلفة، كما ندل الأعداد التي داخل المستطيلات على مقدار ما حصله من الدرجات في فاحية من هذه النواحي والدرجات الجانبية هي الرتب المثينية في المقياس . ومن هذا التخطيط يتضع شدة ميل هذا الشخص الى النواحي الأدبية ثم الحدمة الاجتماعية وضعف ميله في النواحي الميكانيكية والعددية .

ويلاحظ أن الحرف M في الشكل معناها مذكر Masuline ويلاحظ أن الحرف M في الشكل معناها مذكر فقد رسمت المستطيلات على اعتبار المعايير الخاصة بالذكور .

566 1/6 7/6 233 336 520 338 7 6 59 940 M				_	-	_	_	_	=	_		_	-	_		_						-		
A		. 6	4	1/	6	2/	6	13	3	4.3	6	3.2	0	9.3	8	2 (6	2.2	9	•4	0			l
A				١,	d	ı	Н				.					ĺ	- 1	li						l
		1 8						1				1		l	: 1	3	П	Н	Н	1	ı	ĺ		ŀ
A F M D M S K D M C M		Н		Н					П			П		Н			Н	П		1 1	ΕI			l
				H				:	-	-	F		7				F		_		_			l
	100		11		11	12					48	П		42	41	_		40		П		١١	•]	l
			H	11	114		19			1 1	1.1	12	12	**					l					ł
			71	ι.	8		í l		1)	器	84	31	51	Ŀ	•	*				H				l
			ä		Ä	44		ŀ I	1 1	1	69		10		20		*		22	Н		ļ		l
	1	"		"	8	į.		65		li:		"		ľŻ	\mathbb{Z}			68		HB.	80		i	i
	1 -		164	ļa.	[5	23		44		ä				K				- 00		12	*	ŀ	1	I
			10	100	18	14	b	1	54 93	64	1	38		6	4 7		1.0	X	γ,	lä	i	t	•	l
	-	Į.	135	12	149	120			33	냶	1::	22	**	14,	忆			ķ	2	1‼	91	Ь.		ł
	=		II.	**		100		34	Ë	1 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	12	13		X			"	6	12	łä				l
	3		H	} ``	k	25		10	2	3	333	-	100	V.	47.	X	,,	K	فزلم		1	E	_ `	ŀ
		E 44.	H					1 50	E				10	\mathcal{V}	1/	4		1	19	18	{ <u>}</u> ;	Ė	•	1
	-	12	K.	1,,		ы		14	H	E		26			14		Į.	19	14	112	20	F		l
		0	13	ţu	1	þ	1		l ii			15.	ļa	17	12		["	12	Y_{i}		1	E		ı
	7	1	1	4		L.		94	1	1 55	٠.		110	rz	12,		1+	12	1	1,	3 72	E	_	Ĭ
	. 1	V)	Y.	1,0	1	1	7 -	41				34	l- to	12	14		133	1	KY.					ı
	7 3	ĸ	k,	18		1.0	11.	0 44	18	144		ä			1/3				1	4:	H		**	I
		H	ĸ	1 40		100	Į Pi	40	137	177	41	[**	111	v	12		ŧ i	12		:1 ~	8.3		46	ı
	1 4	1	73	Ž 41		r		142	20	L.			100	12	17,			\mathbf{v}		a				۱
	₩-3	<i>1</i> /,	12				1 20	+			7	d M			72	1.	2	F >	12	1:	†		-	1
		12	73	4.0		111	24			ļ,,					47		1"	1/	(1/		E	L	48	ı
	1 4	11/2	汐	13	2	133	["				4 /	. 11 23	Ι.,	m	\mathcal{L}	1.	d i	Y.	₩.	1::	11	Ė		ı
	— ÷-i	9 7	Y2.	Įü	ľ×		100		0.1		14	1"			V.	1	al II	1	V	7	7	雷	20	I
	1 -	1 /	1	15		4,	d_,		۳	V	K,	7	ァ	1	*	1-	4 *	4/-	1	37	į,	歨		ı
	10.00			d 24	Las	١,		12	7	12	иг	ν.	1	V	Y.	1	1	1	X		1/2	* -	100	i
		V_{i}		13	и	.1	Ji "	K	K	K	¥.	¥,	X,	R.	K.	1	Т	K		\mathscr{U}	v	洭		Į
	1 3	1	12	1	b	ıl.	J.	12	//	1	V,		¥,	X	X	Ł	Ł	1	Z	12	1	E		1
		7/	1	1	1 12	· P.		V	V	Y,	7	¥.	1	\$	1	X	D	X	ď,	7	9	洰	- 16	ļ
			V			· 1/2	1	10	V_{z}	Ł	X,	K	K	X	X		X	1/2	Z	14	Ŋ	拒		Į
		74	b	49	1	Y	1	Y_{2}	1	X	V.	¥,	r	¥	\mathcal{X}_{2}	X	Ŋ	10	1	H,	И	卍		1
	1 7	1	X			·	1/			1	γ	V.	\mathscr{L}	V	X	1	X	V.	N	1	\mathcal{X}	4		į
		10	12	1		ŀ	Z	\boldsymbol{x}	V	x	7	¥,	V	¥,	V	X	V	X	1	ж	V,	坏		Į
I VSKZYJIZYSKSYJKSYSKSYJKZYKZYSKXZIL		な		ď	1	.P	X		1	1	X	V	A.	X	X		X	1	X	1	1	T		i
I AFFIRT FY NEVER TO STATE AND A SHARE THE STATE OF THE S	1	13	1	7	1	X	1	X,	1	1	1	X	1	X	1	X	Z	X	7	X	1	4		j
		1	X	1	Y	N	1	1	V	4	X	1	Y	V	X	1	X	1	X	1	X)	1		
		1	1	Y	V	X	V	X	V	X,	V	1	X	X	1	X	X	X)	1	X	1	4		
		0	10	V	Y	V	Y	V	Y	1	X	1	X	1	X	1	K	1	X	1	1	1		
•— <u>(XXX/X7V-Y/A/X7V-X/Y-X/Y-X/Y-X/Y-X/Y-X/Y-X/Y-X/Y-X/Y-X/Y</u>	l "-	-12	X_{2}	1/	X	γ_{V}	¥/	V	Z	Z	Z.	14	X.	W	X	Y	A	AV.	L	<i>/-</i> [//	4.		4	

شكل (٢٨) تخطيط نفسي لأحد الأقراد في اختبار الميول لكودر

أسئلة على الباب الثالث

المجموعة الأولى على المجموعة الأولى السن : المجموعة الأولى من البنين و الأخرى من البنات وكان توزيع الدرجات فيها كما يلي :

تكرار البنسات	تكرار البنين	فشسات الدرجات
_	٣	- 10
Y	٨	- Y•
٤	10	- Ya
Y0	77	Y'
YA	۲۰	- Ye
\$0	40	- i ·
44	٤٠	- 44
**	YY	_ ••
Y0	14	00
18	19	- T•
٧	٧٠	o/ _
-	4	۷۰ فما فوق
444	771	المجموع

جدول (٤٤) درجات مجموعة من البنين وأخرى من البنات في اعتبار الهجاء

والمطلوب المقارنة بين تشتني درجات المجموعتين .

٢ - احسب الانحراف المعياري لدرجات البنات في جدول (٤٤) .

٣ ـــ أوجد الرتب المثينية المقابلة للدرجات الآتية في مجموعة البنين في جدول (٤٤).

21 . OY . TF . TV . T4

إ _ أوجد الدرجات المقابله للدرجات المعيارية الآتية في مجموعة البنات في جدول
 (٤٤) .

ــ در د ، ۱۰۱ و صفر ، ۱۰۱ ، ۱۰۱ .

ه - احسب كلاً من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري القيم العشر الآتية ;

ه ، ٣٥ ، ٣٥ ، ٣٢ ، ٣٤ ، ٣٠ ، ٧٢ ، ٧١ ، ٧٥ ، ٣٤ ، ٣١ ثم أضف ٥ على كل قيمة من هذه القيم العشر واحسب كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الجديدة .

٣ ــ اضرب كل قيمة من القيم العشر في المسألة السابقة في ٣ ثم احسب كل من المتوسط والانحراف المعياري القيم الجديدة .

٧ ـــ الجدول الآني يبين المتوسط الحسابي والانحراف المعياري لمقاييس ثلاثة ،
 احسب معامل الاختلاف لكل منها ورتبها من حيث درجة تشتنها في كل من الجنسين على
 حدة ثم قارن بين تشتت كل مقياس في الجنسين :

ټ	النبيا	J_	قبضة الي	ئقـــر	سرعة ال	القياس
النساء	الرجال	النساء	الرجال	النساء	الرجسال	
۵,۱۳	0,71	77,4	£Y,1	182,-	41.5	المتوسط
1,4	1,1	8,8	٦,٤	14,1	Y+,+	الانحراف المعياري
170	1.0	177	1.4	171	1.1	العـــد

جدرل (٤٥) نتائج ثلاثة مقاييس في الجنسين

٨ _ مجموعتان من القيم المجموعة الأولى تشتمل على القيم الآتية :

2V . T4 . Y4 . YT

والمجموعة الثانية تشتمل على القيم الآتية :

13 . TT . OT . PT . TT . V\$

فاذا رمزنا المتوسط الحسابي المجموعة الأولى بالرموز م ورمزنا المتوسط الحسابي المجموعة الثانية بالرموز م ولعدد قيم المجموعة الأولى بالرموز ن، ولعدد قيم المجموعة الثانيسة بالرموز ن، ولعدد قيم المجموعة الثانية الناتجة عن ضم المجموعتين بالرمز م المجموعة الكلية الناتجة عن ضم المجموعتين بالرمز م كان م ١ = ن، م م م كان م ١ = ن، + ن، + ن،

حقق هذا القانون في المجموعتين المذكورتين .

٩ ... باستعمال الرسم أوجد كلاً من :

أ) نصف المدى الربيعي .
 (ب) القيمة التي رتبتها المثينية ٦٥

(ج) الرتبة المئينية القيمة ١٧

في الجدول التكراري الآتي :

_*	_YY	-Y£	-۲1	-14	-10	- ۲1	-4	-7	<u>_</u> ٣	صفر_	الفثات
10	۱۸	٧.	17	44	40	YY	18	11	1.	٠	التكرار

جدول (۲۹)



(لب) (المولع

المنحى الاعتدالي وخواصه Normal curve

= نسبة الاحتمال Probability Ratio

= التوزيع الاعتدالي في المقاييس النفسية والاجتماعية

= جـــدول المنحـــي الاعتـــدالي

الارتفساع

تحويل التوزيع الى أقرب توزيع اعتدالي

المسياحة

الملاقة بين المئين والدرجة المعارية في التوزيع الاعتدالي

= مقياس والدرجــة التائيــة

= تلخيص لأهم خواص المنحى الاعتدالي

- مقاييس انحراف التوزيع عن الاعتدالي

Skewness الالتسواء

Kurtosis ।



نسية الاحتمال:

اذا توقعنا حدوث ظاهرة من الظواهر من بين عدد من الظواهر الأخرى المحتملة بحيث لا يوجد عل لاحتمال آخر قان قسبة احتمال حدوث الظاهرة هي النسبة بين تكرار حدوثها ومجموع تكرارات حدوث جميع الظواهر المحتملة . قاذا ألقينا قطعة من قطع المحلة قانها الما أن تقع على الوجه الذي به عدد ما تساويه ، وليس هناك احتمال ثالث غير هذين الاحتمالين . وعلى ذلك تكون نسبة احتمال وقوع قطعة العملة على أحد هذين الوجهين = $\frac{1}{7}$ واذا ألقينا و زهر و الملعب الى أعلى فاما أن يقع على الوجه الذي به نقطة واحدة أو على الوجه الذي به نقطتان أو ثلاث أو أربع أو خمس أو ست نقط . وعلى هذا فتكون نسبة احتمال وقوع و الزهر و على أحد الوجوه الست = $\frac{1}{7}$ ، وفي حالة اجابة سؤال من نوع الصواب والحطأ أو أي نوع من الأسئلة ذات الوجهين : عاصمة قرنسا هي باريس (صواب — خطأ) أو الباردة (أكبر — أصغر) من المرجهين : عاصمة قرنسا هي باريس (صواب — خطأ) أو الباردة (أكبر — أصغر) من المرجهين علم حقيقي بالاجابة الصحيحة فان نسبة احتمال كون الاجابة صحيحة أو خاطئة هي دون علم حقيقي بالاجابة الصحيحة فان نسبة احتمال كون الاجابة صحيحة أو خاطئة هي بصل الى (١) فني حالة القاء قطعة النقود يكون احتمال وقوعها على أي وجه من الوجهين بصل الى (١) فني حالة القاء قطعة النقود يكون احتمال وقوعها على أي وجه من الوجهين بصل الى (١) فني حالة القاء قطعة النقود يكون احتمال وقوعها على أي وجه من الوجهين عصل الى (١) خي حالة القاء قطعة النقود يكون احتمال وقوعها على أي وجه من الوجهين الوجهين

وعلى ذلك فان نسبة الاحتمال تكون محصورة بين صفر ، ١ فاذا كانت نسبسة الاحتمال صفر اكانت الظاهرة مستحيلة الحدوث كاحتمال انطباق السماء على الأرض مثلا ، واذا كانت نسبة الاحتمال (١) كانت الظاهرة مؤكدة الحدوث كاحتمال أن شخصا معينا سيموت يوما ما .

واذا ألقينا ست قطع من قطع العملة الى أعلى فان هناك سبع احتمالات للحالة الي تقع عليها القطع جميعها . أولا : أن تقع القطع الست جميعها على الوجه الذي به الصورة .

ثانيا : أن تقع خمس قطع على وجه الصورة وقطعة واحدة على الوجه الآخر .

ثالثا : أن تقع أربعة قطع على وجه الصورة وقطعتان على الوجه الآخر .

رابعًا: أن تقم ثلاث قطع على وجه الصورة وثلاث قطع على الرجه الآخر .

خامساً : أن تقع قطمتان على وجه الصورة وأربع قطع على الوجه الآخر .

سادسا : أن تقع قطعة واحدة على وجه الصورة وخمس قطع على الوجه الآخر .

سابعا : أن تقع جميع القطع على الوجه الحالي من الصورة .

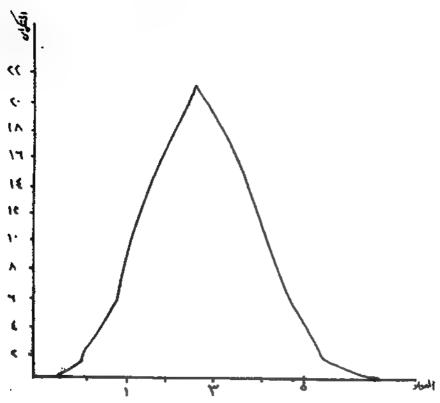
فاذا قذفنا هذه القطع الست الى أعلى ٦٤ مرة فان عدد الممرات المحتملة لحدوث هذه الحالات السبع يمكن حسابها بطريقة جبرية (هي حدود مفكوك المقدار ذي الحدين الآتي (١/٢ + ١/٢) * مضروبة في ٦٤ (١) وهي مبينة في الجدول الآتي :

المجموع	٦	٠	٤	٣	Y	١	صفر	عدد القطع التي تقع على وجه الصورة
71	17	١	۵	۲٠	10	٦	١	تكرار حدوث ذلك في ٦٤ مرة

جدول (٤٧) تكرار الحالات المختلفة لوتوع ست قطم

واذا رسمنا المضلع التكراري الذي يربط بين عدد القطع التي تقع على وجمه الصورة وتكرار حدوث ذلك نحصل على الشكل الآتي :

⁽¹⁾ حدود مفكوك ($\frac{1}{7} + \frac{1}{7}$) حسب نظرية ذات الحدين هي ($\frac{1}{7}$) + $^{7}\bar{G}_{1}$ ($\frac{1}{7}$) ($\frac{1}{7}$) + $^{7}\bar{G}_{2}$ ($\frac{1}{7}$) + $^{7}\bar{G}_{3}$ ($\frac{1}{7}$) .



شكل (٣٩) المفسلم التكراري للحالات المختلفة لوقوع ست قطع عل رجه الصورة

ومن هذا الجدول يستنتج أن نسبة احتمال وقوع الست قطع على وجه واحد سواء وجه الصورة أو الوجه الآخر $\frac{1}{2}$ ($\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$) .

وأن نسبة احتمال وقوع خمس قطع على وجه واحد وقطعة واحدة على الوجه الآخر $\frac{7}{15}$.

و نسبة احتمال وقوع أربع قطع على وجه واحد وقطعتين على الوجه الآخير = $\frac{16}{16} + \frac{16}{16}$) .

و نسبة احتمال وقوع ثلاث قطع على وجه والثلاث قطع الأخرى على الوجه الآخر $\frac{e}{11}$ \cdot $\frac{e}{11}$ \cdot

ومجموع نسب الاحتمالات كلها يساوي واحدا صحيحا كما سبق.

ومثل هذا التوزيع الذي يمثله الجدول يطلق عليه والتوزيع ذو الحدين ا Binomial Distribution وهو يقرب من التوزيع الاعتدالي Normal Distribution الذي نحن بصدده الآن كلما كان العدد كبيرا. والمنحى الاعتدالي منحى متداثل ، أي أنه لو أسقط خط عمودي من قمته الى المحور الأفقي فان قصفي المنحى ينطبقان على بعضهما تماما . ويقسم هذا الحط العمودي المساحة التي يحجزها المنحى تحته (وتمثل هذه المساحة مجموع القيم) الى تصفين متساوبين . ونظرا لحاصية التماثل هذه فان المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لمثل هذا التوزيع يكون منحدة القيمة . والشكل الحرسي الذي يحدد التوزيع الاعتدالي يوضح أن التكرارات تكون صغيرة نسبيا عند طرفي التوزيع بينما تزداد التكرارات كلما قربت من مركز المنحى حتى تبلغ أكبر ما يمكن عند الوسط تماما .

التوزيع الاعتدالي في المقاييس النفسية والاجتماعية :

اذا رسمنا منحنيات لتوزيع صفات جسمية أو نفسية أو اجتماعية وجدنا أنها تميل كلما زاد عدد الحالات المبحوثة الى شكل التوزيع الاعتدالي . الا أن التوزيع الاعتدالي النموذجي typical لا يمكن أن نحصل عليه تماما في أي بحث من البحوث مهما اتسع نطاقه ، ولكننا نستطيع أن نتصور بحثا مثاليا لم تشبه شائبة من حيث الظروف المؤثرة عليه ، ونستطيع أن نتصور كذلك أننا استطعنا اجراء البحث على جميع أفراد المجتمع الأصلي وعند ذلك نقط يمكن أن نصل الى التوزيع الاعتدالي النموذجي . ومن هذا نفهم أن التوزيع الاعتدالي ما هو الا تجريد Abstraction لما يجب أن يكون عليه التوزيع ، ونحن نفتر ضه دائما لأننا نلاحظ أن البحث كلما اتسع وزاد دقة قربنا من التوزيع الاعتدالي في حالات السمات نلاحظ أن البحث كلما اتسع وزاد دقة قربنا من التوزيع الاعتدالي في حالات السمات النفسية والاجتماعية . ويمكن تلخيص أهم هذه الحالات فيما يلي :

١ - الاحصاءات البيولوجية :

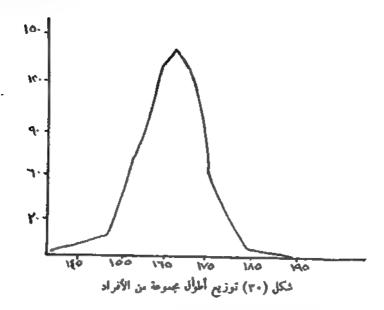
فلو حسبنا نسبة المواليد الذكور الى الاناث في بقمة محددة في عدد من السنين لوجدنا أن توزيع هذه النسبة يتبع توزيعا شبيها بالتوزيع الاعتدالي .

٢ ــ المقاييس العضوية:

فالطول والوزن مثلا في مجموعة من أفراد متماثلين في السن والجنس والبيئة موزع توزيعا قريبا من الاعتدائي .

٣ ــ الظراهر الاجتماعية :

كنسبة الزواج والطلاق في ظروف عادية محددة أو اللخول أو الأجور أو مستوى / الانتاج الصناعي لعمال متحدي الظروف .



٤ ــ المقايس النفسية والتعليمية :

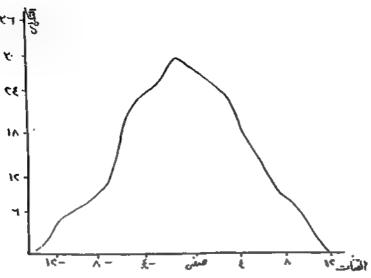
كالذكاء حسب نتائج اختبارات الذكاء المقننة . ونتائج اختبارات القدرات وسرعة الترابط وزمن الرجع ومدى الانطواء أو الانبساط ونتائج الاختبارات التحصيلية المختلفة كاختبار الحساب أو القراءة مثلا .

٥ ـ اخطاء التقرير والملاحظة :

فملاحظة الأطوال والصفات العضوية أو النفسية أو الاجتماعية المبنية على التقديرات الشخصية تحتوي على أخطاء قد تجعلها تزيد أو تنقص عن قيمها الحقيقية ، وتكون هذه الانحرافات عن القيم الحقيقية عادة موزعة توزيعا اعتداليا ، حيث يكون نصفها سالبا يجعل التقدير الشخصي أقل من القيم الواقعية ونصفها موجب يزيد التقدير الشخصي فيها عنالقيم الحقيقيسة ،

وبالاختصار نستطيع أن نقول أنه ما دام البحث النفسي أو الاجتماعي خاليا من العوامل التي قد ترجع احدى كفتي نسبة الاحتمال على الكفة الأخرى فان الظواهر الطبيعية سواء كانت نفسية أو اجتماعية تميل دائما الى أن تتبع التوزيع الاعتدالي .

الا أنه ينبغي ألا يسوقنا هذا التعميم الى أكثر مما ينبغي ، فهناك احتياطات ينبغي أن نتخذها قبل أن نتوقع مثل هذا التوزيع ، فظروف البحث قد تجعل مثل هذا التنبؤ بنوع التوزيع بعيدا عن الصحة كما سيتضح فيما بعد .



شكل (٣١) مضلع لأخطاه تقدير شخص لطول خط طوله ١٠ سم (٢٠٠) محاولة

جداول المنحنى الاعتدالي ــ الارتفاع :

ونظرا لأن المنحى الذي يحدد التوزيع الاعتدالي يتبع شكلا هندسيا محددا فان مسيره يمكن أن يعبر صنه بمعادلة كأي منحى آخر ومعادلة المنحى الاعتدالي هي :

$$\frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} \sqrt{\frac{\partial}{\partial x}} - \frac{\partial}{\partial x} = 0$$

على اعتبار أن ص = ارتفاع المنحى عند القيمة التي انحرافها عن المتوسط س. ف=عدد القيم في المجموعة .

- ، ع = الانحراف المعياري للتوزيع .
 - 4,1517 = 5 4
- ، ه = الأساس الطبيعي الوغاريم أي = ٢,٧١٨
 - ، س = انحراف القيمة عن المتوسط .

ونظرا لأن قيمة كل من ط ، ه ثابتة ومعروفة فتصبح المعادلة كما يلي :

$$\omega = \frac{\dot{v}}{\gamma r^{3} + \gamma r^{3}} \times \frac{\dot{v}}{\gamma r^{3} + \gamma r^{3}} = \omega$$

واذا كان الانحراف المعياري التوزيع هو الواحد الصحيح كما هو الحال فيما اذا حولت جميع قيم المجموعة الى درجات معيارية كما سبق ، تصبح المعادلة كما يلي

$$\frac{v_{out}}{v_{out}} = v_{out} \times \frac{v_{out}}{v_{out}} = v_{out}$$

أي أن الارتفاع عند أية نقطة في المنحنى الاعتدالي يتوقف على عدد القيم في المجموعة وعلى بعد النقطة عن مركز المنحنى ، وهذا بديهي فعدد القيم في المجموعة هو الذي يحدد المسافات التي يحدها المنحنى ، وبعد النقطة عن المركز بحدد مدى ابتعاد الارتفاع عن أكبر ارتفاع في المنحنى وهو المعبر عن تكرار المنوال في التوزيع .

ولن يحتاج الباحث الى حساب هذه الارتفاعات في النقط المختلفة ان أراد أن يحصل على توزيع اعتدالي نموذجي ، فان هذه الأرتفاعات قد حسبت ورتبت في جنول احصائي خاص هو جنول (٤٩) . وما على ألباحث الاحساب انحراف القيمة عن المتوسط وبالرجوع الى هذا الجنول يستطيع معرفة تكرار هذه القيمة على اعتبار أن التوزيع اعتدالي نموذجي .

وبهذه الوسيلة يمكن تحويل أي توزيع الى أقرب توزيع اعتدالي . الا أنه يجب ألا يكون التوزيع الأصلي بعيدا بعدا له دلالة احصائية عن هذا التوزيع الاعتدائي النموذجي . فاذا أجرى الباحث اختبارا نفسيا على مجموعة من الأشخاص ، ثم صنف درجات هذا الاختبار في جدول تكراري فان من الطبيعي أن يجد أن هذا التوزيع ينحرف قليلا أو كثيرا عن التوزيع الاعتدائي . الا أنه اذا كان الانحراف قليلا ليس له دلالة احصائية فانه بحتاج في كثير من الأحيان الى تعديل التوزيع حتى ينطبق على التوزيع الاعتدائي النموذجي أي على اعتبار أن سبب انحراف التوزيع الأصلي عن التوزيع النموذجي زاجع الى أن البحث قد أجري على عينة محددة ولم يجر على المجتمع الأصلي مثلاً . وهو يفترض في هذه المحالة أن السمة التي يقيسها موزعة توزيعا اعتدائيا في المجتمع الأصلي . الا أننا ينبغي أن الحالة أن السمة التي يقيسها موزعة توزيعا اعتدائيا في المجتمع الأصلي . الا أننا ينبغي أن أغذر من الوقوع في افتراض خاطيء في بعض الأحيان ، فقد يتسبب انحراف التوزيع هن أسباب حقيقية جوهرية في التجربة أهمها :

(١) أن البحث يجري على عينة محددة بأوصاف لا تنطبق على أوصاف المجتمع الأصلي فاذا أجرينا اختبارا للذكاء على مجموعة أغلبها من ضعاف العقول فلا بد أن ينحرف التوزيع عن الاعتدالي . كما نتوقع ذلك أيضا اذا طبق نفس الاختبار على مجموعة

أغلبها من أفراد ممتازي الذكاء . ولا يمكننا في مثل هذه الحالات أن نعدل التوريع على أساس افتراض أن الذكاء موزع توزيعا اعتداليا في المجتمع الأصلي .

(٢) أن المتياس يكون متحيزا Biased لناحية خاصة كأن يكور الاختبار الذي يجري على مجموعة من الأفراد أعلى من مستواهم أو أقل منه بدرجة كافية لأن يجعل التوزيع ملتويا التواء موجبا أو سالبا . أو أن الأسئلة التي تشتمل عليها الاختبار لم تكن من النوع المميز بين الضعيف والقوي مئلا .

(٣) أن السمة التي يهدف الباحث الى قياسها لا تكون موزعة توزيعا اعتداليا في المجتمع الأصلي ، فاذا طبقنا مقياسا للاتجاهات العقلية يتعلق بالاتجاه نحو اليهود في الوقت الحاضر على جماعة من العرب فان درجات هذا المقياس لا يمكن أن تكون موزعة توزيعا اعتداليا ، حيث تميل أغلب الاتجاهات الى الناحية المعادية لليهود . فمن الطبيعي اذن أن نحصل على توزيع غير اعتدالي . وأن أية محاولة لتعديل هذا التوزيع تكون محاولة صناعية تبعد التوزيع عن صورته الحقيقية .

لهذا كان علينا أن ندرك أن الموقف في أي اختبار يتوقف على ثلاثة عوامل: السمة التي نقيسها – والأداة التي تستخدمها في القياس – والعينة التي نقيس السمة فيها . وكل من هذه العوامل الثلاثة تحتاج الى فحص قبل أن يقرر الباحث تعديل التوزيع الذي حصل عليه ليطابق التوزيع الاعتدالي النموذجي . فالعامل الأول يستفيد الباحث في فحصه بخبراته السابقة بالبحوث الأخرى في نفس الميدان ، والتي على أساسها يستطيع أن يفتر ض أن السمة موزعة في المجتمع الأصلي توزيعا اعتداليا ، وأما العامل الثاني فبحتاج في فحصه الى خبرة بالقياس النفسي والشروط الاحصائية لصلاحية المقياس الذي يستخدمه . وأما العامل الثالث الحاص بالعينة فله شروط خاصة لضمان عدم انحياز الباحث الى صفات العامل الثالث الحاص بالعينة فله شروط خاصة لضمان عدم انحياز الباحث الى صفات خاصة في اختيارها تجعلها مختلفة عن المجتمع الأصلي الذي أخذت منه . وموضوع العينات وطرق اختيارها وشروط صلاحية المقياس ستبحث بالتفصيل فيما بعد .

الا أن الاحصاء يعاون الباحث خطوة أخرى ، فهو يدله بعد أن يعدل التوزيع الذي حصل عليه عما اذا كان محقا في هذا التعديل أم أن التوزيع الأصلي مختلف اختلافا كبير ا عن التوزيع المعدل مما قد يظن معه أن هناك خطأ ما في أحد العوامل الثلاثة السابقة .

تحويل التوزيع الى أقرب توزيع اعتدائي :

عرفنا أن الباحث يهدف في كثير من الأحيان الى اجراء عملية (تصحيح) للتوزيع

الذي يحصل عليه في محثه ، فيعمل الى تحويله الى أقرب توزيع اعتدالي نموذجي ، وفي هذه الحا ة يستفيد من الحدول الذي يوضح ارتفاع المنحلي الاعتدالي عند النقطة المختلفة من التوريع . ومن الواجب ألا يختلف التوريع الجديد عن التوزيع الأصلي في كل من المتوسط الحساني والانحراف المعياري .

ونظرا لأن الحدول يعطي الارتفاعات عند النقط المعبرة عن انحراف القيم عسن المتوسط الحسابي فان الارتفاعات فيه محسوبة في توزيع انحرافه المعياري هو الوحدة . لللك كان من اللازم تحويل القيم الى درجات معيارية حتى تناسب الجداول المعدة للمنحثى الاعتدالي

ولتوضيح طريقة التحويل نتبع الحطوات التي أجريت في الجدول الآتي وهو يبين توزيع درجات ٢٦٠ شخصا في اختبار للذكاء :

1.	4	٨	٧	٦	•	1	۳	4	1
Ē	من	تائ	رس) (سم)	۸ <u> </u>	54	حَ	مواكز الفئات س	التكرار ك	الفثات
£,£Y	1,18	Y,Y1	oY _		 	\vdash			
A,A#	٠,٠٨	1,84_	£Y-	Yen	75-	٤ _	40	17	
17,74	1,17	1,47.	44 —	144	77-	۳ –	10	44	£+
YA,AY	٠,٢٦	-۲۴,۰	44-	۱۰۸	41-	۲ –	40	47	_0.
47,74	۰,۳۰	٠,٥١ــ	14-	40	Y* -	١ -	70	۳.	-1.
\$8,78	٠,٤٠	•,•٩_	٧	-	صفر	صفر	٧ø	10	_V•
14,.4	٠,٧٨	٠,٣٤	٨	٤Y	£ Y	١	٨٥	27	<u></u> ۸۰
۲۳,1 A	٠,٣٠	+,٧٧	-18	111	41	Y	40	YA	-4+
77,17	1,41	1,11	Y۸	171	۰۷	۲	1.0	14	-1
17,17	11,1	1,77	۳۸	377	67	ŧ	110	18	-11+
0,07	1,14	٧,٠٤	ŧ۸	4	٦٠]	۵	170	14	-17.
7,41	٠,٠٢	Y,£Y	۸۹						
Y04,44		-11.11.		1887	171			77.	
					Y14_				
					٥٧				

جدول (٤٨) تحويل التوزيع إلى اعتدالي تموذجي

المتوسط الحساني ۷۵ ؛ $\frac{v}{1}$ × ۱۰ = ۷۷ ما المتوسط الحساني ۷۳.۵۰ ما $\frac{v}{1}$ ما ۲۳.۵۰ ما ۷۳.۵۰ ما

			V	
الار تفاع	المساحة	الماحة	المساحة من	الدرجة
(ص)	الصغرى	الكبري	المتوسط	المعيارية
*,٣٩٨٩	• , • • •	*,0 * * *	1,1111	٠,٠٠
3 1 17.	٠,٤٨٠١	0199	1.0199	1,10
,447	1,6714	۰,0٣٩٨	1,1841	٠,١٠
.,4460	*, \$ & * &	٠,٥٥٩٦	1,1097	٠,١٥
*,444	٠,٤٢٠٧	•,0494	*,***	1,41
۲٫۳۸٦۷، ۱	٠,٤٠١٢	1,0484	1,1444	٠,٢٥
*,٣٨١٤	٠ ٢٨٣١ -	+,7174	+-1174	1,41
•,4744	•,٣٦٣٢	۰٫۳۳۲۸	*,177A	۰,۳۵
۲۸۲۳,۰	F337,+	3077,1	1,1002	1,51
• ,4"4 • •	\$777¢	۰,٦٧٣٦	•,1٧٣٦	1,50
.,4041	۰,۳۰۸۰	4.7410	1,1910	1,01
+,4244	1,1917	۰٫۷۰۸۸	۸۸۰۲۰۰	۰,00
۲۲۳۳, •	۲,۲۷٤۳	+,VT#V	۷۰۲۲۰۰	1,71
• ,474.	۸۷۵۲,۰	*,Y£YY	******	٠,٢٥
•. 77 1 7 7	1,787.	۰۸۵۷,۰	٠٨٥٢,٠	۰٫۷۰
٠,٣٠١١	1,7777	٠,٧٧٣٤	٠,٢٧٣٤	۰٫۷۵
٠,٢٨٩٧	1,7114	۲۸۸۷٬۰	٠,١٨٨١	٠٨٠
٠,۲٧٨٠	+,1477	۰٫۸۰۲۳	٠,٣٠٢٣	۰٫۸۰
٠,٢٦٦١	138161	1,8104	٠,٣١٥٩	1,4.
.,7011	151711	۴۸۲۸۹	PAY71,+	+,40
.,747.	1,1000	٠,٨٤٧٣	4,7217	1521
1,7744	*,1879	۱۳۵۸٬۰	1,4041	1,40
•,4144	·,\Y0V.	4,4704	*,47.54	151.
٠,٧٠٥٩	1071,0	+,4484	+,474	15/10

	.,4.04	1071,	+3AA£4	P3V76	1,10
	*,1984	1011,1	1.AVE4	P3AY.+	1.4
	*,1877	10.1.0	1,1488	1327.	1.70
	1,17/1	٠,٩٦٨	·.4·YY	٠,٤٠٣٢	1,40
	3.77.6	1,1440	1,1110	1,8110	1,40
	1,1897	٠,٠٨٠٨	+.414Y	1,8197	1,51
	.,1448	٠,٠٧٣٥	1,47%	٠,٤٢٦٥	1,10
	,174	1,1774	•,4777	٠,٤٣٣٢	1,01
	.,17	1,1717	+,4748	•,8748	1,00
	1,1114	1,1081	*.48eY	·,££0Y	1,7.
	.,1.74	1,1140	1.4010	1,50.0	1,70
	*,*46*	1,1227	1,4005	*,\$001	1.74
	*,**	1,14.1	+.4+44	1,8011	1.70
	*,***	1,1704	1,4181	1373,1	1.4.
	*>*YY	*,***	•,4 1 VA	1.2774	1.40
	*,*707	٠,٠٢٨٧	•,4٧١٣	+,8718	1.4+
	1,+09%	1,1497	+.4V££	•,1711	1,10
	,#1*	٠,٠٣٢٨	•.4٧٧٧	+,£VVY	¥.++
İ	*,*\$	•,•4•4	1.4V4A	+, £ V¶A	٧,٠٠
	,\$\$*	1,114	+,4441	+,£AY1	٧,١٠
	1,1490	1,1100	+,4A£Y	•,184	Y,10
	*,****	1,1179	154871	1783,1	4,4+
	٠,٠٣١٧	1,117	•,4٨٧٨	•,£AYA	4,70
	*,***	٠,٠١٠٧	*,4844	٠,٤٨٩٣	7,7"
	*.**	1,1146	+,44+%	1,89.7	Y,40
ı	*,****	*,**AY	1,441%	+,£41A	٧,٤٠
	*,*14^	٠.٠٠٧١	•,4444	:,£979	Y, £ 0
-	1,110	1,114	*> 11 77	*,£97A	Y,0 ·
l	301	1.4101	1987	•,6967	Y,ea
		•	•	•	

٠,٠١٣٦	٠,٠٠٤٧	٠,٩٩٥٣	•,{104	Y,3+
.,-111	٠,٠٠٤٠	1,4971	•,1971•	4,70
1,118	٠,٠٠٣٥	٠,44٦٥	1,1970	۲,۷۰
1,1174	٠,٠٠٢٦	1,4478	•,14٧1	4,40
٠,٠٠٩٠	1,1114	1,4481	٠,٤٩٨١	4,4+
.,	٠,٠٠١٣٥	•,44٨٦0	1,84470	Ψ,••
.,	•,•••4٧	1,99914	۰,٤٩٩٠٣	47,11
1,114	1,11144	1,99971	+,699٣١	۳,۲۰
.,17	٠,٠٠٠٣٤	•,44477	* +,84477	۳,\$٠
٠,٠٠٠ ا	*,****	1,49988	۰,٤٩٩٨٤	۲,٦٠
ا ۱٫۰۰۰۳	1,1111	•,4999٣	٠,٤٩٩٩٣	የ አለ•
٠,٠٠٠	.,٣١٧	*,44447A	*,64447.6*	\$,
.,	.,	+,9999977	1,5444477	\$,0.
.,	٠,٠٠٠٠٠٣	+,9999999	+,£44444V	0,11
.,	.,	44444444	+,6444444	7,**

جدول (٤٩) الارتفاعات وأجزاء المساحة في المنحني الاعتدالي

وتنحصر خطوات العمل بعد معرفة المتوسط والانحراف المعياري في تحويل القيم الى درجات معيارية ، ثم تحديد أطوالمالار تفاعات لمختلفة للمنحنى الاعتدائي النموذجي عند النقط المعبرة عن الدرجات المعيارية . وذلك بالكشف عن هذه الارتفاعات في الجدول المعد لهذا الغرض (جدول ٤٩) وتكون الخطوة التالية بعد ذلك تصحيح هذه الارتفاعات بما يناسب عدد القيم (ن) والانحراف المعياري للمجموعة (ع) ومدى الفئة (ف) وتتلخص الخطوات فيما يأتي : --

١ – احسب المتوسط الحسابي والانحراف المعباري للمجموعة (م،ع).

٢ – حول مراكز الفئات الى قيم معيارية أي أوجد لكل منها (مس - 1) على اعتبار أن س هي مركز الفئة وم هي المتوسط الحسابي و ع هي الاتحراف المعياري المجموعة.

٣ ــ ونظرا لأن الحدول التكراري الذي تحصل عليه من الأبحاث العلمية يكون ناقصا من طرفه أي أن هناك احتمالا كبيرا في عدم اشتمال العينة المختارة على أقل القيم وأعلاها في المجتمع الأصلي فان من المتبع عادة أن نضيف الى الجدول فئتين احداهما قبل أقل الفئات قيمة والأخرى بعد أعلاها قيمة .

٤ ــ باستخدام (جدول ٥٥) أوجد الارتفاعات (في العمود ص) المقابلة للقيم الدالة على الدرجات المعارية .

وبلاحظ أن هذا الجدول لا يشتمل على جميع القيم المعيارية ، بل تتابع هذه القيم فيه كل ه ، ، • في أغلب الحالات ، ومن الطبيعي أن الجدول الكامل يمكن اعداده بحيث يشتمل على جميع القيسم في أغلب الأحيان الا أنه بعملية حسابية بسيطة يمكن استخدام هذا الجدول المختصر لتحديد أي ارتكاع عند أية قيمة معيارية ولنضرب لللك المثالين الآتيين :

الارتفاع المقابل للقيمة المعيارية • ٩٠، = ٢٦٦١. والارتفاع المقابل للقيمة المعيارية • ٩،٥ = ٢٥٤١.

فاذا أردنا معرفة الارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٠,٩٣ مثلا فاننا نوجد الفرق في الارتفاع المقابل لفرق من المتحلي وهو هنا الارتفاع المقابل لفرق ٥٠٠٠ في القيمة المعيارية عند هذه النقطة من المتحلي وهو هنا = ٠,٠١٢٠ .

ونظرا لأن الفرق المطلوب هو ۰,۰۳ فقط في الدرجة الميارية (زيادة ... هن ... ونظرا لأن الفرق الارتفاع المقابل له ۰,۰۰۰ $\times \frac{...}{0.00} = ...$ فإن فرق الارتفاع المقابل له ۰,۰۰۰ ... المطلوب =

وبنفس الطريقة نستطيع ايجاد (ص) المقابل لقيمة معيارية ٣,٦٨ :

الارتفاع المقابل للقيمة المبيارية ٢,٦٥ = ٢٠١١٩

والارتفاع المقابل القيمة المعيارية ٢,٧٠ = ٠,٠١٥ فيكون الفسرق

ويكون الارتفساع المطلوب = ٠,٠١١٩ ــ ٢,٠٠١٥ ٪ ^٣ .

$$\frac{v}{a} \times + +$$

(ه) للحصول على التكرار المتوقع حسب التوزيع الاعتدالي النموذجي الذي يناسب عدد القيم الأصلية والانحراف المعياري يضرب كل ارتفاع وجد من الجدول في عامل مقدداره.

وهذا المقدار يساوي في الجدول التكراري $\frac{77.4}{11.00}$ = $\frac{77.4}{11.00}$

ولنتتبع الآن في تفس الجدول التكرار النظري (ق) لاحدى الفثات وهي الفئة (٠٤٠). خطوات الحصول على أنَّ للفئة (٠١٠ —) تنحصر فيما يأتي :

- (١) مركز الفئة (العامود الثالث) 84
- (٢) انحراف هذا المركز عن المتوسط الحسابي (س م عامود ٧) ١٢
- (٣) القيمة المعيارية لحدًا المركز وهي خارج قسمة ١٧ على الانحراف المعياري وه.
 ٢٣٠٥ تساوي ١٥٠٠
- (٤) الارتفاع عند القيمة المعارية ٥٠,٠ (وبلاحظ أن الاشارة هنا ليست ذات أهمية ، فنظرا لتماثل المنحني فان الارتفاع عند ١٥,٠ هو نفسه عند ١٥,٠ معارية) يمكن الحصول عليه من جدول (٤٩) كما يأتي :

ص عند ۱٫۵۹۰ -- ۲۵۲۱،۰

ص عند دهره = ۲۴٤۲۹ ص

الفسرق = ۹۲۰۹۲

المن عند ۱۵۱۱ = ۲۵۲۱ ___ ۳۵۲۱ ___ مند ۱۵۲۱ ___ مند ۲۵۲۱ __

= ٣٠ ٣٥.٥ (و هي المقابلة للفئة في عامود ٩)

(٥) التكرار البطري آتى عامود ١٠) يمكن الحصوب عليه بضرف ٢٠٠٣ × عاملي قدره

واذا قاربا التكرار الأصلي الفئات في هذا الجدول بالتكرار المعدل النموذجي وجدنا تقاربا كبيرا بينهما ، وذلك لأن التوزيع الأصلي قربب من التوزيع الاعتدائي وفلاحظ في التكرارات النظرية الحديدة أن المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ومجموع التكرارات لم تتغير فتيجة لهذا التعديل وبمثل هذه الطريقة يتسنى الباحث أن يقرر ما اذا كانت سمة من سمات الشخصية مثلا موزعة توريعا قريبا من الاعتدائي أو أن الانحراف عن هذا التوزيع النموذجي كبير بدرجة لا يمكن ارجاعها الى مجرد أخطاء العينة أو عامسل الصدفة ، والاحصاء لا يقف في هذه القارفة عند مجرد التأمل السطحي لكل مسن التوريعين ، ولكنها تستخدم في ذلك مقياسا (١) احصائيا خاصا سيأتي الكلام عنه عند الكلام في مقاييس الدلالة .

وقد يفيد في هذه المقارنة رسم المنحى الاعتدالي ومقارنة مواضع النقط المعبرة عن التكرار بسير المنحى الاعتدالي المعدل واذا كان هدف الباحث محددا برسم المنحى الذي يقترب بأكبر قدر ممكن من التوريع الاعتدالي فيمكن تبسيط الطريقة السابقة وذاك بتحديد الارتفاعات من جدول (٤٩) المقابلة لمرجات معيارية منتظمة دون الحاجة الى البحث عن الارتفاعات المقابلة لمراكز الفئات ، ثم التكرارات المناسبة لكل من هذه الارتفاعات . وتكون الحطوة التالية تحويل الدرجات المعيارية التي بدأت بها الطريقة الى القيم الأصلية المقابلة لها ، أي أن هذه الطريقة تسير عكس الطريقة السابقة ، فبينما تبدأ العاريقة السابقة بمراكز الفئات وتتم بتحويل هذه المراكز الى الدرجات المعيارية المقابلة لها ثم بالبحث عن ارتفاعات المنحى عند هذه النقطة ثم حساب التكرارات المناسبة ، تبدأ هذه العاريقة بقيم معيارية يمكن ايجادها بسهولة من جدول الارتفاعات ، دون الحاسبة الى عمليات حسابية معيارية يمكن ايجادها بسهولة من جدول الارتفاعات ، دون الحاسبة الى عمليات حسابية و تنتهي بمعرفة القيم الأصلية المقابلة لهذه الدرجات المعيارية ، واليك تطبيق هذه المطوات في جدول (٥٠) :

⁽١) يطلق على المقياس المستخدم في هذه الحالة اختيار كالا Chi Square Test فهو يدل على بسية اختمال أن التوريع المختبر قد أتى من أصل مورع توزيعاً اعتدالياً مودمبياً .

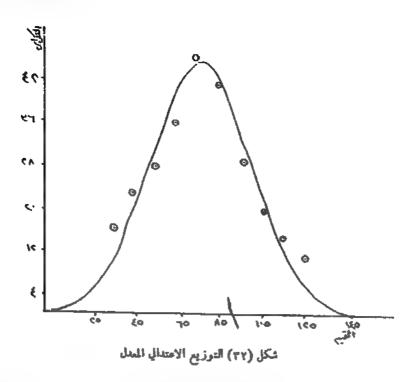
القيمة الأصلية	٤	ग्र	ص	الدرجة المبارية
۲,۵۰	V+,0+_	•,£٩	*.**££	4 -
14,40	_ eV, \0	+.42	۰,۰۱۷۰	Y,0 =
۳۰	٤٧,٠٠=	•,47	1,1021	۲
£1,V0	40,40	18,74	+,174+	1,00
۰۳,۰۰	۲۳,۰۰ —	Y3,YY	1,717	1 -
70,70	11,Ve —	44,47	1,4041	- فر ۱
VV	صفر	\$8,17	1,7444	صفر
۸۸,۷۵	11.70	47,47	٠,٣٥٢١.	٠,۵
1	77,0+	Y1,VV	*,727*	\ \ \
117,70	40,40	18,77	1,1740	1,0
174,**	٤٧,٠٠	۵,۹۷	1,1011	¥
140,40	۸۵,۷۵	1,48	٠,٠١٧٥	٧,٥
124,00	٧٠,٠٠	+.49	*,***	٣

جدول (٥٠) السليات اللازمة لرسم أقرب منحى اهتدالي

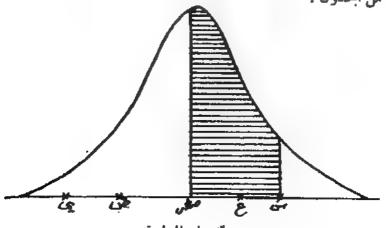
وبناء على هذا الجدول يصبح المنحنى الاعتدالي المطلوب كما هو مبين في شكل (٣٢) ومنه نرى أن التوزيع الاصلي لا يبمد كثيرا عن التوزيع المعدل .

جدول المنحني الاعتدالي ــ المساحات :

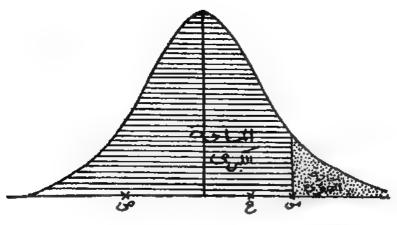
لدراسة خواص التوزيع الاعتدالي دراسة أكثر شمولا يمكن حساب النسب المثوية من النكر از الكلي التي تقع بين قيمتين من قيم التوزيع ، أو التي قد تكون أقل أو أكبر من قيمة محددة ، وهذه البيانات يتطلبها البحث في كثير من الأسيان فيتحول التوزيع الذي نتبع عن البحث التجربي الى التوزيع الاعتدالي بستطيع الباحث أن يحسب هذه النسب المتوية لو عن البحث التجربي الى التوزيع الاعتدالي بستطيع الباحث أن يحسب هذه النسب المساحة بين نقط لم يتعرض بحثه لأخطاء العينة أو الصدف ، وجدول (٤٩) يعطي نسب المساحة بين نقط محددة والنقطة المعبرة عن المتوسط الحسابي التوريع (عامود ٢) ، كما يعطي أيصا المساحة الكبرى نحت المنحني الاعتدالي (عامود ٣) . والمساحة الصغرى (عامود ٤) عند نقطة



معينة . ويلاحظ كما سيق بيانه أن النقطة المحددة ينبغي أن تكون معبرة عن جرجة معيارية لا عن قيمة من القيم الأصلية ، أي أن القيمة ينبغي أن تحول أولا الى درجة معيارية قبل استخدام جدول (٤٩) سواء كان ذلك لمعرفة الارتفاع أو المساحات المختلفة . وشكل (٣٢) يوضح ما يدل عليه العامود الثاني من جدول (٤٩) أي المساحة بين الدرجة المعيارية والمتوسط الحساني . وشكل (٣٣) يوضح ما يدل عليه كل من العامود الثالث والرابع من الجدول .



الدرجات المعيارية
 شكل (٣٣) المساحة بين الدرجة أو المتوسط



ب دكل (٣٣) المساحة الكبري والصغرى في المتحق

ومن الجادول يمكن الباحث أن يحدد النسبة المتوية المحالات التي تقع بين درجتين معيارتين ، فالمساحة المحصورة بين س ، ص يمكن معرفتها من شكل (٣٧) فهي تعادل حاصل جمع المساحتين : المساحة بين س والمتوسط والمساحة بين ص والمتوسط لأن احدى النقطتين أقل من المتوسط (سالبة الاشارة) والإخرى بقدة (موجبة الاشارة). أما اذا كانت النقطتان على جهة واحدة من المتوسط (كلاهما موجب الاشارة أو كلاهما سالب الاشارة) كالمساحة المحصورة بين س ، ع أو ص . م مثلا فان المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحة المحصورة بين س ، ع أو ص . م مثلا فان المساحة بينهما المساحة بين درجتين على جهتين غتلفتين من المتوسط كالقيمتين س ، ص (احداهما موجبة والثانية سالبة تكون الفرق بين المساحة الكبرى القيمة المعارية الموجبة والمساحة موجبة والثانية سالبة . أما اذا كانت القيمتان موجبتين كالمساحة بين س ، ع فان المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحتين الكبريين . وفي حالة الدرجتين السالبتين مثل المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحتين الصغريين عند القيمتين السالبتين مثل المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحتين الصغريين عند القيمتين .

ولبيان كيفية استخدام جدول (٤٩) لمعرفة المساحة بين درجتين معياريتين نضرب لذلك الأمثلة الآتية :

(۱) المساحة المحصورة بين ــ ه. • درجة معيارية و + ۰٫۷ درجة معيارية يمكن الجدول بطريقتين :

 (ب) المساحة المحصورة بين + ه.١ درجة معيارية و + ه.٠ درجة معيارية من عامود (٢) تكون المساحة = ٢٣٣٢، - ـ ١,٢٤١٧ = ٢,٢٤١٧.

ومن عامود (٣) تكون المساحة = ٩٣٣٢، ١٥١٥، = ٢٤١٧.

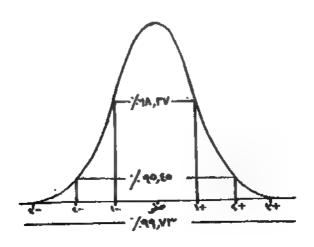
(ج) المساحة المحصورة بين ــ ٢,٠٠ درجة معيارية ، ــ ١,٠٠ درجة معيارية . من عامود (٢) ، تكون المساحة = ٢٧٧٢, ــ ٣٤١٣, = ١,٣٥٩.

ومن عامود (٤) تكون المساحة = ١,٥٨٧ - ١,١٣٥٨ = ١٥٩٢٠,

ومن ذلك نستطيع أن نعرف بعض خواص أخرى للمنحى الاعتدالي ، فالمساحة المحصورة بين المتسوسط انحراف معياري واحد . والمتوسط انحراف معياري واحد . والمتوسط انحراف معياري واحد . من المساحة الكلية أي أن عدد الحالات المحصورة بين هاتين القيمتين تعادل . ٢٨٠٢٧٪ من مجموع القيم .

والمساحة المحصورة بين المتوسط + ضعف الانحراف المعياري والمتوسط ــ ضعف الانحراف المعياري = ٩٥,٤٥٪ من المساحة الكلية .

والمساحة المحصورة بين المتوسط + ثلاثة أمثال الانحراف المعاري والمتوسط ــ ثلاثة مثال الانحراف المعاري = ٩٩,٧٣٪ من المساحة الكلية .



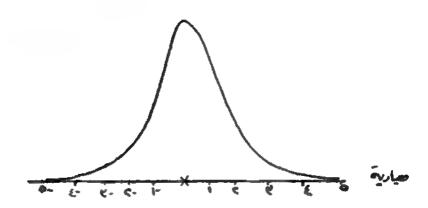
شكل (٣٤) النبة المتوية المصورة بين التم المهارية المحيحة .

الملاقة بين المثين والدرجة المعبارية في التوزيع الاعتدالي :

ذكرنا سابقا أنه ليست هناك علاقة مباشرة بين المئين والدرجة المعارية في أي توزيع ، ولكن في التوزيع الاعتدالي نظرا لأن التكرارات محددة بقانون رياضي يربط بينهما وببن المعربات المعارية ، فان العلاقة بين المئين والدرجة المعارية تكون محددة في مثل هذا التوزيع ، وبمساعدة جداول التوزيع الاعتدائي يمكن معرفة الرتبة المئينية لأي درجة معيارية ، أو على العكس من ذلك يمكن معرفة الدرجة المعيارية المقابلة لأي رتبة مئينية ، فالرتبة المثبنية المعارية المعارية المعارية المقابلة لأي رتبة مئينية ، المساحة الكبرى في جدول (٤٩) هي = ٣٠,٨٤٨ وهكذا في كل درجة معيارية موجبة الاشارة فان الرتبة المئينية لها يمكن معرفتها من المساحة الكبرى التوزيع ، وفي حالسة الدرجات المعيارية المثارية المثارة فان الرتبة المثبنية لها يمكن معرفتها من عامود المساحة العبارية المثارية المثابلة المئين المقابل الدرجة المعيارية (- ١) = ٧٨٥١ وعلى العكس من فلك فيمكن عن طريق هذا الجدول تحويل الرتبة المثبنية الى الدرجة المعارية المقابلة المئين ٥٠١٠ المعارية المثارية المقابلة المئين ٥٠٠٠ مثلا هي + ٧٠ز والمقابلة المئين ٥٠٢٠ هي — ١٩٤٥ والمقابلة المئين ٥٠٤٠ مثلا هي + ٧٠ز والمقابلة المئين ٥٠٢٠ هي — ١٠٤٠ والمقابلة المئين ٥٠٢٠ مثلا هي + ٧٠ز والمقابلة المئين ٥٠٢٠ هي - ١٠٤٠ والمقابلة المئين ٥٠٢٠ المرد والمقابلة المئين ٥٠٢٠ المرد والمقابلة المئين ٥٠٤٠ مثلا هي + ٧٠ز والمقابلة المئين ٥٠٣٠ المرد والمقابلة المئين ٥٠٢٠ المرد والمقابلة المئين ١٠٤٠ المرد والمقابلة المئين ١٠٤٠٠ المرد والمقابلة المئين ١٠٤٠ المرد والمقابلة المئين ١٠٤٠ المرد والمقابلة المئين ١٠٤٠٠ المرد والمرد المؤلى المرد والمقابلة المئين ١٠٤٠٠ المرد والمقابلة المئين ١١٤٠٠ المرد والمقابلة المئين ١٠٤٠٠ المرد والمقابلة المثين ١٠٤٠٠ المرد والمؤلى المرد وال

مقياس 🕆 :

ذكرنا عند الكلام عن عيوب الدرجة الميارية أنها تعطي مقياسا نصف قيمة سالبة الاشارة وأن المرحلة في هذا القياس كبيرة نسبيا . فهي تعادل انحرافا معياريا . ومقياس للاشارة وأن المرحلة في هذا القياس كبيرة نسبيا . فهي تعادل انحرافا معياريا . ومقياس الذي اقترحه المحدودة المعياري التوزيع ففي التوزيعات العادية التي يصادفها الباحث كثيرا يبلغ مدى الانتشار حوالي ه أو ٦ انحرافات معيارية ، ولكن في هذا المقياس يكون المدى حوالي ه أو ٠٠ وحدة ، وأكثر من ذلك فان اتساع توزيع مقياس ٢ يمتد أكثر عما يمتد اليه أي مقياس متوقع حيث يبلغ مدى التوزيع في هذا المقياس ١٠ انحرافات معيارية أو ١٠ وحدة من مقياس ٣ وقد دلت التجارب العملية أن مثل هذا الاتساع في التوزيع قل أن تخرج عنه أية قيمة . ويبدأ مقياس ٢ لا بقيم سالبه الاشارة كما هو الحال في المقياس المعماري بل يبدأ بنقطة الصفر ويمتدحتي ١٠٠ جاعلا المتوسط عند ٥٠ كما يتضح ذلك من شكل (٢٥٠) .



تائية ۱۰ ۲۰ ۳۰ ۵۰ ۹۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۹۰ ۲۰ میفو شکل (۲۰) المتیاس اتائی

وقد أعد جدول يساعد الباحث على تحويل القيم العادية في أي جدول تكراري الى درجة تائية بعد معرفة ما يبلغه عدد القيم التي أقل من القيمة المطلوبة بالنسبة للمجموع الكلي للقيم . ولذلك فان تحويل أية قيمة الى قيمة تائية يتطلب حساب التكرار المتجمع والتكرار التجمعي المثري . هذا ويمكن توضيح الخطوات اللازمة لهذا الحساب بما هو مبين في الجدول الآئي وهو ببين توزيع درجات ٢٠٠ طالب في اختبار القبسول :

وتنحصر الحطوات التي اتبعت في تحويل القيم الى درجة ثائية فيما يأتي :

- ١ ــ تحسب الحدود العليا للفئات (عامود ٣) .
- ٢ حول التكرارات في الجدول الى تكرارات تجمعية (عامود ٤) .
- ٣ حول التكرارات التجمعية الى تكرارات تجمعية نسبية (عامود ٥) أي- محسوبة بنسبة مجموع القيم .

(٦) الدرجة التائية	(٥) التكرار التجمعي النسبي	(\$) التكرار المتجمع الصاعد	(۲) الحلود العليا الفثات	(۲) التكرار	(۱) الدرجات
Y Y	1,111	Y	۴	Υ	مبقر
Y1,V	٠,٠١٠	Y	٦.	-	۳
41.4	٠,٠٣٠	٦.	1	ا ٤	- 1
49,4	٠,٠٧٠	18	. 11	٨	- 1
44,8	1,120	Y4	10	10	- iy
11,4	۰,۳۰۰	71	1.4	77	10
٤٠,٩	٠,٤٨٠	41	41	40	- 14
7,70	.,74.	147	Υŧ	44	- 41 -
۵۸,۱	٠,٧٩٠	۱۵۸	YV	۳٠ .	- Y£
11,7	٠,٨٨٠	177	۳۰.	1/	- YY
77,4	1,400	191	**	10	- r·
∀ ø,∧	1,440	199	44	٨	- 77
	1,	٧	44	١	٣٦
					المجموع

جدول (٥١) تحويل القيم إلى درجات ثائية

إلى المحلوة الأخبرة تحتاج الى الجدول الذي يساعد في تحويل التكرارات التجمعية النسبية الى قيم تائية , واليك فيما يلي هذا الجدول المساعد :

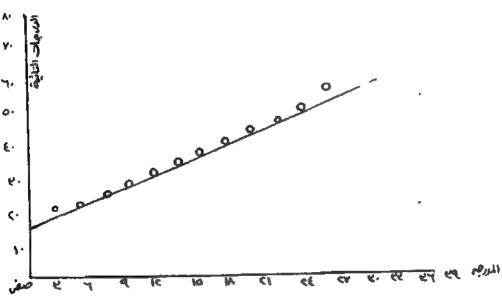
				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
الدرجة	الحرءقبل	الدرحة	الجزءقبل	الدرجة	الجزء قبل
الثائبة	القيمة	التاثية	القيمة	التائية	القيمة
70,0	,48.	1.13	٠٢١,	17,1	,•••
77,8	,401	٤٠,٨	۱۸۰,	۱۸٫۱	٫۰۰۰۷
۹۷,۰	,44+	٤١,٦	,۲۰۰	14,1	,***
٦٨,١	,470	٤٢,٣	,۲۲۰	۲۰,۳	,10
۸٫۸۶	,4٧٠	£4.4	,۲۰۰	Y1,Y	, , , , Y ,
74,7	,470	££,A	,4" • •	Y1,4	, • • ۲۵
V+,#	,48.	£1,1	,40 +	44,0	,
٧١,٧	,4۸0	£∀,ø	,£ • •	7 4,0	, • • \$ •
٧٣,٣	,4**	€٨,٧	,\$0.	Y£,Y	,* + 0 +
7,37	,444	۵۰,۰	,0 • •	Y0,1	, • • ٧ •
٧٠,٨	,990	۰۱,۳	,00+	۲ ٦,٧	3.10
٧٦,٥	,997+	٥٢,٥	,411	۲۸,۳	,-10
VV,•	,4444	٠٣,٩	,70+	Y4,0	,• ٧٠
YA,1	,1970	ee,Y	,٧٠٠	٣٠,٤	,• ۲0
٧٨,٧	,444.	47.Y	۰۷۱۰	۳۱,۲	۶۴۴۰,
V4,V	,44/0	۵۷,۷	,٧٨٠	41,4	,•٣0
A+,4	,999+	۵۸,٤	۸۰۰	44, 0	, • £ •
A1,4	,4444	49,7	۰۲۸٫	77,7	,+0+
۸۲,۹	,9990	44,4	۰\$۸,	78,0	,•4•
		ነ •,ለ	۰۶۸٫	T0,Y	,•٧•
		٦١,٧	,۸۸۰	40,4	٠٨٠,
[۸,۲۲	,4••	41,1	, . 4 .
		ካ ሞ, ٤	,41•	۲۷٫۲	,311
İ		18,1	,47+	" ለ,ڻ	,14.
		۸٤٫۸	,۹۳۰	14,4	,18.

جدول (٥٢) التحويل إلى الدرجات التائية

فمثلا الدرجة التائية المقابلة للجزء ٠,٠٠١٠ في الجدول هي ١٩٫١ والمقابلة للجزء • ٥,٠٥ هي ٣,٩ ه.

٥ -- ولكي يتسى تحويل أية درجة من درجات التوزيع مباشرة الى الدرجة النائية المقابلة لما يرسم عادة تخطيط يوضح العلاقة بين القيمة الأصلية والدرجات النائية ، وبمثل هذه العلاقة عادة خط مستقيم ، الا أن بعض التكرارات الشاذة في الجدول قد تبعد قليلا من النقط بعض الشيء عن المستقيم الذي يصف هذه العلاقة .

٦ - ومن هذا المستقيم الذي يربط بين القيم الأصلية والدرجات التائية بمكن بعد ذلك تحويل أية قيمة الى الدرجات التائية المقابلة لها .



شكل (٣٦) العلاقة بين القيم الأصلية والدرجات التائية

تلخيص لخراص المنحى الاعتدالي :

بناء على كل ما سبقت دراسته يمكن أن نلخص خواص المنحى الاعتدالي فيما يلي : ١ – المنحى الاعتدالي منحى متماثل يرتفع عند الوسط تماما وينخفض تدريجيا حى يقل ارتفاعه جدا عند الطرفين .

٢ -- المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال للتوزيع الاعتدالي لها قيمة واحدة .

٣ -- في التوزيع الاعتدالي تكون نسبة حالات التوزيع المحصورة بين المتوسط الحسابي + ١ انحراف معياري = ٦٨,٢٧٪ من
 ١ انحراف معياري والمتوسط الحسابي + ١ انحراف معياري = ٦٨,٢٧٪ من
 ١ الحسالات

وبين المتوسط الحسابي - ٢ انحراف معياري والمتوسط الحسابي = ٢ انحراف معياري = ٢ انحراف معياري

وبين المتوسط الحسابي - ٣ انحراف معياري والمتوسط الحسابي + ٣ انحراف معياري = ٣ المحراف معياري = ٣ المحرومة تقريبا) أي أن مدى القيم في هذا التوزيع ببلغ حوالي ثلاثة أمثال الانحراف المعياري على جانبي المتوسط .

إلا حظ في المنحى الاعتدالي أن نقطني تحول المنحى أي النقطتين اللتين يبدأ فيهما المنحني أن يغير انجاهه تقابل القيمتين م +ع ، م - ع

مقاييس الاتحراف عن التوزيع الاعتدالي:

۱ ـ الالتواء Skewness

ذكرنا سابقا أن توزيع القيم في أي بحث عملي لا يمكن أن ينطبق انطباقا تاما على التوزيع الاعتدائي النموذجي ، ولكن انحراف التوريع عن هذا النموذج قد يكون قليلا ليس له دلالة احصائية ناتجا عن ظروف البحث الحاصة ، أو قد يكون كبيرا لدرجة لا يستطيع الباحث معه افتراض التوزيع الاعتدائي في القيم التي يحصل عليها . وانحراف التوزيع عن الاعتدائي قد يتخذ شكلا بحيث يجعل المنحنى يميل ناحية القيم الصغيرة يوصف بأنه موجب الالتواء والذي يميل ناحية القيم الكبيرة بأنه سالب الالتواء .

ولفهم الأساس الذي ينبئي عليه مقياس الالتواء نعيد الملاحظة التي سبق ذكرها في خواص المنحى الاعتدائي ، وهي أن المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال تكون متحدة القيمة وأما في المنحنيات الملتوية فان هذه المعاملات تكون مختلفة القيمة . وقد سبق توضيح المواضع النسبية لها في نوعي المنحنيسات الملتوية فنحن فلاحظ أنسه في المنحني السالب الالتواء يكون المنول أعلىقيمة من المتوسط الحسابي ، بينما المحكس في الالتواء الموجب.

وعلى هذا الأساس يمكن حساب معامل الالتواء على أنه الفرق بين المتوسط والمنوال أي = المتوسط ـــ المنوال ، الا أن معاملا كهذا يعطي قيمة مطلقة تتوقف على تشتت القيم فهو لا مصلح الا في مقارنة التواء مجموعتين متحدثي الانحراف المعياري . أما اذا أردنا الحصول علىمقياس نسبي للالتواء فانحذا المقياس بكون معادلا المتوسط الحسابي المنوال

ولكن الصعوبة في مثل هذا المقياس أن المنوال ليس من السهل تحديد قيمته بدقة ، ولهذا يستعاض عنه بالوسيط مع تعديل طفيف في المعامل السابق فيصبح معامل الالتواء عد

٣ (المتوسط الحساي - الوسيط)
 الانحراف العباري

وهذا المامل استنتجه K. Pearson

ففي الحدول التكراري الآتي الذي يوضح توزيع العمر وقت الوفاة لعدد مسن، الاشخاص يمكن حساب معامل الالتواء كما يلي :

			9		
لاحٌ ا	الدح	Ē	التكرار المتجمع	الثكرار	الفئسات
}			الصاعد	গ	
454	٤٩	Y ~	٧	٧	- 40
44.	٦٠	٦ ١	17	1.	- 41
770	140 -	0	73	40	_ £#
071	16	٤ -	٧٧ -	40	0 1
\$0.	10	٣	177	۵۱	_ 00
44.	17	٧ ~	7.7	۸۰	- 71
4.	4	١ -	4.4	4.	~ Ye
-	صفر	صفر	£\Y	110	 ∀ •
170	140	١	994	140	Ye
24.	41.	Y	Yey	110	بر بــ
£VV	104	٣	۷۱۰	۳۰	— Λ ο
170	15.	٤	٧٤٥	40	- 41
yo.	30	٥	V\$A	۳	40
VY	۱۲	٦	Y0.	نِ (۱) ۲	۱۰۰ فمانو
	171				
1111	ጓለኔ		}	۷۵۰	المجموع
	۱۳				
		<u></u>	11		

جدول (٥٣) توزيع السمر وثت الوفاة لبلد من الاشخاص

⁽١) هذه الفئة أعتبرت قيمتها المركزية تجاووا ١٠٢٠٥

هذا ويمكن قياس التواء التوزيع باستخدام معامل آخر مبنى على ايجاد الربيعات Quartiles ، فاذا كان التوزيع باستخدام معامل آخر مبنى على ايجاد منتصف المسافة بين الربيع الأول والثالث تماما ، اذا كان التوزيع ملتويا نحو القيم الصغيرة ، أي موجب الألتواء ، كان بعد الربيع الثالث عن الربيع الثاني أكبر من بعد الربيع الثاني عن الربيع الألول . وتبعا لهذا الأساس فان (مر - مر + مر + مر + مر + مر + مر + مر + مر + مر + مر + مر + مر + من الأ أن هذا يكون بطبيعة الحال مقياسا مطلقا، وإذا أردنا نحويله الى مقياس فسجي قسمناه على نصف المدى الربيعي فيصبح :

وقد وجد أن هذا المعامل تتراوح قيمته بين ــ ٢ ، + ٢ ولذلك يكون الأفضل أن يصبح المعامل :

$$\frac{i x_{-} 4 x}{4 x_{+} 4 x_{+} 1 x}$$

على أن تتراوح قيمته بين – ١ ، + ١

فاذا طبقنا هذا المعامل على جدول (٥٧) تجد أن :

$$\frac{\forall Y, \forall Y \times Y = \lambda, \bullet, \bullet + \forall Y, \forall \lambda}{\forall Y, \forall \lambda = \lambda, \bullet, \bullet}$$

وهذا المعامل لا يتأثر مطلقا بالقيم الموجودة في الربع الأول أو الربع الأخير مسن المجموعة ، بل يقصر حسابه على النصف المتوسط من القيم . فلكي نستخدم مقياسا أكثر حساسية يمكننا أن نستخدم المثين العاشر والمثين التسمين ، وتقارن بين بعديهما عن المئين الخمسين (أي الوسيط) ويكون حدي هذا المعامل كذلك ــ ١ ، + ١ .

والمعامل في الحالة الأخيرة .

وتصبح خطوات ايجاد هذا المعامل في جدول (١٥) كما يلي :

$$\gamma_{e,f}$$
 (ection = $\gamma_{e,f}$ × $\alpha = f\gamma_{e,f}$ × $\alpha = f\gamma_{e,f}$

$$\gamma_{*,p}$$
 (ective = $\alpha Y + \frac{\lambda f}{T_0} \times \alpha = *V_t F A$

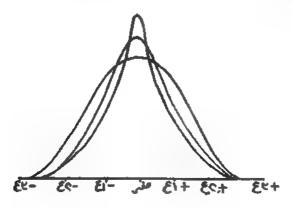
فيكون معامل الالتواء

$$\bullet, 10 = \frac{V7,1V \times Y - A7,V \cdot + 08,V1}{08,V1 - A7,V \cdot} =$$

Kurtosis - التفرطيح - Y

ان معامل التفرطح ببين ما اذا كان التوزيع قمة حادة رفيعة أو قمة عريضة مسطحة ، ويطلق على التوزيع الذي من التوع الأول اسم التوزيع مدبب التفرطح Lepto Kurtic ومن النوع الثاني التوزيع المسطح التفرطح Platy Kurtic .

ومن الطبيعي أن صفة التفرطح ليست فا علاقة بالمتوسط الحسابي التوزيع ، فقد يكون التوزيع رفيعا أو مسطحا أو اعتداليا ويكون له متوسط حسابي محدد كما في شكل (٣٧) كما أن زيادة التفرطح أو قلته لا تتعارض مع تماثل التوزيع أي أن التوزيع المتماثل قد يكون رفيع التفرطح أو مسطحه أو متوسطه (Meso Kurtic) .



شكل (٣٧) منحنيات متحدة المتوسط مختلفة التفرطح

ويمكن قياس التفرطح بالمعامل الآتي :

فلكي نحسب معامل التفرطح للتوزيع السابق (جدول ٥٩)

$$\Lambda_{\gamma} = \frac{\gamma \gamma_{\gamma} \gamma_{\gamma} - \Lambda_{\gamma} \gamma_{\gamma}}{\gamma} = \frac{\gamma \gamma_{\gamma} \gamma_{\gamma} - \Lambda_{\gamma} \gamma_{\gamma}}{\gamma} = \gamma_{\gamma} \gamma_{\gamma}$$
 غدان نصف المدى الربيعي (س

..معامل التفرطح=<u>٨,٣٦</u> = ٢٦١،٠٠

ولمعرفة درجة تفرطح أي توزيع وتوعه ينبغي أن نقارن هذا المعامل بمقياس يتخذ أساسا لذلك . ومن المتبع أن يقارن هذا بمعامل التفرطح المقابل له في المنحى الاعتدالي ، وبحساب هذا المعامل في المنحى الاعتدالي نجد أن قيمته تعادل ٢٦٣، فاذا زاد المعامل عن هذه القيمة يكون التوزيع مسطحا Platy Kurticواذا قل عنها كان التوزيع مدببسا هذه القيمة يكون التوزيع (جدول ٥٩) نجد أن المعامل قريب قربا كافيا من القيمة المقابلة له في المنحى الاعتدالي .

وإلمهم بعد حساب معامل الالتواء أو المعامل التفرطح معرفة ما اذا كان انحراف شكل التوزيع عن الاعتدالي كبيرا لدرجة تحمّ علينا أن نصف التوزيع بأنه ملتو أو مفرطح . فمن الطبيعي أن هناك حدا لأي معامل من هذا القبيل نتغاضى عما دونه ، بحيث لو زاد الانحراف عنه قبل أن للانحراف دلالة احصائية وسيأتي تفصيل ذلك عند الكلام عن مقاييس الدلالة .

أسئلة على الباب الرابسع

(١) طبق اختبار للهجاء على مجموعة من التلاميذ فكان توزيع درجائهم كما هو مبين في الجدول التكراري الآتي :

التكرار	فئـــــــا <i>ت</i>
10	- 1.
**	- 1Y
40	- 18
••	- 17
٧٠	- \A
78	- Y•
Y1	YY
٧٠	- <i>y</i> ε
Yo	77
١٨	- YA
٧	T'
_	- 77
۲	TE
77.	المجموع

جدول (٤ ه) توزيع درجات اختبار الهجاء

حول هذا التوزيع الى توزيع اعتدالي . (٢) قارن بالرسم بين التوزيع الأصلي والتوزيع الاعتدالي المعدل .

- (٣) احسب كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للتوريع الاعتدالي المعدل لجدول (٤٥) وقارن بينها وبين المتوسط الحسابي والانحراف المعياري الأصلي .
- (٤) احسب معامل الالتواء التوزيع الأصلي (جلول ٢٠) بطريقتين مختلفتين وقار ٠
 بين الناتجين .
- (٥) أوجد المساحة المحددة تحت المنحى الاعتدالي بين الدرجات المعيارية الآتيسة والمتوسط مستخدما في ذلك جدول (٥٥).

Y,0 < 1,2 - < 1,7 < Y,V - < , +4

(٦) أوجد المساحة المحددة تحت المنحنى الاعتدالي بين كل درجتين معياريتين مما
 يـــاتى :

1 - ين ه، ۲ ه - ۳،۱ب - ين - ۴،۱ ن ۱،۶ ن ۲،۹ج - ين - ۲،۹ ن ۲،۹ د ۲،۹ د

د - بين ١,٤ ، ٢,١

(٧) في جدول (٦٠) أوجد عدد الحالات التي يتوقع لها أن تقع قبل الدرجات الآتية
 حسب ما ينتظر في التوزيع الاعتدالي :

. 41 . 44 . 14 . 10

- (٨) في جدول (٦٠) احسب النسب المثوية القيم التي تقع بين :
- أ) المتوسط الحسابي انحراف معباري والمتوسط الحسابي + انحراف معباري .
- ب) المتوسط الحسابي ضعف الانحراف معياري والمتوسط الحسابي + ضعف الانحراف المعيساري .
- ب المتوسط الحسابي -- ثلاثة أمثال الانحراف المعباري والمتوسط الحسابي + ثلاثة أمثال الانحراف المعباري وقارن بين هذه النسب وما يتوقع لها اذا كان التوزيع اعتدالياً.

الأبر الأكرى

الارتساط Correlation

- مقدمة

- معدامل الارتباط

- تعطيط الانتشار

معامل ارتباط الرتب

معامل ارتباط إيرسون

الارتباط التنسائي

معامل التسوائق

خاتمة في معامل الارتباط

تفسير نتائج الارتبساط



مقلمسة:

كانت الأجزاء السابقة متعلقة بدراسة وقياس متغير واحد، فمقابيس النزعة المركزية توضح القيمة التي يتجمع عندها متغير في مجموعة من المقابيس. ومقابيس التشتت توضح درجة انتشار وترزيع قبم المتغير، الا أن البحث العلمي لا يقف عند جد الوصف والتصنيف بل يتعدى ذلك الى بيان نوع العلاقة بين الحقائق والمفهومات العلمية ووصفها وصفا علميا دقيقا، وهذا يدخل ضمن مجال الاحصاء الوقوف على طبيعة العلاقة بين أكثر من متغير واحد والوصول الى معامل عددي لوصف هذه العلاقة.

وقد سبق أن ذكرنا في الباب الأول عند الكلاء عن طريقة التلازم في التغير كيف يستطيع الباحث أن يعبر تعبيرا علميا عن وصف نوع التلارم في تغيير عاملين أو متغير بن ومداه ، ونبحث في هذا الباب الطرق الاحصائية للحصول على معامل عددي يصف نوع ومدى هذا التلازم . وعن طريق هذا التعبير العددي يسي الباحث أن يصدر تنبؤات عن أحد المتغيرات بفضل ما يعرفه عن متغير آخر . وقد ذكرنا أن أنواع العلاقة بين متغير بن يمكن تلخيصها فيما يلي :

- ١ ــ علاقة مطردة كاملة .
- ٢ _ علاقة مطردة ناقصة .
- ٣ ـ علاقة صفرية أو معدومة .
 - ٤ علاقة عكسية ناقصة .
 - ه ـ علاقة عكسية كاملة .

معسامل الارتبساط:

ويطلق على المعامل الذي يصف نوع العلاقة بين متغيرين و معامل الارتباط ، Correlation Coefficient و تنحصر قيمته بين + ، - افاذا كانت العلاقة مطردة كاملة

(كالعلاقة بين قطر الدائرة ومحيطها) كانت قيمة معامل الارتباط + 1 واذا كانت العلاقة عكسية كاملة (كالعلاقة بين حجم الغاز وضغطه في حدود معينة) كسانت قيمته - 1 ، وقد ذكرنا أن الارتباط الكامل لا وجود له في الظواهر الطبيعية ، وأن المعامل الناتج في الأبحاث النفسية أو التربوية أو الاجتماعية يكون عادة كسرا موجبا أو مسالبا .

تغطيه الانتشار:

لنفرض أن باحثا أراد ايجاد معامل الارتباط بين عمر الزوج وعمر الزوجة في مجموعة من الأشخاص وكانت الأعمار كما هي مبينة فيما يأتي :

عمر الزوجة	عمر الزوج	همر الزوجة	مر الزوج
	o A	44	177
44	11	44	£0
70	70	Y•	Y٦
1.4	YA	•4	11
٧٠	VY	7+	77
40	74	٣٠	40
18	\A	44	44
٤٧	Y A	**	74
£ +	23	**	40
٤.	11	• Y	٨١
40	YT	Ye	44
74	٤٨	**	11
۳.	40	٤٠	**
Ye	Y•	TT.	13
77	Y A	77	Y4
۸۰	A4	YY	٤٤
ţ.	٤٧	YY	۳۰
11	**	۳.	7"7

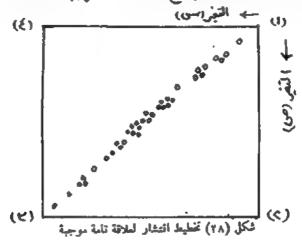
عمر الزوجة	عمر الزوج	عمر الزوجة	عمر الزوج
. {A	11	٥٢	٧٦
YY	74	14	1.4
4.	Y•	**	71
11	00	٧٠	ΓA
۲.	49	77	33
۰٨	7.7	27	Į o
••	•٨	11	71

فان هذه البيانات بمكن تفريغها في جلول تكراري مزدوج يبين العلاقة بين هذين المتغيرين (جلول ٥٥) بحيث يمثل كل خط فيه أحد هذه البيانات الحمسين ، أي يمثل كل خط عمر الزوج وعمر الزوجة معا . فالبيان الأول الذي فيه عمر الزوج ٣٧ وعمر الزوجة ٣٢ يمثل بخط عند تلاقي العامود الذي يمثل عمر الزوج عند ما يكون محصورا بين ٣٠ ، ٣٠ مع الصف الذي يمثل عمر الزوجة عند ما يكون محصورا بين ٣٠ ، ٣٠ والبيان المشتمل على عمر الزوج ٨٥ وعمر الزوجة ٥٥ يمثله خط عند تلاقي العامود الذي يمثل الزوج عندما يكون محصورا بين ٥٠ ، ٣٠ والصف الذي يمثل عمر الزوجة عند ما يكون محصورا بين ٥٠ ، ٣٠ والحدول الذي يمثل عمر الزوجة عندما يكون محصورا بين ٥٠ ، ٣٠ والحدول الذي يمثل عمر الزوجة عندما يكون محصورا بين ٥٠ ، ٣٠ والحدول التكراري المزدوج لهذه البيانات يكسسون

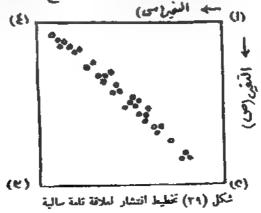
S.A	-44	-٨٠	-14	٧.	4	٦.			-6	-&	-40	-Y.	-69	-6.	40	الزوج
Y												П	1		1	-10
V										7	1		MY			6.
							1						1111			-74
4									_ //		110					-4.
Y									100		M	<u> </u>				-Y-
Ψ						Ĺ.,										t
Z								\Box					_			-50
-			.7				4									61
*						1	1									
- \$																-7.
					\perp										ш	-70
5	1							\Box	<u> </u>	-	_	<u> </u>	_ _		\vdash	-4°
							\vdash			\vdash		_	-	-		
1	1						ш					L			ш	- ~-
•	5	1	1	1	٤	1	4	-	- 11	5	N:	-	4.	1	. 5	المجوي

جدول (ه ه) جدول مزدوج لأممار الزوج والزوجة

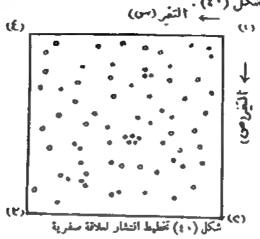
ومن هذا الجدول يمكن عن طريق ملاحظة اتجاه تجمع التكرارات تكوين فكرة تقريبية عن نوع الارتباط وقدره ، ولكي نقرب هذا للأذهان تفترض احدى الحالات التي يكون فيها الارتباط تاما موجبا بين متغيرين (س) (س) فاننا فلاحظ أن جميسع التكرارات تكون متجمعة في خط مستقيم هو قطر الشكل الذي يصل بين الركن (١) وذلك لأن جميع القيم الصغيرة في أحد المتغيرين يتبعها قيم صغيرة في المتغير الآخر . وكلما كبرت القيمة في أحد المتغيرين كبرت القيمة المقابلة لها في المتغير الآخر . وفي شكل (٣٨) تخطيط انتشار يوضح هذه العلاقة الموجبة التامة .



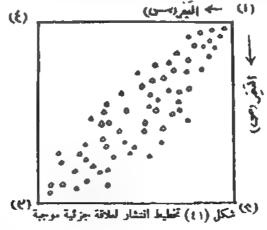
أما اذا كانت العلاقة تامة سالبة (– ١) تجمعت نقط التكرار في القطر الذي يربط بين الركنين (٤) ، (٢) في تخطيط الانتشار . وذلك لأن القيم الكبيرة في أحد المتغيرين تتبعها قيم صغيرة في المتغير الآخر . وكلما كبرت القيم في أحدهما صغرت في الآخر والعكس بالعكس ، وفي شكل (٣٩) تخطيط انتشار يوضح هذه العلاقة السالبة التامة .



أما اذا كانت العلاقة صفرية ، أي أنه ليس هناك أي اتجاه للاتفاق أو التضاد بين المتغير بن ، فان نقط التكرار تكون موزعة على الشكل دون أن يبدو أي اتجاه في تجمعها كما هو الحال في شكل (٤٠) ، التقر (سن)

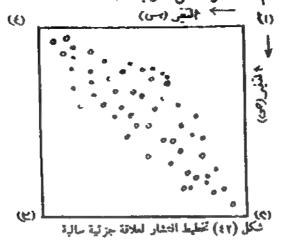


و في حالة العلاقة الجزئية ، سواء كانت موجبة أو سالبة ، نجد أن انتشار التكرار يتخذ اتجاها عاما ، الا أن هذا الاتجاه يتبع عادة شكلا بيضيا . وكلما اتسع الشكل البيضي قلت قيمة الارتباط بين المتغيرين ، وكلما ضاق زادت قيمته ، حتى تصل أقصاها عند ما يصبح الشكل البيضي خطا محددا كما هو الحال في شكل (٣٨) ، (٣٩) . وشكل (٤١) بوضح تخطيطا انتشاريا لعلاقة جزئية موجبة وشكل (٤١) لعلاقة جزئية سالبة .



فكأن مجرد ملاحظة التوزيع في تخطيط الانتشار يفيد في معرفة مدى العلاقة بين المتغيرين ونوعها : ولكن الاحصاء لا يقف أيضا عند حد ملاحظة التوزيع ووصف

العلاقة وصفا تقريبيا بل تهدف دائما الى التوصل الى قياس عددي لهذه العلاقة . وقد ذكرنا أن المعامل المستخدم لذلك هو معامل الارتباط .



وهناك وسائل أخرى كثيرة لايجاد معامل الارتباط بين متغيرين تختلف باختلاف هدف البحث وظروفه ، فقد لا يكون من الممكن سوى تقسيم كل من المتغيرين أو أحدهما تقسيما نوعيا ، أو ترتيبها من حيث القيمة دون التوصل الى تحديد قيمة عددية لكل رتبة من رتب المتغير ، مثل هذه الظروف تحتم على الباحث استخدام احدى طرق الجاد معامل الارتباط دون غيرها . واليك أهم الطرق المستخدمة في ذلك :

معامسل ارتباط السرتب :

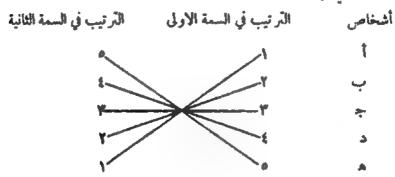
في كثير من الأحيان لا يستطيع الباحث أن يحدد قيم المتغير أثناء تغيره بل يكون من الأيسر له أن يعبر عن مراحل تغيره برتب نسبية ، كأن يحدد أيها الأول وأيها الثاني ، وأيها الأخير . ولنفرض أن هدف الباحث ايجاد معامل الارتباط بين سمتين من سمسات الشخصية وشمل هذا البحث تقدير خمسة أشخاص بالنسبة لهاتين السمتين فانه يستطيع بمقدار ما بين ترتيب هؤلاء الأشخاص الحمسة في السمتين من تشابه أو اختلاف تقدير مدى الارتباط بين هاتين السمتين ، ولنفرض أيضا أن الباحث قد حصل على احدى النتائج الآتية في بحثه .

الحالة الأولى :

الرتيب في السمة الثانيسة	الترتيب في السمة الأولى	أشخاص
£	ŧ	î
Y	ү	ب
•		÷
1	1	3
٣		

وني هذه الحالة نلاحظ تطابقا تاما بين رئب الأشخاص في السمتين ، ومن هذا يمكن احث دون القيام بأية عملية حسابية استنتاج أن معامل الارتباط بين السمتين + ١

: الحالة الثانية :



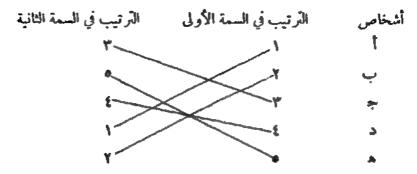
وهنا نلاحظ أن الرتب في المتغيرين مختلفة اختلافا تاما ، وقد وصل الاختلاف بينهما الى حد التضاد ، فالأول في أحدهما هو الأخير في الثاني وهكذا ... ولذا معامل الارتباط في هذه الحالة يكون ١

ः स्थापा ग्राप्ता

الر ثيب في السمة الثانية	الترتيب في السمة الأولى	أشخاص
Y		1
1-	7	ب
۲		*
0		د
	•	

نلاحظ هنا أن هناك اتفاقا جزئيا بين الترتيب في السمتين ، ولذلك فان معامــــل الارتباط يكون + كسر .

الحالة الرابعسة:



في هذه الحالة نلاحظ تضادا جزئيا بين الترتيب في السمتين ولذلك فان معامــــل الارتباط = ـــ كسر .

_ وطريقة معامل ارتباط الرتب لسبير مان تقوم على نفس هذا الأساس فكلما كان الفرق بين رتب القيم المتقابلة في المتغيرين كبسيراً قلت درجسة الارتباط بين المتغيرين ، والعكس بالعكس للفنا كانت الخطوة الأولى بي مسريسه تشتمل على ايجاد الفروق بين رتب القيم المتقابلة . فاذا فرضنا وجود ثلاث قيم متقابلة لكل من المتغيرين وأوجدنا رتبها كما هو الحال في المثال الآتي :

الفرق بين الرتب	المتغير (ص)	المتغير (س)	
Y +	١	٣	حالة (أ)
Y —	Y	۲	حالة (ب)
١	۳	1	حالة (ج)

فان الفروق بين الرتب تكون موجبة الاشارة أو سالبتها بحيث أن مجموع الفروق الموجبة يعادل مجموع الفروق الموجبة يعادل مجموع الفروق السالبة كما في المثال (+ ٢ ، - ٢) ، ولا يجاد معامل الارتباط بين رتب المتغيرين علينا أن نعتبر هذه الفروق مجتمعة ، الا أن الجمع الجبري في هذه الحالة يكون عديم الفيمة حيث أن حاصل الجمع يكون دائما صفرا ، ولهذا تشتمل الطريقة على خطوة أخرى وهي تربيع هذه الفروق حتى نتخلص من الاشارات بجعلها جميعا موجبة .

مثال : اختبر ١٠ أطفال في مادئي اللغة العربية والحساب وكانت درجاتهم في المادتين كـــالآتي :

درجــــة الحساب	درجة اللغة العربيـــــة	الأسم
٤٠	**	عمد
٧٠	10	حسن أحمد
£ •	£ Y	أحمد
Y Y	۳۳	ابر اهيم خالد
۳۰	YŁ	خالد ٔ
7 °Y	£Y	فائستق
4.6	40	حلمي
Y0	٧٠	خايل
۳۰	7"7	فائـــق حلمي خليل قاسم
٤١	£ £	عـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ

جدول (٥٦) درجات ١٠ أطفال في مادتين

والمطلوب حساب معامل ارتباط الرتب بين مادتي اللغة العربية والحساب . لايجاد هذا المعامل نتبع الخطوات الآنية :

الفرق	الفرق		رتبة اللغة	درجة	درجــة	الاسم
مربع		الحساب	العربية	الحساب	اللغة المربية	
Y+	0	١	٦	žσ	44	عمد
	-	١٠.	1.	٧٠	10	حسن
٤	۲ –	۳	١ ،	٤٠	٤٧	أحمد
١,	١	٤	•	۳۷ ا	44	ابراهيم
_	_	\	٨	٧٠.	Y٤	خالد
17	٤ -	٧	۳	44	43	فائق
١ ١	١	٦.	٧	4.8	40	حلبي
_ !	_	4	4	Ye	4.	خليل
١	1 -	•	٤	۳۰	٣٦	
_	_	Y	Y	٤١.	£ £	قاسم علي
	٧					المجموع
٤٨	٧ -	-	}			}

جدول (٧٥) حساب ممامل ارتباط الرتب

وتكون الخطوة الثالثة بعد حساب مجموع مربعات الفروق تطبيق القانون الذي توصل البه سبيرمان Spearman لحساب معامل الارتباط وهو :

على اعتبار أن ر = معامل ارتباط الرتب .

، مح ف المحموع مربعات الفروق (ف الفرق بين رتبتي الحالة الواحلة) ن = عدد الحالات .

1
نهو في هذا المثال $-1 - \frac{11 \times 12}{41 \times 10} = 10$

ومن الطبيعي أن مثل هذا القانون يجعل معامل الارتباط عندما تنطبق الرتب (+۱) ، وذلك لأن الفروق في هذه الحالة تكون معدومة فتكون قيمة الكسر و عدف الله عدف الله عدف الله عدف الكسر مساوية صفرا ويكون معامل الارتباط = ۱ ــ صفر = ۱ .

وعلى العكس من ذلك في حالة تعاكس الرتب فان هذا القانون يجعل معامل الارتباط - 1 كما هو في الحالة الآتية : -

مربعات الفروق	الفروق ــ	رتب المتغیر (ص)	رتب المتغير (س)
11	£	٥	١
£	٧	ŧ	Y
_	_	۳	٣
٤	۲	٧	1 4
17	£	, 1	•
	٦		
· 6	7 -	ł	المجموع
	* * *		

جدول (٨٥) حالة تماكس الرتب

$$c = -\frac{r \times \cdot t}{6 \times 3r} = r - r = -r$$

والبك مثالا يشتمل على القيم ذات الترتيب المتكرر :

فيما يلي أطوال عشرين شخصا وأوزائهم ، والمطلوب ايجاد معامل ارتباط الرتب بين الطول والوزن لهذه الحالات :

- 11	الفرق بين		رتب	الوزد	الطول	l la
مربع الفرق		رٹب اند			1 1	اسم ااء شد
	الرتب	الوزن	الطول	بالكجم	بالسم	الشخص
1	١	10,0	17,0	٦٨	177	រំ
4.,40	4,0	11	۹,٥	70	170	ب
-	-	Y+	٧٠	77	170	~
17	٤	17,0	17,0	٧٧	177	د
77	٦	14,0	14,0	٧٧	111	
٤٩	٧	•	۱۲	٨٥	174	و
Yo	٥	V.e	٧,٥	۸۱	14+	ر
١	١	18	10	٧٢	174	ے
17,70	۳,۰ –	10,0	17	٦٨.	177	ط
۲ø	٥	٧,٠	V,e	4+	1/1	ی
17,70	٣,٥	٧,٥	٤	۸۱	1/1/	스
3.7	۸,۰ —	۱۷,۰	4,6	٦٧	170	ل
£	Y	١٠.	11	۸۰	177	٢
1	١ ،	17,0	۱۸٫۵	77	177	ن
17	٤	1.	11	۸۰	171	ص
17	٤ -	•	1	٨٥	117	
4.44	٤,٥	١ ،	۵٫۵	11	1/4	ع ف
49		Υ,0	٧,۵.	1.4.	1/1	س
٠,٢٥	ه,٠	٥	0,0	٨٥	1/0	ق
47,70	Y,0	1.	۲,۵	٨٠	14.	ت
	٤١					
\$ V+, 0 +	-13	41.	71-			المجموع
Ì	•••				1	

جدول (٥٩) حالة تكرر الرتب

معامل ارتباط الرتب
$$= 1 - \frac{7 \times 6.01}{100} = 97.0$$

وللتأكد من صحة وضع الرتب المقابلة للقيم المختلفة يمكن جمع الرتب في المتغيرين . والوسيلة المباشرة للتأكد من ذلك أن يكون مجموع الرتب واحد لكل من المتغيرين ، وزيادة على ذلك فان مجموع الرتب في كل من المتغيرين ينبغي أن يكون معادلا (ن ا ۱ ۱) على ذلك فان مجموع الرتب في كل من المتغيرين ينبغي أن يكون معادلا و المحالات . وهو في حالة المثال الحالي = ۲۰ فيكون مجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون المجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون مجموع الرتب و ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ × ٢٠ فيكون مجموع الرتب ٢٠ فيكون مجموع الرتب ١٠ فيكون ميكون ميكون الرتب ١٠ فيكون ميكون الرتب ١٠ فيكون الرتب ١٠ فيكون الرتب ١٠ فيكون ميكون الرتب الرتب الرتب

معسامل ارتبساط بيرسون :

ويطلق على هذه المعامل « Product Moment » ، على اعتبار أن لفظ « Moment » يفيد انحراف القيم عن المتوسط مرفوعا لاية قوة ، وتقوم التسمية على أساس أن المقدار الهام في هذه الطريقة هو حاصل ضرب انحراف كل من القيمتين المتقابلتين في المتغيرين عين متوسطهما.

ومعامل ارتباط بيرسون يسد نقصا هاما في معامل ارتباط الرتب ، وهو أن المعامل الأخير يتناول في حسابه الرتب لا القيم نفسها ، وحساب الارتباط على أساس الرتب أقل دقة من حسابه على أساس القيم ، فزيادة القيمة أو نقصها لا يغير من قيمة المعامل على أساس الرتب ما دامت هذه الزيادة أو النقص لا تغير وضع القيمة بالنسبة للمجموعة . أساس يتأثر معامل ارتباط بيرسون بأي تغير في القيم . فاذا كان لدينا محمس قيم متقابلة مثلا لكل من متغيرين كما يأتي :

いといて	ح س	ح س	المتغير (ص)	المتغير (س)	
۲	1 -	٧ –	٧	٥	î
_	1 -	_	Ý	٧	ب
-	-	1 -	٨	٦	-
1 +	۱ +	۱ ۱	1	٨	د
Y +	1 +	Υ	4	4	^

يجدول (٠٠) الأساس الذي تقوم عليه طريقة بيرسون

فاذا كانت ح = انحراف القيمة عن متوسط قيم (س) و حس = انحراف القيمة عن متوسط عن متوسط قيم (ص) فان ح س ح ص وهو حاصل ضرب انحراف كل قيمة عن متوسط قيم المتغير في انحراف القيمة التابعة لها عن متوسط قيم المتغير الآخر يصلح مقياسا لمدى ما بين المتغيرين من ارتباط . فكلما زاد مجموع حواصل الفرب كلما زادت العلاقة بين المتغيرين اطرادا . أما اذا كان مجموع حواصل الفرب سالب القيمة فان هلما يدل على انحراف القيم المتقابلة في المتغيرين عن المتوسط يسير في اتجاه عكسي على وجه العموم أي اذا زادت القيمة عن المتوسط تيم ذاك نقص القيمة المقابلة لها عن متوسط قيم المتغير الآخر . وهذا دئيل كاف على أن معامل الارتباط يكون سالبا .

وتقوم طريقة بيرسون على هذا الأساس بوجه عام الا أن الطريقة تتخذ صورا متعددة نذكر منها ما يأتي :

معامل ارتباط بيرسون باستعمال الانحرافات : لتوضيح الخطوط المتبعة في ايجاد معامل الارتباط بهذه الطريقة نضرب المشال الآئى :

ح س	ے آن	ے س ہے س	ح س	ے س	قيم(س)	قيم (س)
174	141	154	۱۳	11-	YY	Ye
ŧ	7 "1	14	۲	٦	**	٤٢
100	١,	1	14	1-	ŧ۰	٣.
-	١	_	_	١.	40	۳۷
£	181	£Y	Y	Y1	8 74	١٥
Yo	166	٦٠.	٥	17-	7.	Y٤
4	44	Y1	٣	٧	44	٤٣
۸۱	YA4	107	4	17	11	۳۵
1	141	111	1.	11	Į a	٤٧
78	4.	Y\$	A —	٣	٧v	44
		٥٧٠	۳۱	to		
700	1717	40 _	۳۱–	ξo	40.	42.
		673	• •	••		

جدول (٦٦) معامل ارتباط بيرسون بطريقة الانحراف

يتكون هذا الجدول من سبعة أعمدة ، يشتمل الأول والثاني منها على قيم المتغبرين المراد ايجاد معامل الارتباط بينهما كالطول والوزن مثلا ، أو كمادتين دراسيتين مختلفتين أو صفتين تفسيتين كالقدرة الرياضية والقدرة اللفظية ، أو أشخاص في مقياسين للاتجاهات العقلية ... المخ ، ويشتمل العامود (٣) على انحراف قيم المتغير (س) عن متوسط قيم دهو ٣٦ (١٠٠٠) . ويشتمل العامود (٤) على انحراف قيم المتغير (ص) عن متوسط قيم المتغير (ص) وهو (١٠٠٠) . والعامود المحامس يحتوي على حواصل ضرب ح س ح س أي انحراف قيم س عن متوسطها ، والعامود المحامود ال

بعد حساب ناتج كل من مح حرر حرر ، مح ح^ارر ، مح ح^ار لا ينطلب حساب معامل الارتباط أكثر من التعويض في القانون .

$$c = \sqrt{\frac{2-y_0}{2}}$$

أي أن معامل الارتباط في هذا المثال

ويمكن وضع معامل الارتباط في وضع معروف وهو كالآتي :

حيث عن هو الانحراف المعياري للمتغير (س) و عن هو الانحراف المعياري للمتغير (ص). ولعله من الواضح أن هذه الصورة هي نفس الصورة السابقة لأن عن =

ويمكن تلخيص خطوات العمل في هلم الطريقة فيما يلي :

١ -- اجمع قيم كل من المتغير بن .

٢ - احسب المتوسط الحسابي لقيم كل متغير .

٣ – احسب انحراف كل قيمة عن متوسط قيم المتغير التسابعة له أي حين ، حس
 (عامو دي ٣ ، ٤) .

٤ -- اضرب كل من حن ×حس المقابسل له (عاموده) لتحصل على مح حن
 حن (وهو حاصل جمع قيم عاموده).

ه — ربع کل من ح ں ، ح س (عامودي ٢ ، ٧) لتحصــــــل على مح ح ا_{س ،} مح ح آ _{س ،}

٦ – طبق القانون لتحصل على معامل الارتباط .

ويلاحظ أن مح ص حو الذي يحدد اشارة معامل الارتباط ، فان كــان المجموع الجبري لحواصل ضرب الانحرافات موجبا كان معامل الارتباط موجبا ، وان كان سائبا كان المعامل سائبا .

وهذه الطريقة توفر على الباحث استخدام الأعداد الأصلية الكبيرة في حساب معامل الارتباط ، الا أن سهولتها تتوفر فقط حينما يكون المتوسطان الحسابيان لقيم المتغيرين صحيحة ، أما اذا كان المتوسطان عددين كسريين تعقد حساب قيم الأعمسدة (حسحس) ، (حسل) ، (حلس) تعقدا قسد يزيد على الصعوقة التي يكسبها الباحث من استخدام القيم الأصلية . تلك هي نفس الصعوبة التي يصادفها الباحث في حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري من القيم الأصلية التي تلجأ من أجلها الى الطريقة المختصرة باتخاذ وسط فرضي وحساب الانحراف الفرضية . ويمكن تطبيق نفس هذه الطريقة في حالة وسط فرضي وحساب الانحرافات الفرضية . ويمكن تطبيق نفس هذه الطريقة في حالة معامل الارتباط أيضا . والبك طريقة الاستفادة من الوسط الفرضي في حساب معامل الارتباط في جدول (٧٤) .

فالجدول الآتي يتخذ أساسا فيحسابه الانحرافات عن المتوسطين الفرصتين الآتيتين : ٣٠ للمتغير (س) ، ٤٠ للمتغير (ص) .

ځې	ح أس	ح سرح مو	5ء	ځ.	قيم (ص)	قيم (س)
445	40	4.	1.4 —	•	44	40
4	122	7" -	۳ –	١٢	۳۷	2.4
70	Ya	Yo	٥	م	ξo	40
Yo	£4	۳۰	•	٧	40	47
٤٩ -	440	1.0	٧ –	10 -	77	10
1	4.1	٦٠	1	٦ —	۳.	71
7.5	179	118 -	۸ ا	۱۳	44	٤٣
17	044	44	٤	ΥÝ	£ £	٥٣
Ya	YA4	۸٥	•	17	Į0	٤٧
174	۸۱	117 -	۱۳ –	4	YV	44
		₹eV	18	۸٦٦		
۸۰٦	1044	Y4Y	78	-77	40.	44. +
_		170	۰۰	4.	<u> </u>	

جدول (٦٢) حساب معامل ارتباط باتخاذ وسط فرضي

وبحسب معامل الارتباط بالقانون الآتي :

وهو يساوي في هذا المثال :

$$\sqrt{[Y \lor 0]} = \frac{1 \times (- \cdot \circ)}{[Y \lor 0]} = \frac{1}{[Y \lor 0]}$$

حساب معامل الارتباط من القيم الحام (Raw Values)

ويمكن أن نعدل الطريقة السابقة بحيث يتمنى حساب معامل الارتباط من القيم الحام مباشرة ، ولكن في هذه الحالة بحتاج الباحث الى اجراء تعديل في القانون الذي بحسب به معامل الارتباط كما يتضبح من حل نفس المثال السابق بهذه الطريقة :

(4)	(\$)	(1)	(Y)	(1)
ص ٢	Yun	س Xص	قيم (ص)	قيم (س)
EAE	770	**	77	Yo
1574	1718	1001	YY	24
Y • Y •	1770	10Ye	10	40
1440	1774	1740	40	177
1.41	YYo	110	444	10
4	647	٧٢٠	γ.	75
1.44	1884	1777	44	44
1977	44.4	7777	44	٥٣
Y+Y0	77.4	Y11*	50	ŧ٧
VY4	1011	1.04	TV	144
144.4	1817	14.10	70.	77.

جدول (٦٣) معامل الارتباط من القيم الملم

فالحطوات التي أجريت في هذا الجدول كان أساسها القيم الخام مباشرة ، ولم تبدأ بتحويل القيم الى انحرافاتها عن المتوسط ، فالعامود الثالث يشتمل على حواصل ضرب قيم (س) والمقابلة لها في المتغير (ص) ، والرابع والخامس يشتمل على مربعات القيم .

ويكون معامل الارتباط في هذه الحالة كما هو في القانون الآتي :

$$\frac{-\frac{2}{3} \cdot \cdots \cdot \frac{2}{3}}{\frac{1}{3} \cdot \cdots \cdot \frac{2}{3}} = \frac{1}{3}$$

وبالتعويض من الجدول في المعادلة يكون حساب معامل الاتباط في هذا المثال كما يلي :

$$\frac{1 \cdot \frac{1}{1 \cdot 1} - 1 \cdot 1 \cdot 1}{1 \cdot 1 \cdot 1} = \frac{1}{1 \cdot 1} - 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1$$

•,04 =

معامل الارتباط من جدول الانتشار:

ذكرنا أن القيم المتقابلة لمتغيرين بمكن تفريغها في جلول مزدوج بحيث تمثل كل علامة من العلامات التي توضع في هذا الجلول فردا له قيمتين قيمة بالنسبة للمتغير (س) وقيمة أخرى بالنسبة للمتغير (ص) وجهذا تحدد تكرار كل خلية من خلايا الجدول المزدوج ولتوضيح ذلك نضرب المثال الآتي :

طبق اختباران للذاكرة على خمسين شخصا فكانت درجاتهم في الاختبارين كالآتي :

اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار
ب	1	ب	î	ب	i	ب	1
1.	44	14	۳۰	17	74	14"	Yo
9	٧.	1	YY	17	YY	11	11
17	40	٦	10	18	71	v	YY
11	44	1 1	17	17	ξo	10	44
4	71	10	YV	۸ ا	77	14	YY
12	47	- 33	77	1.	17	14	YY
1+	17	100	Ye	v	YA	17	7.
۸ ۱۳	14	10	٣٨	11	777	11	٣٥
۱۳	YY	YY	Y٤	17	Υŧ	1	71
17	13	10	٤٤	1.	111	10	٤٠
٧.	£0	17	77	•	17	18	44
٧٠	10	11	14	18	YA	11	44
_				11	44	11	۱۸

جدول (٦٤) درجات عسين شخصاً في اعتبارين للذاكرة

و نلاحظ أن درجات اختبار(أاتنحصر بين ١١ ، ٤٥ وأن درجات اختبار(ب)تنحصر بين ٤ ، ٢٠ ويمكن تمثيل العلاقة بين درجات الاختبارين بجدول الانتشار الآتي :

المجموع	<u>-</u> £Y	— ٣ 0	YA	~ *1	- 18	- Y	اختبار أ اختبار ب
Y					//(Y)		– ۳
•		ļ	// (Y)	10	/(h)	7(0)	- 7
17		10	///(4)	M(0)	// ₄ (°)	// (Y)	- 1
۱۲		// (1)		1//(0)			- 17
11	///(17)	// (4)	///(4)	11 (4)	[-10
٤	//(Y)	/(1)		10			– ۱ ۸
٥٠	٠	٧	14	18	٨	٣	المجموع

جدرل (٦٥) جدول الانتشار لدرجات اعتبارين الداكرة

وقد ذكرنا أن تجمع التكرارات وهيئة هذا التجمع تدل دلالة تقريبية عن نوع الارتباط ومداه ، ولكننا هنا نوضح كيف يمكن حساب معامل الارتباط عن طريق جدول الانتشار ، واليك الحطوات المتبعة لحساب المعامل في جدول (٦٥) :

يُّي.	پۆو	مقه	υĒΙ	Ł	U	-ét	-90	-14	Will.	4 4	-٧	%
	£	٨	ž-	۲.	•				986	ŧξ		-d.
ŧ.	٤	6	4-	1-	٥			4.0	Mille			
					11.11					11.11		
		W	K	1	ĸ				WH,			-14
	117	EL	42	¢	10	9	, E	45	MI.			~16
	ς¢	EI	14	1	T.	٠,	413		Mh			-th
[3]	Vξ	l-a	G.		۰	•	٧	ĸ	Fish.	Λ	٤	<u>ځ</u>
-2	***************************************		44			×	*		Will.	1-	۹-	58
				Caul	le-ce	10	1E	W	Will.	Re-	٦-	20
					m	ţ.	43	14	an	^	15	
					(vc	ψĒ	66	-	Mi.		٢	žŽ:
					(.	E	-	7	9.41	-	-	¥ 3

جدوقة (١٩) حناب سمل الارتباط س حوق الاستار

وباستخدام المعادلة يظهر أن :

$$\frac{-\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}} - \frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}}}{\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}} - \frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}}}} = \int_{0}^{\infty} \frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}}} \frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}}}} = \int_{0}^{\infty} \frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}2}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}$$

$$\frac{1}{\left[\frac{V(V)}{\bullet} - V \cdot \bullet\right] \left[\frac{V(V)}{\bullet} - V \cdot \bullet\right]} \sqrt{\frac{V(V)}{\bullet}}$$

+>78 =

و تنحصر خطوات العمل فيما يأتي :

ا حدد تكران كل خلية من خلايا الجدول انتشار أي حدد تكران كل خلية من خلايا الجدول المزدوج.

٢ – اتخذ صفرا فرضيا لكل من قيم (س) ، (ص) وانحرافا فرضيا مدرجا للفئات الأقل والأكثر من الفئة الصفرية كما هو متبع في الطريقة المختصرة لحساب كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري .

٣ – احسب مح ح و مح ح و بضرب الانحراف الفرضي لكل فئة في تكرارها أم اجمع حواصل الضرب الناتج .

(محرس = ٤٦ – ٩ – ٣٧ ، محر_س = ٤٢ – ١٤ – ٢٨) في الجلمول .

= -1 احسب مح = -1 بضرب كل من حواصل الضرب السابقة في ح في العامود السابق لنحصل على = -1 لكل فئة ثم اجمع النواتج .

(محح " ١٠٥٠، محح " ١٠١٠ في الجدول).

الخدول الجدول على المناب على على الجدول الخدول الخدول المناب الحدول الأول المناب ا

المحساب عرض عن تجمع حواصل الضرب السابقة (الموضوعة في الركن الأسفل الأيمن) ويحسن تقسيم العامود الأخير أو الصف الأخير الى قسمين : قسم لجمع النواتج الموجبة وآخر لجمع النواتج السالبة .

فمثلا في حالة الفئة (7) في اختبسار ب نجد أن تكرارها ه وانحرافهسا الفرضي -1 فيكون مح -1 فيكون مح -1 فيكون مح -1 فيكون مح -1 فيكون مرة ثانية أي -1 -1 في الانحراف الفرضي مرة ثانية أي -1 -1 في الانحراف الفرضي مرة ثانية أي

ولحساب مح حَرْجَ مِنْ لها فلاحظ أن الحالية الأولى في هذا الصف تكرارها ١.

فلحساب حس حس لما ترى أن الاتحراف الفرضي للصف التابعة له هو .. ١ .

والانحراف الفرضي للعامود التابعسة له هو – ٢ فيكون مح حَمَّى حَمَّى لِمُدْهُ الْحَلَيْةُ ١ – × – ٢ = ٢ وهو العدد الموجود في الركن الأيمن العلوي لهذه الخلية ، ثم يضرب ٢ في تكرار هذه الخليسة وهو ١ ينتج مح حَ_{مَّ} حَمَّى وهو ٢ الموضوع في الركن الأيسر السفلى .

ننتقل بعد ذلك الى الحلية الثانية فنجد أن الانحراف الفرضي للصف – 1 والانحراف الفرضي للعامود – 1 فيكون حَس حَس للخلية وهو = 1 ثم يضرب الناتج في تكرار الحلية وهو 1 .

أما الحلية الثالثة فنظرا لأن الانحراف الفرضي صفر للعامود التابعة له فهي لا تحتاج لحساب لأن الناتج النهائي صفر .

و في حالة الحلية الرابعة نجد الانحراف الفرضي للصف ١ والانحراف الفرضي للعامو د --- ١ ولذلك فان حَس حَس لها = ١ وهو الموضوع في الركن الأيمن العلوي ، ثم يضرب -- ١ في تكرار الحلية وهو ٢ ينتج محرَّر حَس لها وهو — ٢ .

هذا ويلاحظ أن مح حرر ح من لا بد أن يكون لها نائج واحد سواء تظرف الى الصفوف أم الى الأعمدة : وهو هنا ٧٤ .

مي نستخدم معامل ارتباط بيرسون ؟

يعتبر معامل ارتباط بيرسون أكثر المعاملات شيوعا وأدقها جميعا ، فهويتأثر بجميع القيم المعطاة ، كما أن له مقاييس دقيقة لحساب مدى ثباته ، كما أنه يدخل ضمن عمليات ومعاملات احصائية أخرى ، الا أنه يجب مراعاة أساسين هامين عند استخدامه .

الطبيعي أن يكون التوزيع العام للمتغيرين اعتداليا ، ومن الطبيعي أن ينحرف التوزيع في كل منهما قليلا عن الاعتدالي نتيجة لصغر العينة أو العوامل التي تؤثر عادة على

نتائج البحوث ، الا أن انحراف التوزيع عن الاعتدالي ينبغي ألا يكون ذا دلالة احصائية على وجه العموم .

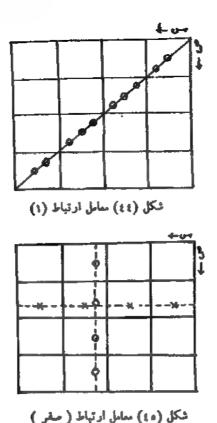
٢ — ينبغي أن تكون العلاقة بين المتغيرين مستقيمة ، ويقصد بذلك أنه اذا حسبت المتوسطات الحسابية للأعمدة أو للصفوف فانها تميل لأن تقع على خطين مستقيمين أحدهما يربط بين متوسطات الاعمدة — أما اذا كان الحط الذي يربط بين متوسط يميل لأن يكون منحنيا فان الذي يستخدم في هذه الحالة هو معامل آخر يطلق عليه نسبة الارتباط 1 — Correlation Ratio التي سنشرحها فيما بعد .

- ٤٧	_ * 0	- Y A	- *1	- 18	- Y	(i, (j)
				131		- 4
		×		-0		7 –
			1×		•	- 1
		20	•			- 14
						- 10
	3-					- 1/

شكل (٢٤) الملاقة المستقيمة

ويطلق على المستقيم الذي يربط بين متوسطات أحد المتغيرين بخط الانحسسدار «Regression line » فالمستقيم المتصل يربط بين متوسطات درجات اختبار (أ) والمنقط يربط بين متوسطات درجات اختبار (ب) ويلاحظ أن النقط التي تعبر عن المتوسطات لا تنحرف كثيرا عن المستقيمين . مما يدل على أن العلاقة هنا مستقيمة . أما الحالات التي يكون خط الانحدار قبها قوسا فسيأتي توضيحها فيما بعد .

ويلاحظ في شكل (٤٣) أن الزاوية بين المستقيمين صغيرة نوعا . ويمكننا أن نفول أنه كلما صغرت الزاوية بين مستقيمي الانحـــــدار زاد معامل الارتباط بين المتغيرين ، بحيث اذا صغرت لحد انطباق المستقيمين كل على الآخر أصبح معامل الارتباط + ١ وكلما زادت الزاوية بينهما كلما قل معامل الارتباط بين المتغيرين حتى تصل الزاوية الى ٩٠ فيصبح معامل الارتباط صفرا .



الانحسدار والتنبسؤ :

ذكرنا أن المستقيم الذي يربط بين المتوسطات الحسابية لقيم أحد المتغيرين المقابلة لقيم المتغير الأخرى يطلق عليه خط الانحدار ، وكان أول من استخدم هذا الحمط لأول مرة جولتن Galton في بحثه على وراثة طول القامة .

فقد وجد أن الأطفال الذين يأتون من آباء طوال القامة يميلون لأن يكونوا أقصر قامة من آبائهم ، والذين يأتون من آباء قصار القامة يميلون لأن يكونوا أطول قامة من آبائهم ، أي أن طول الأبناء يميل الى التراجع أو الانحدار نحو المتوسط العام ، وقد أطلق على هذه العلاقة اسم قاعدة الانحدار ، كما أطلق على الحط الذي يوضح هذه العلاقة اسم خط الانحدار .

وفي المثال السابق حاولنا بالنظر رسم مستقيمين يمران بأكبر عدد من نقــط المتوسطات ويكون أقرب ما يكون من النقط الأخرى . ولكن بيرسون قد أوجد طريقة

رياضية لرسم كل من هذين المستقيمين . ومن الواضح أن مثل مستقيم الانحدار يصلح أساسا للتنبؤ ، فاذا عرفنا قيمة أحد المتغيرين أمكن التنبؤ بالقيمة التي تكون أكثر احتمالا للمتغير الثاني .

ويمثل كل من مستقيمي الانحدار بمعادلة تشتمل على المتغيرين س ، ص ومعامل الارتباط ، فمعسادلسة ص على س أي المعادلة التي تتنبأ بقيم ص اذا عرفت قيمة س هي كالآتي :

 \times أي أن انحر اف القيمة المقدرة للمتغير ص = معامل الارتباط

الانحراف المعياري المتغير (ص) × انحراف القيمة المعروفة المتغير (س) الانحراف المعياري المتغير (س)

ويطلق على مر<u>ع سن</u> معامل الانحدار ع

و فلاحظ في هذه المعادلة أن كل من بر ، ع س ، ع س تكون معلومة الدينا فاذا عرفنا حي أمكن حساب حس المقابلة لها .

فني المثال السابق بجدول (٧٩) لمعرفة معادلة المستقيم الانحداري لاختبار (ب) على أ نجد أن الانحراف المعياري لاختبار ب = ٣,٧٢

والانحراف المعياري لاختبار أ = ٩,٤٥

فتكون معادلة المستقيم المطلوب هي

⁽١) الخط الموضوع فوق حس معناه ان هذه القيمة تقديرية رهي اقرب ما تكون من القيمة المتوقمة .

ونظرا لأن هذه المعادلة موضوعة في صورة انحرافية أي أن عواملها هي انحرافات عن المتوسط فاننا نحتاج في استخدام هذه المعادلة لمعرفة الحساب للمتغيرين. فهو بالنسبة لاختبار أ = ٢٨,٤٢ ولاختبار ب= ١٢.٧٢ .

فاذا عرفنا مثلا أن أحد الأشخاص كانت درجته في اختبار (أ) ٣٥ نستطيع أن نتنبأ بدرجته في اختبار (ب) على النحو الآتي :

$$21 \text{ for } = \frac{3w}{3w} \times 5w$$

هي معادلة المستقيم الانحداري للمتغير س على ص

فاذا عرفنا قيمة من قيم المتغير ص أمكن تقدير القيمة المقابلة لها في المتغير (س) مع مراعاة أن هذه المعاداة أيضا انحرافية .

فاذا عرفنا أن شخصا أخذ في اختبار (ب) مثلا ١٦ درجة فانه يمكن التنبؤ بدرجته في اختبار (أ) كما بأتي :

۸,۳۳ =

أي أن درجته في اختبار (أ) حسب التقدير = ٢٧٠،٠٢ + ٢٠،٧٧ = ٣٥،٣٥

كيفيسة رسم مستقيم الانحسداد :

يحتاج رسم مستقيم الانحدار الى معرفة كل من معامل الارتباط بين المتغيرين والمتوسط الحسابي والانحراف المعياري لقيم كل منهما . فعن طريق معامل الارتباط والانحرافين

المعاربين يمكن تكوين معادلتي الانحدار . وقد وجدنا أن معادلة انحدار اختبار ب على اختبار أ في المثال السابق

$$\frac{3\sqrt{3}}{4\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{3}}{3} \times \sqrt{3}$$

وبما أن أي مستقيم ينحدد بنقطتين فيمكن تحديد نقطتين في المستقيم الانحداري عن طريقهما يرسم المستقيم ولنفرض أن النقطتين هما ح ٢ = ١٥ ، ح ٢ = ١٠ ١٥

$$\cdot$$
 ح $^-$ ب (عند النقطة ح $_1$ = 0/ أو القيمة ٢٣,٤٢) \cdot

$$37, \qquad \times \frac{Y \vee Y}{63.9} \times 6/ = 6 \vee Y$$

فتكون قيمة ب المقابلة النقطة (ح ١٥ = ١٥)

 $= 17,77 + 9,77 = 7,74 + 9,77 وتكون قيمة ب عند النقطة (ح أ = _ 10 أي القيمة <math>= 17,77 = 7,74 = 17,77$

ومن هاتين النقطتين يمكن رسم مستقيم الانحدار لاختبار ب على أ

- £ Y	_ Yo	- YA	- ۲۱	- 18	- Y	
						_ ¥_
						٠- ٦
					9	- 1
		-	0			- 17
						- 10
- · · ·			1			- 14
			<u> </u>		<u> </u>	

جدول (٩٧) خط الانعدار

هذا ويمكن للطائب أن يحاول بنفسه رسم خط الانحدار الآخر الذي يمكن به التنبؤ بدرجات اختبار أ اذا عرفت درجات اختبار ب باختيار نقطتين وتوصيل خط الانحدار بينهما كما اتبع في خط الانحدار الأولى . ويمكن وضع معاداتي خطي الانحدار على صورة أخرى بالاستعاضة عن الانحراف بالقيم الأصلية مباشرة . فاذا أردنا استخراج قيمة ص بمعرفة قيمة س أمكن تطبيق المعادلة :

واذا أردنا استخراج قيمة س بمعرفة قيمة ص أمكن تطيق المعادلة

حيث م س ، م س المتوسطان الحسابيان لكل من المتغيرين (س ، ص) وبالاحظ أن المعادلتين تؤديان الى استنتاج هو أن :

مربع معامل الارتباط = ميل (١) مستقيم انحدار ص على س \times ميل مستقيم انحدار س على ص .

من هذا يتضح أن معادلة الانحدار هي معادلة تنبؤية لتوضيح العلاقة ببن المتغيرين ، بحيث يمكن عن طريقها التنبؤ بقيمة لا تكون معروفة لدى الباحث ولا يفهم مطلقا أن القيمة المقدة المقدة التي تنتج عن البحث القيمة المقدة المقدة التي تنتج عن البحث الراقعي ، ولكن المقصود هو أنه لو أجرى البحث على حالات كثيرة العدد فإن متوسط القيم يكون قريبا جدا من القيمة النظرية النائجة من المعادلة الانحدارية ، ولهذا فإن مستقيم الانحدار كغيره من العلاقات الاحصائية التنبؤية يوفر على الباحث كثيرا من المعطوات العملية الي تستنفذ في تطبيقها جهدا ووقتا م على أن هذا الاقتصاد في الجهد العملي لا يكون على حساب الدقة العلمية ، وخاصة وأن للاحصاء وسائله في التأكد من صلاحية النتائج الحسابية الاحصائية للاستنتاج والتفسير والاعتماد عليها الوصول الى الحقائدة العلميسة .

⁽۱) ميل المستقيم هو ظل الزاوية التي تنحسر بينه وبين المحور، ومعادلة أي مستقيم يمر بنقطة الأصل حمس وعل ذلك نميل مستقيم انجدار ص عل س = رع س وميل مستقيم انجدار س على س عدر ع مس

الر ابط النائي أو ذو الشعبتين Bi-Serial Correlation :

يستعمل هذا النوع من الترابط في الحالات التي يتعذر فيها تصنيف أحد المتغيرين الى فئات عدية محددة المدى بينما يتيسر ذلك للباحث فيما يتعلق بالتغير الآخر والحالات الي يستخدم فيها الترابط الثنائي هي التي يصنف فيها أحد المتغيرين في مجموعتين . وأمثلة هذه الخالات كثيرة في البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية . فقد يكون البحث متعلقا عدى العلاقة بين قدر الشخص في ناحية معينة واتصافه أو عدم اتصافه بسمة خاصة من سمات الشخصية . فاذا أردنا مثلا أن نوجد العلاقة بين الذكاء والتوافق الاجتماعي قد نستطيع أن نقيس الذكاء وتصنيف الأفراد تصنيفا دقيقا في فئات محددة بينما قد لا يتسى لنا ذلك في التوافق الاجتماعي ، فنكتفي بأن نصف الشخص بأنه متوافق اجتماعيا أو غير متوافق اجتماعيا . ومن الأمثلة الأخرى لهذا النوعمن الحالات التي يكون فيها أحد المتغيرين تحديدما اذاكان الشخص رياضيا أو غير رياضي ، من الجنس الأبيض أو مسن الزنوج ، كما هو الحال عند ما يهدف البحث الى علاقة ذلك بالاتجاهات العقلية للفرد نحو موضوع معين في البحوث الاجتماعية أو متعلم أو جاهل ، أو ذكر أو أنثى ، أو مقبول أو مرفوض في عمل . أو ناجع أو راسب في امتحان ما ، أو اجابة سؤال بتعم أو لا ، أو اعتناق الشخص لاتجاه معارض أو موافق تحو موضوع معين ... وهكذا . ففي كل هذه المجالات يتعين على الباحث أن يحدد لكل فرد في العينة التي يشملها البحث قيمة محددة أو درجة معينة ، اما لعدم توفر المقاييس الدقيقة التي تعينه على ذلك ، واما لهدف تسهيل البحث فيكتفي بتصنيف المجموعة الى طائفتين متخذا لنفسه أساسا ضمنيا هو المعدل أو المتوسط « Norm » ، فيفضل من يقل عــن هذا المعدل في مجموعة واحدة عن الذين يزيدون عن المعدل في مجموعة أخرى .

مشال : اذا أراد باحث أن يوجد العلاقة بين نمط الشخصية « Personality Type » للفرد وبين درجاته في اختبار مناسب الذكاء فانه غالبا ما يكون من الصعب أن يضع هذه الأنماط في سلسلة منتظمة متساوية (١) الوحدات بحيث يحدد لكل فرد من أفراد العينة درجة خاصة ، بينما يكون من السهل عليه هذا التقسيم المحدد المفصل فيما يتعلق

⁽١) بالرغم من أن هناك مقاييس كثيرة في الوقت الحاضر التحديد درجة اتصاف الفرد بميزات نمط خاص من انماط الشخصية الا أن هذه المقاييس لم تصل بعد لدرجة كافية من الدقة و النيات . ويفضل كثير من الباحثين تصنيف الأشخاص في عمومتين ، وأكثر هذه الأنماط شيوعاً هي : النوع الانطوائي و الاقبساطي .

بالذكاء وكثيرا ما يقسم الباحث شخصيات أفراد العينة الى تمطين : انبساطيون وانطوائيون . وواضح أن المتغير الثاني بالرغم من أنه مقسم فقط الى مجموعتين الا أنه متغير متصل Continuous ، أي أن هناك درجات محتملة لا تنقطع لهذا التغير ، وبمكننا أن نتصور اتصال هذا التغير اذا افترضنا امكان تحديد أعلى درجة من الانبساط والانطواء في الشخصية وتمثيل هاتين المرحلتين بطرفي مستقيم يمكن أن تمثل شخصية كل فرد منهم بنقطة عليه .

		معتسدل	
×		××	×
، جد	افيساطي		انطواثي جدا

و على ذلك فاستخدام طريقة معامل الارتباط الثنائي ينبغيأن يكون مؤسسا على فرضين أساسيين :

 ١ -- أن يكون كل من المتغيرين متصلا ، ولكن أحدهما قد صنف لسبب ما الى مجموعتين فقط .

٢ أن كلا منهما موزع في المجموعة الأصلية Population توزيعا احتداليا .

حساب معامل الارتباط الثائي :

لنفرض أن الباحث في المثال السابق قد حصل على النتيجة الآتية :

المجموع	-14.	-17.	-11-	-1	-4+	-4.	_v•	الذكاء
					ļ			الشخصية
14.	•	۱۷	10	79	۲V	**	10	انطوائي
4+	٣	1.	٨	1	44	10	17	انبساطي
44.	٨	YY	TY	70	01	۳۷	41	المجموع

جدول (٦٨) العلاقة بين تمط الشخصية والذكاء

فالأساس الذي يقوم عليه معامل الارتباط الثنائي هو المقارقة بين متوسط نسب ذكاء المجموعتين : الانبساطيون والانطوائيون فان كان متوسط المجموعتين واحدا دل ذلك على انعدام الارتباط بين المتغيرين . وكلما زاد أو قل متوسط الانطوائيين عن متوسط الانبساطيين كلما دل ذلك على علاقة قوية بين الانطواء والذكاء والعكس بالعكس . ولهذا فان العنصر الأسامي في هذا المعامل هو الفرق بين المتوسطين . فاذا رمزنا للمجموعة الأولى وهي مجموعة الانطوائيين بالرمز (أ) والمجموعة الأخرى بالرمز (ب) فان خطوات العمل تنحصر فيما بأتي :

أولا ... أوجد متوسط قيم المجموعتين ، أي م ، ، م ب ثانيا ... أوجد الانحراف المعياري للمجموعة الكلية ، أي ع .

وَقَدْ حَسَبَتْ فِي الْجَدُولَيْنِ الْأَتِّينِ هَذَّهُ الْمُقَادِيرِ الثَّلاثَةِ .

(ب)	المجموعة	المجموعة (أ)						
ك ح-	_د	التكرار (ك)	ك ح-	ے	التكرار (ك)	الفثات (ف)		
TY -	٧	17	io	٣	10	- Y•		
10	١ –	10	11 _	٧	14	۸۰ ا		
_	-	77	YV —	-	YV	- 4.		
*	١	٦	1	١ -	74	- 1		
13	Υ	^	10	١ ١	10	- 110		
۳۰	٣	1.	715	٧	۱۷	14.		
17	٤	٣	10	۳	٥	- 14.		
3.5			18					
٤٧-	}	1.	117-]	14.	المجموع		
17]		۰۲					

جدول (٦٩) متوسط نسب ذكاء المجموعتين

ك ح-٢	42_	ح-	쉰	فئات الذكاء
YV4	۹۳	۳ –	۳۱	- V+
١٤٨	Vŧ	۲	777	- A•
•4	04	١	01	- 4.
	_	- ,	٣•	- 1
77	44	١	Y۳	- 111
1.4	oş	Y	YV	- 14.
VY	41	٣	٨	- 14.
174	1.1		44.	المجموع
]	- 577			
	144 -			

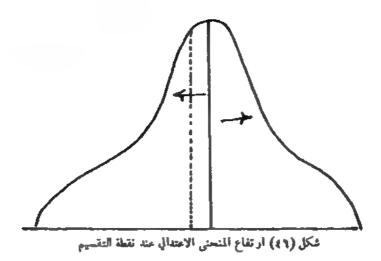
جدول (٧٠) الانحراث المياري للمجموعة الكلية

$$3 - 1 = \sqrt{\frac{PAF}{177} - \left(\frac{47}{177}\right)^7} - FV, FI$$

ثالثا ــ أوجد نسبة عدد أفراد المجموعتين الى أفراد المجموعة الكلية (المجموعتين معا) والرمز لهما بالرمزين أب .

نني منا المثال
$$1 = \frac{17^4}{77^4} = 10$$
مره

رابعا ــ ارجع الى جلول المنحى الاعتدالي (٤٩) ، لمعرفة ارتفاع المنحنى الاعتدالي عن نقطة انفصال المجموعتين ، أي نبحث في هذا المثال عن ارتفاع عندما تكون المساحة الكبرى ٥٩، والمساحة الصغرى ٤١، وهو يساوي ٣٩،



ولمرمز للارتفاع الذي تحصل عليه من الجدول عند نقطة التقسيم بالمرمز وص. . خامسا ــ عوض في القانون الآتي لتحصل على معامل الارتباط الثنائي

معامل الارتباط الثنائي
$$=\frac{17-7}{3}$$
 × معامل الارتباط الثنائي

واذا كانت قيمة م 1 – م ب سالبة الاشارة دلذلك على أن الارتباط عكسي على أذه اذا كان في هذا المثال متوسط نسبة ذكاء المتبسطين أكبر من متوسط نسبة ذكساء الانطوائيين دل ذلك على أن هناك علاقة عكسية بين الذكاء وانطواء الشخصية أو أن هناك علاقة طردية بين الذكاء وانبساط الشخصية .

فمعامل الارتباط الثنائي في المتال السابق يمكن ايجاده من البيانات الآثية :

و هو معامل ارتباط بالرغم من أنه موجب الا أنه ضعيف وهذا أمر طبيعي لما ينتظر للملاقة بين النواحي الانفعالية والقدرات العقلية بوجه عام .

هذا وقد تمكن دنلاب ^(۱) من تعديل القانون السابق لايجاد معامل الارتباط الثنائي الى الصورة الآنية من المرتباط الثنائي الى الصورة الآنية من المرتباط الثنائي الى الصورة الآنية من المرتباط الثنائي الى المرتباط الم

على اعتبار أن م هي متوسط قيم المجموعة الكلية .

التمديل الأخير يزيد من سهولة حساب المعامل نظرا لاقتصار حسابه على المجموعة (أ) والمجموعة الكلية ، وبذلك يتخلص الباحث من حساب معاملات المجموعة ب ، وبذلك يمكن حساب كل من م م ، ع في جدول واحد كما يلي :

المجموعة الكلية

المجموعة (أ)

كح	كاح	التكرار	كح	٦	التكرار	الفئات
	!	:			ű	ادت
774	44-	41	ţa_	۴	10	_V·
184	V£-	40	ŧŧ-	Y-	44	۸۰
•4	#4_	04	YV	1-	YV	-4+
	_	40	_	_	44	-1
74	77"	74	10	١ ،	10	-11-
1.4	•\$	77	74	٧	17	-17+
VY	71	٨	10	۳	٥	-14.
	-1.1		78			
1/4	-777	44.	117-		18.	المجموع
	-140]	۰۲_	1		

جدول (٧١) حساب معامل الارتباط الثنائي

والجديد في الصورة الثانية هو م (متوسط قيم المجموعة كلها)

وهو يساوي ۱۰۵
$$= \frac{170}{77^{\circ}} \times 10 = 94,77$$
 وهو يساوي ۱۰۵ $= 100.00$ $\times 94.77 = 100.00$ يكون معامل الارتباط الثنائي بناء على ذلك $= 17.70$ $\times 970.00$

وهي نفس التنبجة التي حصلنا عليها بالصورة الأولى لهذا المعامل .

ومعامل الارتباط الثنائي يرمز له عادة بالرمز الله ويمكنأن نرمز له بالرمز العربي .

معسامل التسوافق:

يختلف معامل التوافق عن معامل الارتباط السابقة في أن كلا من المتغيرين في المعامل الأول بصنف الى عدد من الأنواع المتميزة ، دون التقيد مطلقا بشرط اتصال التوزيع فيهما ، أي أن الأصل في استخدام هذا المعامل الحالات التي يختلف فيها أحد المتغيرين أو كلاهما اختلافا نوعيا — ولكن ليس معنى ذلك أنه لا يصلح في الحالات التي يختلف فيهما المتغيران اختلافا كيا متصلا.

واليك مثالا للحالات التي يستخدم فيها المعامل .

تدل الملاحظات الوراثية (١) على أن هناك اتجاها يؤدي الى التشابه بين لون عين الأم أو الأب ولون عين الطفل ، فلايجاد مدى هذه العلاقة بين هذين المتغيرين جمع باحث عددا من الحالات ولاحظ فيها لون عين كل أم ولون عين ابنها وحصل من هذه الملاحظات على مسايأتي :

يلاحظ أن لون العين متغير منفصل Discrete Variable أي أن التصنيف هنا نوعي.

المجموع	أخضر	أزرق	عسلي	أسود	عين الأم عين الأب
01	1.	17	١٣	10	أسود
٤٦	1.	14	11	١٠	مسلي
70	14	Y •	۱۷	10	أزرق
7.5	77	17	18	14	أخضر
770	00	٦.	٥٨	۲۵	المجموع

جدول (٧٢) الملاقة بين لون مين الأم ولون مين الابن

و يمكننا أن ندرك من مجرد ملاحظة القيم في هذا الجدول أن لون عين الأم ولون عين الابن يرتبطان ارتباطا موجبا . فاذا نظرنا الى الصف الأول وهو يمثل الحالات التي يكون لون عين الابن فيها أسودا وجدنا أن أكبر تكرار في هذا الصف هو تكرار الحليسة الأولى (١٥) . وهي الحلية التي يكون فيها لون عين الأب كذلك أسودا . وأكبر تكرار في الصف الثاني هو الذي يكون لون عين كل من الأب والابن عسليا ، وفي الصف الثالث والرابع فلاحظ أيضا نفس الملاحظة .

و هذه الملاحظة هامة من مبدأ الأمر ، لأن معامل التوافق لا يعطي اشارة الارتباط فهو لا يدل عما اذا كان الارتباط سالبا أم موجبا ، ولكن هذا يعرف من شكل توزيع التكر ارات في الجدول التوافقي وطريقة حساب معامل التوافق تنحصر في الحطوات التالية :

لكل خلية من خلايا الجدول أوجد مربع تكرار الحلية مقسوما على حاصل ضرب
 التكرار الكلي للعامود التابعة له في تكرار الصف التابعة له ، فاذا رمزنا للعامود التابعة له
 احدى خلايا الجدول

عامو د أ		بالرمز (أ) والصف التابعة له بالرمز (ب)
خلية أ ب	صف ب	كان الرمز الدال على الخلية (أب)

وتنحصر هذه العملية في ايجاد كان الحالي الم الحكي الحلايا ثم

تجمع النواتج فان حاصل الجمع يمكن أن نومز له بالرمز مح المناسب أي حاصل جمع خوارج قسمة مربع تكرار كل خلية على حاصل ضرب تكرار الصف التابعة له في تكرار العامود التابعة له .

وبنطبيق هذه العملية في المثال السابق نحصل على :

الصف الأول
$$\frac{(1)}{Y_0 \times Y_0} + \frac{(1)}{Y_0 \times$$

٧ ــ اذا رمزنا لحاصل الجمع السابق بالرمز مح فان معامل التوافق يمكن حسابه

مسن :

$$is = \sqrt{1 - \frac{1}{2}}$$
 $ie \sqrt{\frac{2-1}{2}}$

وقد رمزنا هنا لمعامل التوافق بالرمز (ق) ويرمز له عادة بالرمز (c) هذا ويمكن تسهيل الحساب قليلا بالتعديل الآتي :

$$11,87 \times \cdot, \cdot Y = \left(\frac{Y(1)}{90} + \frac{Y(1)}{7} + \frac{Y(1)}{1} + \frac{Y(1)}{$$

$$14, \cdot 7 \times \cdot \cdot Y = \left(\frac{Y(1)}{Y_0} + \frac{Y(1)}{Y_0} $

$$\begin{aligned} \log \left(\frac{1}{\sqrt{1}} \right) & = \frac{1}{\sqrt{1}} \left(\frac{1}{\sqrt{1}} \right)^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{\sqrt{1}} \left(\frac{1}{\sqrt{1}} \right)^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{\sqrt{1}} \left(\frac{1}{\sqrt{1}} \right)^{\frac{1}{2}} \\ & = \frac{1}{\sqrt{1}} \left(\frac{1}{\sqrt{1}} \right)^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{\sqrt{1}} \left(\frac{1}{\sqrt{1}} \right)^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{\sqrt{1}} \left(\frac{1}{\sqrt{1}} \right)^{\frac{1}{2}} \\ & = \sqrt{1 - \sqrt{1}} \end{aligned}$$

$$= \sqrt{1 - \sqrt{1}}$$

ومن المقيد أن تعرف ما اذا كان معامل التوافق يمكن مقارئته بمعامل الارتباط . الواقع أن معامل التوافق به عيب أساسي هام ، وهو أنه يتأثر كثيرا بعدد الأقسام في كل من المتغير بن أي أنه يعطي نتائج مختلفة اذا قسمت البيانات في المتغير الى ستة أقسام بدلا من أربعة ، ولذلك فان قيمته ينبغي أن ينظر البها على أساس عدد الأقسام التي قسم البها كل متغير . وهناك حد أقصى لقيمة معامل التوافق تبعا لأقسام الجدول .

و يعطينا « Kendall Yule » القيم القصري لمحامل التوافق في حالات عدد الحافات المبينة فيما يلي :

اذا كان عدد أقسام كل متغير ٢ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٧٠٧٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٣ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٨٦٦٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٤ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٨٦٦٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٥ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٨٩٤٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٦ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩١٣٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٧ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٢٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٧ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٢٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٨ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٢٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٨ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٨ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٩ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠ اذا كان عدد أقسام كل متغير ٩ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٤٠٠٠

(1)

Yule G.U. and Kandell, M.G. An Introduction to the theory of Statistics.

ونظرا لأن المامل في حالات التقسيم الضيق يكون بعيدا في حده الأقصى عن الواحد الصحيح فان هذا المعامل يكون في حاجة الى تصحيح في هذه الحالات ، حتى يمكن مقارنته بالمعاملات الأخرى . وقد اقترح « Pearson, K. » تصحيحا في حالات التقسيمات التي تقل عن أربع فئات تكل متغير ، ولكن اذا طبق نفس هذا التصحيح فيما اذا زاد عدد التقسيمات عن ذلك .

ولكن « Garret, H. » يفتر ح اقتر احا لهذا التصحيح أسهل كثير ا من تصحيح « Garret, H. فهو يرى أن يقسم كل معامل نحصل عليه من الحساب على الحد الأقصى المبين عاليه لنفس عدد الأقسام ، وبذلك نحصل على معامل يصل الى الواحد الصحيح اذا كانت القيمة الناتجة معادلة للحد الأقصى المتوقع . ففي المثال السابق كان عدد أقسام كل متغير 143 ، ولذلك فان الحد الأقصى للمعامل هو ٨٨٦، وكان معامل التوافق الناتيج من الجدول . ٠٩٣٠، فتصحيح هذا المعامل يصبح :

وبذلك تسهل مقارنة معامل التوافق بمعامل الارتباط ، وقد يقترب المعاملان بعضهما من بعض كثيرا في بعض الحالات ، بحيث لا يحتاج معامل التوافق الى تعديل وأهم هذه الحالات هي :

- ١ ــ عندما بكون التقسيم مفصلا أي أن يقسم كل متغير الى خمسة أقسام أو أكثر .
 - ٢ عندما تكون العينة كبيرة العدد نسبيا .
 - ٣ عندما يكون التقسيم طبيعيا لا تصنع فيه ولا ضغط .
- عندما يكون من المعقول أن نفتر ض أن كلا من المتغير بن موزع في الطبيعة
 توزيعا اعتداليا .

طريقة أخرى لحساب معامل التوافق :

هناك طريقة أخرى لحساب معامسل التوافق تقتضي حساب قيمة معامل كا^٧ وسنشرح هذه الطريقة في الباب القادم عند شرح طريقة لحساب معامل كا^٧.

Pearson K. On the measurement of the influences of Broad Categories — (1) Biometrika, 9 (1913).

عسامل قاي Phi Coeficient :

يعتبر هذا المعامل حالة خاصة من الحالات التي تستخدم فيها معامل التوافق. فهو لا يستخدم الا في الحالات التي يقسم فيها كل من المتغيرين الى قسمين متميزين (نوعين مختلفين) ومن أمثلتها الصفات وعكسها مثل الجنسين مذكر ومؤنث عي وميت ، ملون وغير ملون ، استجابة وعدم استجابة ، شفاء وعسدم شفاء ... النع . فاذا أراد باحث معرفة أثر دواء خاص في شفاء نوع من الأمراض مثلا فيمكنه أن يختار عينة من المرضى بالمرض الذي هو مجال البحث ، ثم يقسم هذه العينة الى قسمين : قسم يعالج بالدواء الحاص وقسم لا يعطى أي نوع من العلاج ، ثم يبحث بعد مدة أثر ملا يعالج بالدواء المرض ، فيحصر عدد الذين شفوا باستعمال الدواء . ويقارن بعدد من شفوا بغير استعمال الدواء ، ويقارن بعدد من شفوا بغير استعمال الدواء ، ويقارن بعدد من

النسيحة	المجمرع	لم يعالجوا بالدواء	عوباسوا بالنواء	النتيجة
•,६٣ •, 0 ٧	10.	140	110	شفوا من المرض لم يشفوامن المرض
٧,٠٠	70.	71-	14.	المجموع
	1,**	٠,٦٠	1,21	النسبة

جدول (٧٣) جدول تكراري لحساب معامل فاي

يلاحظ من هذا الجنول أن أغلب الذين عرلجوا بالدواء قد شفوا من المرض ، فقد شفي ١١٥ من ١٤٠ مريضا بهذا الدواء ، بينما لم يشف أغلب الذين لم يعالجوا بالدواء ، فلم تشف غير ٣٥ فقط من ٢١٠ دون تعاطي الدواء . مما يدل على أن الدواء أثر يذكر في شفاء المرض .

وبرمز لهذا المعامل بالرمز كرولا مانع من أن نتخذ نفس الحرف رمزا لهذا المعامل هنا. ولكي يسهل حساب معامل فاي في مثل هذا الجدول تحول هذه التكرارات الى نسب من المجموع الكلي ، أي بأن تجعل المجموع الكلي ١,٠٠ كما يلي ، كما قرمز لكل خلية بالجدول بالرموز المبينة :

المجموع	لم يعالجـــوا بالدواء	عوبلحوا بالدواء	النتيجة
*,£** (A)	۰٫۱۰ (ب)	(Î) •,٣٣	شفوا من المرض
۰,۰۷ (ی)	(2) 1,01	(-) ···V	لم يشقوا من المرض
1	٠,٦٠ (ن)	·, į · (A)	النسِـة

جدول (٧٤) تحويل الجدول التكراري إلى نسبة تكرادية .

وتحسب نسبة كل خلية بقسمة تكرارها على المجموع الكلي لعدد الحالات ، فالنسبة 100 ، ۱۰۰ من ۲۵ ، ۲۰۰ من ۱۵۰ ، ۲۰۰ من ۲۰۰ من ۲۰۰ من ۲۳۰ ، ۲۰۰ من ۲۳۰ من ۲

والقانون الذي يحسب به معامل الا هو كالآتي :

وهو يساوي في هذا المثال :

خاتمة في معامسل الارتباط:

درسنا في هذا الباب عددا من معاملات الارتباط ، ولكل من هذه المعاملات حالات

خاصة فيفضل فيه دون غيره. وأهم هذه المعاملات وأكثرها شيوعا هو معامل ارتباط بيرسون بصوره المختلفة ، فمعامل ارتباط الرتب لسيبرمان يستخدم عادة اذا كالحصول على الرتب المختلفة لأقراد العينة أكثر دقة من اعطاء كل قرد قيمة خاصة . ففي كثير من الأحيان يكون من الصعب امتلاك الأقراد لهذه الصفة وميزة معامل ارتباط سببرمان سهولة حسابه ، الا أن مما يزيد صعوبة حسابه تكرار الترتيب وكبر هدد أفراد العينة ، أما معامل ارتباط بيرسون فبالرغم من أنه يحتاج الى عمليات حسابية كثيرة الا أن الآلات الحاسبة تسهل ذلك كثيرا ، ولذا فان هذا هو المعامل الذي بعدم عليه أغلب الباحثين في بحوثهم ، والصورة المشتملة على الجدول التكراري المزدوج تستخدم بنوع الباحثين في بحوثهم ، والصورة المشتملة على الجدول التكراري المزدوج تستخدم بنوع خاص في حالات العينات الكبيرة ومن المهم أن يتأكد الباحث من استيفاء الشروط اللازمة لاستخدامه قبل الالتجاء اليه . وأهمها أن تكون العلاقة مستقيمة أما اذا كانت العلاقة منحنية استعيض عنه بنسبة الارتباط .

وفي الحالات التي لا يتسنى فيها تقسيم أحد العاملين الى أكثر من فئتين بينما يمكن تقسيم العامل الآخر تقسيما متصلا متدرجا ، فإن المعامل الذي يصلح في هلمه الحالة هو المعامل الثنائي ، أما اذا كان هذا هو الحال مع المتغيرين استخدم حينئل معامل الارتباط الثنائي والرباعي ينبغي أن الرباعي . ويجب ألا ننسى أن استخدام كل من معامل الارتباط الثنائي والرباعي ينبغي أن يكون مؤسسا على أن كلا من المتغيرين يتغير تغيرا مستمرا Continuous وإن الاقتصار على فئتين فقط لا يغير من هذا الأساس وأنما قعمد بهذا الاجراء التغلب على صعوبة الحصول على تقسيم أكثر دقة وتفصيلا ، بحيث اذا اشتمل البحث على أنواع متميزة منفصل بعضها عن بعض أصبح على الباحث أن يتجنب استخدام هذين المعاملين ، واستخدم بدلهما معامل التوافق في حالة امكان التقسيم الى أكثر من فئتين ، أو معامل فاي حالة تقسيم كل من المتغيرين الى فئتين منفصلتين .

أما معامل الارتباط المتعدد والجزئي فهما يستخدمان بنوع خاص في حالة حرص الباحث على أن يعمل حسابا لأكثر من متغيرين ، ويفيد الباحث كثيرا معرفة معادلسة الانحدار المتعدد ليقف على مدى أهمية العوامل المختلفة في التأثير في ظاهرة أو صفح خاصة . والفائدة الأساسية من معامل الارتباط الجزئي هي استبعاد أثر عوامل خاصة والابقاء على عوامل أخرى في احدى الظواهر أو الصفات حين يتعذر على الباحث أن يقوم بهذا الاستبعاد تجريبيا . وتثبيت هذا العامل أو هذه العوامل في العينة المختارة . مما لا يتسع له هذا الحال .

واذا استخدم الباحث احدى هذه الطرق فيجب أن يستخدم نفس الطريقة اذا كان يهدف المقارنة. فليس من الصواب أن نحسب معامل الارتباط بين أ، ب معامل ارتباط الرتب ثم تحسب معامل التوافق بين ب ، حثم تقارن بين هذين المعاملين بعد ذلك لنقرر ما اذا كانت الملاقة بين أ، ب أكبر أو أصغر قدرا من العلاقة بين ب ، حبل يجب توحيد الطريقة في حالات المقارنة.

وفي تفسير معامل الارتباط ينبغي أن يكون الباحث حريصا : فمجرد وجود الرابط لا يدل على أن أحد العاملين سبب العامل الآخر أو نتيجة له ، فالعلاقة السببية كما ذكرنا في الباب الأول لا يمكن الوصول اليها عن طريق الاحصاء فقط ، بل بحتاج علاوة على ذلك ادراكا لطبيعة هذين العاملين مما لا يتيسر للاحصاء الوصول اليه .

وينبغي ألا يغيب عن بالنا أن قيمة معامل الارتباط متعلقة لدرجة كبيرة بالعينة التي يحسب على أساسها فلا يصبح أن نقول أن معامل الارتباط بين الميل الاجرامي والذكاء هو ... فليس هناك معامل ارتباط مطلق بل ان المعامل نسبي دائما ومرتبط بصفات العينة .

ولكي نوضع اختلاف قيمة معامل الارتباط باختلاف العينة نفرض أنه أجى اختباران على؟ أشخاص ، أ ، ب ، ح ، د ، ه ، و – وكانت درجاتهم فيهما كالآتي :

(ب)	اختبار	(h)	اختبا	
۲٠.		٠٥		1
44		Yo		پ
٨		٨		-
44				د
10		10		A
*		0 4		•

ولنفرض أننا أخذنا عينة من ثلاثة أفراد فقط من هذه المجموعة وكان هؤلاء الأفراد هم أ ، د ، و ــودرجاتهم في الاختبارين هما :

اختبار (ب)	اختبار (آ)	
٧.	a •	î
٧.	۵٠	د
Y •	••	,

فاذ؛ حسبنا معامل الارتباط بالانحرافات أو القيم الخام بين درجات الاختبارين في هذه العينة وجدنا أن معامل الارتباط = صفر بينما لو اخترنا ب ج ، ه ، و درجاتهم كالآتي:

اختبار (ب)	اختبار (أ)		
Yo	Yo	ب	
٨	٨	>	
10	10		

لكان معامل الارتباط = ١

وعلى وجه العموم فانه كلما كانت القيم في العينة مختلفة اختلافا منسعا كلما كانت قيمة معامل الارتباط أكثر ارتفاعا ، بينما كلما كانت العينة متقاربة في الصفتين المطلوب ايجاد العلاقة بينهما كلما صغرت قيمة معامل الارتباط ، ويمكن توضيح هذا من الجلول الارتباطى الآتي الذي ببين العلاقة بين أطوال ١٠٠ طالب من طلبة الجامعة وأوزائهم .

4 11	-14•	-140	-17.	-170	-171	100		الطول
المجموع	-1/-			_110	-114	-100	-19.	الوزن
٧							Y	_ 4+
11				٧	۲	ŧ	۳	_ 00
١٧		١	١	3	•	۲	۲	- 4•
١٧		١	۲	•	4	٣	۲	- 10
۱۲	١	١	٠	۲	۲	١		٧٠
14.	١		٥	ŧ	٧		١	_ Va
14	١	Ę	ŧ	۳	١			۰۸۰
10	•	۳	•	Y		_		— ∧ ∘
1	٨	1.	14	Y£	17	١.	1.	المجموع

جِمُولُ (٧٥) أَثْرُ الدِّينَةُ المُخْتَارَةُ فِي مَمَامِلُ الارْتِبَاطُ بِينَ الطُّولُ والورْبُ

من ملاحظة تكرار خلايا الجلول يتضح أن معامل الارتباط بين الطول والوزن موجب مرتفع. ولنفرض أن الجلول اقتصر على التكرارات المحصورة في أحد المربعين الموضحين داخل الجلول. أي أننا قصرنا الحساب على عينة مختارة Selected ومتجانسة تجانسا كبيرا « Too Homogeneous » أي اخترنا ٣٣ طالبا (المربع العلوي) أطوالهم من ١٥٥ كجم الى أقل من ١٧٠ كجم ، أو ٢٨ طالبا (المربع السفلي) أطوالهم محصورة بين ١٦٥ سم وأقل من ١٨٠ سم وأوزانهم بين طالبا (المربع السفلي) أطوالهم محصورة بين ١٦٥ سم وأقل من ١٨٠ سم وأوزانهم بين المينتين بكاد يكون صفرا .

من هذا يتضح أن الباحث ينبغي أن يكون حريصا في اختيار العينة التي يحسب على أساسها معامل الارتباط حتى لا تكون عينة مختارة ومتجانسة تجانسا كبيرا ، كما ينبغي أن يقرن قيمة معامل الارتباط الذي ينتج في بحثه بذكر العينة التي أجرى عليها البحث .

أمثلة على الباب الحامس استبيانات الشخصية .

		1 1 10 21	. 10		 _
العصبية	الشعور بالنقص	الانطواء	الحضوع	التوافســـــق الاجتماعي	رقسم
	بالنقص		والسيطرة	الاجتماعي	الطالب
18	YY	- 11	10	٨	١
١٠	4.	13	77	٩	٧
14	٧٠	١٠	11	1/	٣
4	18	14	44	11	٤
14	11	10	40	17	a
18	Y+	17	17	17	3
4	٧٠	1.	٦	10	٧
17	41	11	۱۸	11	٨
14	Ye	14	1	11	4
10	4V	17	70	14	1.
14	40	10	٧٠	18	- 11
11	71	18	44	14	17
15	77	1.	•	۲٠	14
14"	Ye	14	13	14.	18
111	77	14	17	10	10
114	1 44	10	۳۸	18	17
18	14	17	£¥	1/4	17
14	74	14	70	A.A.	1/
10	10	16	۳۰	17	11
13	YA	10	YY	11	٧٠
1.4	44 .	11	40	11	71
- 11	Yo	10	١٧	١٣	YY
11	Y£	14.	1 ,	14	177

14	17 40
	40
3,900	
14.	Y7.
11	44
18	٧٨
١٨	44
۱۳	4.
11	41
14	77
١٨	77
10	44
18	40
11	44
41	77
17	44
14	44
18	1.
۱۷	11
11	43
14	24
10	111
11	10
18	£4
41	14
- 11	£A.
١٣	£4 ·
11	0.
	11 12 14 17 14 16 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19

جدول (٧٦) درجات خمسين طالباً في خمس استبياذات الشخصية

١ _ احسب معامل ارتباط الرتب بين درجات عشرين طالبا (١ - ٢٠) في الاستبيانين .

$$(1) \cdot (1) - (1)$$

۲ باستخدام معامل ارتباط بیرسون أوجد مدی العلاقة بین درجات عشر طلبة
 ۱) فی الاستبیانین .

$$(i)$$
 i (i') i (i')

(استخدم الدرجات الأصلية « الحام » كما هي ، دون الاستعانة بتخطيط الانتشار) .

٣ حول الدرجات في المسألة السابقة الى انحرافات عن المتوسط الحسابي واحسب معاملات الارتباط من هذه الانحرافات ، وحقق النتائج الثلاثة التي حصلت عليها في المسألة السابقة بهذه الطريقة .

٤ - استخدم تخطيط الانتشار والجدول التكراري المزدوج في حساب معامل الارتباط بين درجات كل استبيان ودرجات غيره من الاستبيانات ، وضع النتائج التي خصل عليها في مصفوفة ارتباطية على الصورة الآتية :

(*)	(1)	(T)	(٢)	(/)	
44.00	215	412	41-34	-	(1)
44.5	شراع	44.7	-	14.54	(٢)
24.5	24.35	_	442	142	(٢)
1 3 a	_	48.5	45 %	18-5	(\$)
***		445	207	105	(°)

الجدول الآتي يبين العلاقة بين الاتجاه لعدد من الأشخاص نحو التعصب الديني
 ودرجاتهم في استبيان لقياس مدى التدين والمطلوب حساب معامل الارتبساط الثنائي
 Bi Serial ين هذين المتغيرين .

المجموع	- * 0	-4.	40	-Y•	10	۱۰	0	صفر ۔۔	الاسة يان الاتجاه
٧٣		10				٤	_	۲	موافق
VV	١٠.	_	٤		1.	Yo	۱۳	10	معارض
10.	70	10	17	١٠	10	74	۱۳	17	معارض المجموع

جدولُ (٧٧) العلاقة بين الاتجاء تحوالتمصب الديني و درجات استبيان مدى التدين

تسم درجات استبیان التوافق الاجتماعي (۱) في الأسئلة السابقة الى قسمین : أقل من ۱۵، ۵۰ فأكثر . و درجات تباین الشعور بالنقص (٤) الى ست فئات : ۱۲ ، الله من ۱۵ ، ۲۰ – ۲۰ ، ۲۰ – ۲۰ و استنتج من هذا الجدول معامل الارتباط الثنائي بین درجات هذین الاستبیانین .

٧ ـــ الجدول الآتي يبين العلاقة بين جنسية الفرد ونوع الموسيقي التي يفضلها .

جنسية الشخص توع الموسيقى المفضلة

•	المجموع	أسباني	ايطــالي	ألماني	فرنسي	انجليزي	
Γ	7	۳۰	٤٧	٧a	17	44	انجليزي
-	7	٤٠	٤١	13	٦٧	1.	فرنسي
1	7	44	77	1.4	77	17	ألماني
	۲.۰	11	٧٦	££	۲٠.	١٦	ايطاني
ļ	7	77	24	۳۰	۳۵	٨	أسباني
	1	4.4	757	YAA	174	٧٨	المجموع

جدول (٧٨) الملاقة بين الجنسية والنوع المفضل في الموسيقي

احسب معامل التوافق (ق C) بين هذين المتغيرين .

الباب السادس

العينات ومقاييس الدلالة

المينات: شروطها وطرق اعتيارها.
 بات المقاييس الاحصائية:
 المسيط الحسائي
 معامسل الاربساط النسسة المتوية
 الانحسراف الميساري
 دلالة الفروق والفرض الصفري:
 النسبة الحرجة
 مقساييس الدلائة:
 اختبسار ه ت ه
 اختبسار كا ٢
 اخبسار كا ٢

العينسات واختيسارها:

من أهم المشاكل التي يصادفها الباحث مشكلة اختيار العينة التي يجري عليها البحث. لأنه بتوقف على هذه العينة كل قياس أو نتيجة يخرج بها ، فالاختيار العقلي قد يوصف بأنه صعب أو متوسط أو سهل حسب العينة التي يطبق عليها ، والمتوسط الحسابي لأي صفة نفسية أو اجتماعية يتغير بتغير المقياس الذي يستخدم في هذا القياس ، كما يتغير تغيرا كبيرا تبعا للعينة التي يختارها الباحث في قياس هذه الصفة . ومعامل الارتباط بين أي متغير بن كذلك - يتوقف على درجة انسجام أو اختلاف العينة التي يحسب فيها هذا المعامل .

ويضطر الباحث الاجراء بحثه على عينة محدودة العدد الاعلى المجتمع الأصلي بأكمله ، لأن اجراء البحوث على المجتمع الأصلي بأكمله يكلف الباحث قدرا كبيرا جدا من الوقت والجهد والمال . ويكفي أن نتصور مقدار الوقت والجهد الذي يبذل عندما تنظم الحكومة القيام باحصاء عام كل عشر سنوات ، مع أن الاحصاء الايشتمل الاعلى عملية عد بسيط وحصر للأفراد الموجودين . فان كان البحث يشتمل على اختبار وتحقيق حالات اجتماعية وبحث حالات فردية Case Study كانت الصعوبة التي يصادفها الباحث في تطبيق بحثه على المجتمع بأكمله مضاعفاً والاسيما وأن الاحصاء قد بلغ من التقدم الآن مرحلة يستطيع الباحث أن يستنج من العينة الصغيرة المحدودة ما بود استنتاجه عن المجتمع الأصلي يستطيع الباحث أن يستنج من العينة الصغيرة المحدودة ما بود استنتاجه عن المجتمع الأصلي الاختيار دون التقيد بنظام أو وسيلة علمية خاصة بل هناك شروط خاصة ينبغي توافرها الابنة حتى نستعيض بها عن المجتمع الأصلي الكبير . ومن أهم شروط العينة الشرطان الآنبان :

ا ـــ أن تكون العينة ممثلة Representative المعجتمع الأصلي . فاذا كان المجتمع الأصلي مثلا مكونا من صندوق من البلى : الأزرق والأصفر والأحمر وأردنا أن نأخذ

عينة من هذا الصندوق فكلما اشتملت العينة على جميع الألوان المكونة لهذا الصندوق · كانت العينة صالحة لتمثيل المجتمع .

٧ — أن تكون لوحدات المجتمع الأصلي فرصا متماوية Equal Chances في الاختيار . وكثيرا ما يقع الباحث في خطأ علم استيفاء هذا الشرط في العينة التي يختارها دون قصد منه ، فاذا كان البحث يتعلق باجراء استبيان على مجموعة خاصة ، كان من السهل عليه أن بختار الأشخاص القريبين منه أو المحتكين به ، وفي هذا قصر الاختيار على مجموعة دون غيرها ، وعدم اعطاء جميع أفراد المجتمع فرصا متساوية في الاختيار .

وغالبا ما يكتفي الباحث بالشرط الثاني ، لأن فيه عادة ضمان لاستيفاء الشرط الأول فاذا ضمنا تساوي فرص الاختيار لجميع الأفراد حصلنا عادة على عينة ممثلة للمجتمع الأصلي ، ويمكن للطالب أن يجري بنفسه التجربة الآتية :

ضع ٢٠٠ قطعة من قطع الورق الصغيرة في صناوق وقسمها الى خمسة أقسام أي و٠٠ قطعة في كل قسم ، واكتب الرقم (١) على قطع القسم الأول ، (٢) على قطع القسم الثاني ، (٣) على قطع القسم الثالث ، (٤) على قطع القسم الخامس .

ثم الخلط هذه القطع جميعها خلطا جيدا في الصندوق. ثم الختر عينات كل منها من خمس ورقات مع ملاحظة الأرقام المكتربة على أوراق الهينة وارجاعها الصندوق في كل مرة. وكرر ذلك حوالي عشرين مرة أو أكثر تلاحظ أن خمس عدد الأوراق في العينات تقريبا مكتوب عليها الرقم (١) . وخمسها أيضا مكتوب عليه الرقم (٢) و ... وهكذا مما يوضح أن العينة المختارة هي في نفس الوقت ممثلة المجتمع الأصلي ، لأنها تتكون من نفس الصفات بنفس السيب .

والطرق الشائعة لاختبار العينات يمكن حصرها فيما يأتي :

العينة العشوائية Random Sample :

يقصد بالمينة العشوائية تلك العينة التي لا تتقيد بنظام خاص أو ترتيب معين مقصود في الاختيار . وبذلك نضمن لجميع أفراد العينة فرصا متساوية . وفي هذه الحالة توصف العينة بأنها غير متحيزة Unbiassed . والطريقة العادية التي يميل اليها العامة دائمًا وهي كتابة أسماء أو أرقام العينة في أوراق صغيرة وتطبيقها وخلطها تماما ثم اختيار العسدد

وبطلق كثير من الباحثين الاجتماعيين على هذا النوع من العينة اسم الاختيار المباشر من الملف « Direct File Sampling » ويقتضي هذا الاختيار الاطلاع على الملف المجتوي على أفراد المجتمع الأصلي (ان كان من المتيسر ذلك) ، ثم اجراء الاختيار من الأفراد المنونة في هذا الملف مباشرة .

وبالرغم من السهولة الظاهرة في هذه الطريقة الآ أن كثيرا من الباحثين يقعون في أخطاء عند تطبيقها . ففي احدى الاستفتاءات التي أجريت في الولايات المتحدة الخاصة بانتخاب رياسة الجمهورية قبل اجرائه ، اختيرت العينة من بين أسماء الأشخاص المدونة أسماؤهم في كراسة أرقام التليفون بطريقة عشوائية الآ أن الواقع أن حصر الاختيار من بين أسماء الأشخاص المدونين في هذه الكراسة يحد من اختيار العينة ، لأنه من الطبيعي أن الأشخاص الذين اختيرت منهم العينة هم فئة خاصة من المجتمع الأصلي وليس المجتمع الأصلي كله . وهم عادة فئة أحسن حالا وأرقى من حيث المستوى الاقتصادي الاجتماعي من الذين لم تدرج أسماؤهسم ، وبهاذا وقسع الاستفتاء في خطأ غير مقصود ، وهو عدم اعطاء فرص متساوية لأفراد المجتمع الأصلي ، باهمال عدد منهم وحرمانهم من حقهم في الاختيار في العينة .

ويعلق نيو كومب Newcomb (1) على احتمال وقوع الباحث في خطأ تطبيق العينة العشوائية دون قصد منه حين يقول :

Newcomb. T. Social Psychology. (1)

و اذا كان على الباحث أن يقابل تبعا للعينة العشوائية أشخاصا لا يميل لمنظرهم ، أو أن يفضل أن يتعرض لأقسام خاصة من المدينة أو حتى اذا تجنب الحروج من منزله في يوم مطير ، فانه يكون من السهل عليه أن يملأ بياناته دون أن يتعرض لما يكرهه » .

وللتقليل من العامل الشخصي بقدر الامكان تلجأ الهيئات الى الوسائل الآلية في اختيار العينة ، كما يحدث مثلا في سحب أرقام اليانصيب أو في استخدام زهر اللعب والأرقام الني يقع عليها لتحديد الاختيار . وقد ذكرنا سابقا عند الكلام على المنحنى الاعتدالي كيف تتحددهذه الأرقام بعامل الصدفة .

: Stratified Sample العينة الطبقيسة

العينة الطبقية هي تلك العينة التي يمّ اختيارها على مرحلتين :

- ١ ـــ مرحلة تحليل المجتمع الأصلي .
- ٢ ــ مرحلة الاختيار العشوائي في حدود صفات المجتمع الأصلي .

فالباحث في هذه الطريقة يبدأ بدراسة المجتمع الأصلي ، فيعرف الأوصاف المختلفة المشتمل عليها ، والنسب التي تتمثل بها كل صفة في هذا المجتمع ، وبعد هذه الدراسة يتبع نظاما عشوائيا متقيدا بنتائج تحليله في الحطوة الأولى . ولنفرض أن باحثا أراد أن يبحث المستوى الاقتصادي الاجتماعي لطلبة كلية من الكليات وأراد اختيار عينة من طلبة الكلية متبعا هذه الطريقة ، فان عليه أن يدرس طلبة الكلية من نواحى كثيرة أهمها : --

- (أ) نسبة عدد طلبة الأقسام المختلفة والسنوات المختلفة .
 - (ب) نسبة العللبة الى الطالبات.
 - (ج) نسبة الأدبان المختلفة.
 - (د) صناعة الوالد أو ولي الأمر .
 - (a) منطقة السكن ،
 - (و) مستوى تعلم الوالدين . . .
 - الخ .

وهكذا فان على الباحث أن يعمل حسابا لعوامل كثيرة حتى بجعل العينة التي يختارها

ممثلة تمثيلا تاما بقدر الامكان للمجتمع الأصلي . فيحافظ على النسب المختلفة والأنواع المتباينة في العينة التي يختارها . فالعينة الطبقية لا يمكن وصفها بأنها عينة عشوائية أو عينة مقيدة . ذلك لأنها تجمع بين الناحيتين فهي مقيدة بأوصاف المجتمع الأصلي وعشوائية في حدود هذه الأوصاف .

ويطبق هذا النوع في البحوث الاجتماعية تحت أسماء وصور مختلفة أكثر شبوعــــا Quota Sampling, Area Sampling

وفي النوع الأخير تحدد المساحات أو الأقسام التي تقسم اليها المنطقة أو المدينة الواحدة، ولذا فمما يسهل هذا النوع من الاختيار أن يكون لديه خريطة للمنطقة أو القسم أو المساحة المراد تمثيلها في العينة ، ثم تحتار المناطق التي تمثل في العينة اما بطريقة عشوائية أو بشروط خاصة يضعها المجرب . ففي حالة استفتاءات الرأي العام مثلا يتمين على المجرب بعد وضع تصميم خطة العينة أن يتصل بجميع أفراد المنطقة التي يختارها أو بعدد ما يختاره منها بطريقة ما . ومن عيوب هذه الطريقة أن بعض الأشخاص المراد استطلاع رأيهم ينتقلون من مكان لآخر أثناء تطبيق الاستفتاء ، أو أن بعض المختارين في العينة قد لا يميلون للتعاون مع الباحث فيضطر الباحث الى الاستعاضة عنهم بغيرهم . وسيأتي تفصيل هذه الطريقة فيما بعد .

وواضح أن هذه الطريقة تستغرق جهدا في تحليل المجتمع ، كما تحتاج الى حرص لا يقل عما تنطلبه الأولى ، فليس من السهل على الباحث أن يجعل العينة ممثلة تمثيلا تامـــا للمجتمع .

: Controlled Sample العينة القبدة

العينات التي سبق وصفها عينات تؤخذ من مجتمع كبير وتبذل جهود المجرب لكي يصل الى عينة تقوم مقام المجتمع الأصلي بوجه عام ، الا أن بعض البحوث يتطلب عينات مقيدة محددة بأوصاف خاصة ، وبذلك تكون عملية الاختيار من المجتمع الأصلي عملية مشرطة بشروط تحدد الأفراد الذين تشتمل عليهم العينة المطلوبة . فاذا أراد الباحث أن يجري بحثه على طلبة الكلية الممتازين علميا فقد يحدد هذا الامتياز العلمي بأنه يشتمل على مرتبة جيد جدا على الأقل في النتيجة النهائية لمواد العام الذي يجري فيه البحث ، وعلى ذلك فان الحطوة الأولى في اختيار أفراد العينة تنحصر في تحديد الأفراد في المجموعة الأصلية (طلبة وطالبات الكلية جميعا) الذين ينطبق عليهم هذا الشرط ، أي الحائزين على درجة

جيدا جد على الأقل، وفي هذه الحالة قد يكون عدد هؤلاء الطلبة قليلا للرجة أن العينة تستنفذهم جميعا وبذلك لا تكون المشكلة اختيار عينة من بين أفراد المجتمع ، بل مشكلة الحصول على عدد كاف من الأفراد لغرض البحث . وكلما كثرت الشروط اللازمة في العينسة صعب الحصول عليها بطبيعة الحال وقل عدد الأفراد الذين يتم الاختيار من بينهم ، أما اذا كان المجتمع الأصلي مشتملا على عدد كبير من الأفراد المستوفين لحميم الشروط اللازمة في العينة ، قان من اللازم بعد عملية الحصر الأولى اجراء عملية اختيار اما عن طريق عشوائي باضافة شرط جديد يحدد من عدد الأفراد اللائفين للعبنة . .. فني المثال انسابق له اذا كان عدد الحائزين على تقدير و جيد جدا وفي مواد العام الدراسي أكثر من العدد المطلوب قد يميل الباحث الى زيادة التحديد فيفتصر بحثه على الطلبة دون الطالبات ، أو على طلبة وطالبات السنتين النهائيتين فقط ، أي أن اختيار العينة في هذا النوع يتم أيضا على خطوتين ، تشتمل الحطوة الأولى على حصر الأفراد المستوفين الشروط المكن اعتبار هذا النوع من العينة ضمن نوع العينة الطاقية السابقة .

أما تحديد أي نوع من أنواع العينة التي سبق وصفها هو الصالح الباحث فهذا يتوقف على طبيعة البحث وهدفه ، وقد يجد الباحث نفسه مضطرا الى استخدام عينة من نوع خليط من الأنواع جميعها .

لبسات المقاييس الاحصائية:

اذا كان من المتعذر على الباحث أن يشتمل بحثه على جميع أفراد المجتمع الأصلي وأنه يتعين عليه ازاء هذه الصعوبة أن يتفسن بحثه عينة محدودة العدد فقط فان من المهم أن نتساءل عن مدى دقة وثبات النتائج التي يحصل عليها من بحثه على العينة المحدودة . يمعنى لو حدث وكرر الباحث ففس البحث وقد يغير في هذا الاجراء المتكرر أفراد العينة فما هو مدى التغير في المعاملات والمقاييس التي يجدها في كل مرة ؟ وهل هذا التغير كبير للرجة تجعلنا نشك في أن العينات المختلفة في مرات البحث المتكررة قد جاءت من مجتمع أصلي واحد ؟ أو أن هناك فرقا جوهريا بين نتائج هذه التجارب المتكررة للمرجة تجعلنا نشك في الاعتماد على أنها على أنها تقدير ناجح Estimation المعاملات والنتائج التي يحصل عليها الباحث لو أمكنه (جدلا) اجراء البحث على جميع أفراد العينة الأصلية .

ويميل الاحصائيون الى التفريق بين أسماء ورموز المعاملات المختلفة في العبنة ومــــا

يقابلها في المجتمع الأصلي. فبينما يسمون معاملات المجتمع الأصلي Population Parameters ومسن الطبيعي أنه لا يمكن مطلقا التنبؤ يسمون معاملات العينة الحقيقية من معرفة المعاملات والنتائج التي يحصل الباحث عليها من العينة مهما أحكم اختيارها بدقة تامة . ولكن الباحث يستطيع أن يضع حدودا القيمة المتوقعة في المجتمع الأصلي ، ويقرن هذه الحدود بنسبة احصائية ، هي نسبة الثبات أو التأكد ، وقد سبق أن ذكرنا ذلك في الباب الأول عند الكلام عن فوائد الاحصاء في البحوث العلمية . والباب الحالي هو المتعلق بمعاملات ثبات احصائيات العينة ومدى الاعتماد عليها .

ويخطىء كثير من الباحثين والمجربين باهمال حساب معامل الثبات المنتائج التي يحصلون عليها ، متخذين النتائج التي يحصلون عليها في بحوثهم المحددة بعينة مخصوصة وظروف محددة على أنها النتائج التي كانوا يحصلون عليها عند اشتمال البحث على جميع أفراد المجتمع وتحت ظروف طبيعية الغاية ، فاذا وجد باحث معامل ارتباط ٢٠٠٠ بين متغيرين فهل هذا المعامل يقطع بوجود علاقة طردية بين المتغيرين ؟ حينئذ تتحول المشكلة الى مشكلة ثبات هذا المعامل التجربي الذي نتج من البحث . وعلى الباحث أن يسأل نفسه دائما عن مدى الثقة التي يضعها في نتائجه التي يحصل عليها ، ومدى التغير المتوقع في هذه النتائج لو كرر البحث وزاد اتساعا .

لبسات المتوسط الحسابي :

ولذبدأ بالوسيلة الاحصائية لحساب ثبات معامل من أهم المعاملات المستخدمة في البحوث النفسية وهو المتوسط الحسابي . ولنفرض أن الباحث كان يهدف الى حساب متوسط أعمار المتقدمين للامتحان بالجامعات المصرية وقد أخذ عينة ممثلة بأية طريقة من العلرق العلمية السابق ذكرها وحسب المتوسط الحسابي لأعمار هذه العينة فكان ٢٠ سنة ، فمن الطبيعي أن هذا المتوسط قد ينطبق أو لا ينطبق على المتوسط الحقيقي للأعمار (المتوسط الحقيقي للأعمار (المتوسط الحقيقي الأعمار المتوسط الحقيقي المتوسط المقدر من الحقيقي من العينات). الا أنه من المرجع اذا كانت العينة صحيحة ألا يبعد هذا المتوسط عن المتوسط الحقيقي كثيرا ، بل ان متوسطات العينات تتذبذب حول هذا المتوسط الحقيقي ، ومن الثابت احصائيا أن التوزيع لمتوسطات هذه العينات يكون قريبا المتوسط الحقيقي ، ومن الثابت احصائيا أن التوزيع لمتوسطات هذه العينات يكون قريبا قربا كافيا من التوزيع الاعتدائي ، بل هو أقرب عادة لهذا النوع من التوزيع من قيم

الأنراد المكونة للمجتمع الأصلي . كما أن الانحراف المباري لهذه المتوسطات يكون.عادة أقل من الانحراف المعباري للقيم الأصلية (ويطلق على الانحراف المعباري العبنات اسما آخر هو • الحطأ المعباري Standard Error ويرمز بالرمز خ م .P.E) ومن الواضح أن نشتت متوسط القيم في العينة يتوقف على عاملين هامين :

١ ــ الانحراف المعياري المجتمع الأصلي ، ذلك لأنه كلما كان الانحراف المعياري المعجتمع الأصلي صغيراً تقساربت قيمة بعضها من بعض ، وكلما تفاربت تبعا لذلك قيم العينات المختارة . بينما اذا كبر الانحراف المعياري المجتمع الأصلي زاد اتساع تباين القيم الأصلية وزاد احتمال تشتت متوسطات العينات المأخوذة .

٧ — عدد أفراد العينة فاذا كان عدد العينة صغيراً في كل مرة كلما توقعنا تشتتا كبيرا في قيم متوسطات العينات ، وكلما اشتملت العينة على عدد أكبر مسن الافسراد كان تشتت متوسطات العينات صغيرا ، بحيث اذا وصلنا بحجم العينة الى منتهى الصغرأو الكبر وصلنا بتشتت المتوسطات الى حده الأكبر أو الأصغر . فاذا وصل حجم العينة درجة من الصغر حتى وصلت الى فرد واحد كان الانحراف المعياري المتوسطات هو نفس الانحراف المعياري الأفراد المجتمع الأصلي ، واذا بلغ حجم العينة درجة من الكبر حتى استغرق المجموعة كلها في عينة واحدة أصبح هناك متوسط واحد ، ومن ثم أصبح الانحراف المعياري صفرا ، حيث لا يوجد تشتت بالمرة . وفيما يلي توضيح لتطور الانحراف المعياري المتوسط الحسابي العينة بالرسم (۱) :

توزيع أفرإد المجتمع الأصلي

توزيع متوسطات المينات : حجم العينة فرد و احد

توزيع متوسطات العينات: حجم العينسة

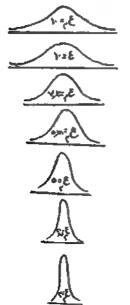
فر دان

توزيع متوسطات العينات: حجم العينة ٣ أذ ١٠

توزيع متوسطات العينات: حجم العينسة ؛

توزيع متوسطات العينات: حجم العينة ١٦

توزيع متوسطات العينات: حجم العينة ٢٥ نر دا



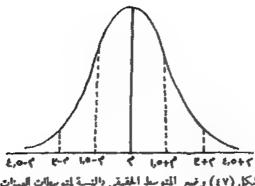
(۱) هذا الترضيح متقرفهن: . Guildford, J. P. Fundamental Statistics in Psychology and Education

ومعنى ذلك أن الانحراف المعياري لمتوسطات العينات يتناسب طرديا مع الانحراف المعياري الحقيقي للقيم الأصلية وعكسيا مع عدد حالات كل عينة (لا عدد العينات المأخوذة من المجتمع الأصلي) .

حيث ع = الانحراف المعباري للقيم الأصلية .

فمثلا في الرسم التوضيحي السابق اذا كان عدد أفراد العينة ٢٥ يكون الانحراف المعياري للمتوسطات = ٢٠٠٠ ٢٥ المعياري المتوسطات = ٢٥٠٠ ٢٥

ولنعد ثانيا البحث الذي يهدف الى معرفة متوسط أعمار المتقلمين للالتحاق بالجامعات. فقد ذكرقا أن الباحث اختار عينة محدودة من هؤلاء الطلبة وكان متوسط أعمار أفراد هذه العينة ٢٠ عاما فمن المعقول أنه لو كررنا هذا البحث على عينات أخرى لما ابتعد متوسط الأعمار عن ذلك كثيرا ، وأنه لو كرر البحث عددا من المرات فان المتوسط الحقيقي لا بد وأن ينحصر بين القيم التي نتجت من العينات المختلفة ، وطبيعي أن الباحث لا يكون عارفا بقيمة هذا المتوسط الحقيقي كما لا يكون عارفا بموضعه بالنسبة لتوزيع هذه المتوسطات ، وبما أن هذه القيم في العينات المختلفة تكون موزعة توزيعا اعتداليا كما ذكرنا فان هذا التوزيع ينطبق عليه نفس الخواص الذي ذكرت في الباب الموضحة في جدول (٤٩) أي أن القيم المحصورة بين السابق ، كما تنطبق عليه نفس السبب الموضحة في جدول (٤٩) أي أن القيم المحصورة بين المسابق ، كما تنطبق عليه نفس النسب الموضحة في جدول (٤٩) أي أن الاتحراف المعاري السابق ، كما تنطبق عليه نفان هناك احتمال ٢٨٪ من الحالات تقريبا ، فاذا كان الاتحراف المعاري التجريبي بمقدار ه.١ بالزيادة أو النقصان ، ويكون هناك احتمال ٢٨٠، أن المتوسط الحقيقي سيبعد عن المتوسط الحقيقي يقع خارج هاتين القيمتين كما يتضح من الرسم الآتي :



شكل (٤٧) وضع المتوسط الحقيقي بالنسبة لمتوسطات العينات

كما أنه في ه٩٪ من الحالات تنحصر قيم المتوسط بين م ــ ٣ ــ ، م + ٣ وفي ٩٩٪ من الحالات تنحصر بين م -- 6,3 ، م + 6,3 تقريباً .

وعلى هذا الأساس يستطيع الباحث أن يتنبأ بالحدين اللذين يقع بينهما المتوسط الحقيقي ، فالعمر ٢٠ سنة لا شك هو احدى القيم المحتملة لتوسط أعمار المجتمع الأصليُّ ، ولكن من المحتمل أن يكون المتوسط قيمة أخرى تختلف عن ذلك ، ومدى بعد أو قرب القيم الأخرى عن المتوسط التجريبي وهو ٢٠ سنة يتوقف على مدى الثقة التي يود الباحث أن يلتزمها ، فاذا قبل الباحث أنَّ يتسامح في نسبة خطأ قدرها هـ إ في الفرصُّ المحتملة لجميع القيم التي يأخذها المتوسط الحقيقي فانَّ المدى الذي بحسمه، فلمتوسط بناء على ما تقدم يَكُون بين ٢٠ – ١,٩٦ ع م ، ٢٠ + ١,٩٦ ع م ، واذا قبل أن يتسامح في ١ ٪ في الفرص فان المدى يحدده يكون ٢٠ ــ ٢٥٥٨ عم ، ٢٠ + ٢٠٥٨ عم ، وهكذا فانه كلما قبل الباحث نسبة أقل من الحطأ في الفرص المحتملة الحدوث حسدد مسدى أكثر اتساعا مؤسسا علىما بحصلعليه في البحث التجرببي المحدود بالعينة وظروف البحث .

وتبعا لهذا فان حكم الباحث على نتائجه لا يكون ما اذا كانت النتائج ثابتة يعمد عليها أو غير ثابتة ، ولكنه يمدُّد عادة المدى الذي تتغير فيه النتائج التي يحصل عليها ونسبة الحطأ المحتمل في تحديد هذا المدي.

ثبات الوسيط:

يتوقف حساب ثبات الوسيط على الحطأ المعياري للقيمة الذي يحصل عليه الباحث في بحثه ويقدر الخطأ الوسيط بمقدار ثب من الحطأ المعياري المتوسط الحساني (تقريباً)

مثال : اذا حسب الوسيط لدرجات ١٠٠ طفل أعمارهم ١٠ سنوات في اختبار المحصول اللغوي فكان ٢٥ وكان الانحراف المعياري للدرجات ٢٠٥ ، فالى أي حد يمكن اعتبار قيمة هذا الوسيط ثابتة ، أي الى أي حد يمكن أن نعتبر عذه الدرجة ممثلة لدرجات الأطفال في هذا السن عموما ؟

للاجابة على ذلك تحسب الحطأ المعياري الوسيط فهو يساوي

1.

.,٣1 =

وفي حالة المنحنى الاعتدالي 90,0 من الحالات تقع بين -- 1,97 خطأ معياريا ، + 1,97 خطأ معياريا ، + 1,97 خطأ معياريا . أي أننا نستطيع أن نقول بدرجة 90,0 من التأكد أن الوسيط الحقيقي يقع بين الوسيط التجريبي = ٢٥,٦١ ، ٢٤,٧٩ وبدرجة 94، تأكد من أن الوسيط الحقيقي يقع بين الوسيط التجريبي = ٢٥,٥١ × ٣١،٠ أي بين ٢٤,٠٠ .

ونسبتا تأكد ٩٥,٠ ، ٩٩,٠ هما النسهان المتخذنان عادة في البحوث التجريبية ، وعلى أساس أي نسبة من هذين عادة يرسم الباحث لنفسه الحدين اللذين تقع بينهما المعاملات في المجموعة الأصلية بناء على المعاملات التجريبية في البحث الذي يقوم به .

<mark>ثبات الانحراف المعياري :</mark>

لمعرفة درجة ثبات الانحراف المعياري نستخدم الخطأ المعياري لهذا الانحراف وهو :

ولتطبيق ذلك في المثال السابق نجد أن الخطأ الممياري للانحراف المعياري

نالانحراف المعياري الحقيقي للمجتمع الأصلي ينحصر بين $7.0 - 1.11 \times 1.10$ ه. $7.1 \times 1.47 \times 1.$

لسات السبسة :

كثير من نتائج البحوث توضع على صورة نسبة خاصة بدلاً من متوسط أو مقياس التشتت . فنقول مثلا أن نسبة الناجعين في اختبار ما ٨٦٪ ، أو أن الموافقين على موضوع معين هم إلى العينة ويكون من المهم في هذه الحالات معرفة مدى ثبات هذه النسبة ، أي مقدار تغيرها اذا تكرر البحث على عينات أخرى كل منها تستوفي فيه شروط العينة الصالحة .

والفرض الذي يفترضه الباحث بناء على ذلك هو أن النسبة التي يحصل عليها مسن البحث عينة من العبنات الكثيرة التي تمثل النسبة الحقيقية ، وأنه اذا أمكنه حساب الانحراف المعياري لتشتت هذه النسبة أمكن أن يصل الى حدين يفرض وقوع النسبة الحقيقية بينهما ، واضما نسبة خاصة من نسب التأكد لهذا الافتراض والانحراف المعياري الذي يستخدمه الاحصائي في ذلك هو الانحراف المعياري فلنسبة الحقيقية لا النسبة التجريبية التي تنتج من البحث وهي تساوي ،



حيث أمي النسبة الحقيقية .

- ، ب مي باقي طرح هذة النسبة من الواحد الصحيح .
- ، ن هي عدد الحالات التي بحثت ونتجت منها النسبة الحقيقية .

وبالرغم من أن النسبة الحقيقية لا تكون معلومة لدى الباحث الا أنه لا يكبون بعيدا عن الصواب اذا افترض أن النسبة التي حصل عليها من البحث قريبة قربا كافيا مسن النسبة الحقيقية المجهولة . والأثر الذي يحدثه هذا الافتراض صغير دائما لأن قيمسة الانحراف المعياري في القانون لا تتوقف كثيرا على قيمة أ (النسبة) بقدر ما يتوقف على ن (عدد الحالات) ، لأن الله يتغير كثيرا عند ما تأخذ (أ) أية قيمة بين ١٠٨٠، ١٨٠٠،

وتكرر نفس القيم المقدار \ أ ب أذا كانت قيم أ = ٠,٦٠ أو ٠,٧٠ أو ٠,٨٠ بينما يحدث تغير أكبر اذا أخذت أ القيمة ٠,٩٠ أو ٠,١٠ أو قيمة قريبة منهما، — ومن الطبيعي أنه اذا كانت النسبة صغيرة جدا أو كبيرة جدا كان هناك احتمال أكبر من قرب النسبة في المجتمع .

والذي يساعد أيضا على صحة هذا الافتراض أن عينة النسب في العينات تكون موزعة توزيعا قريبا قربا كافيا من الاعتدالي اذا كانت(ن)كبيرة وكانت النسبة محصورة بين ١٠٠٠ ، ١٠٠٠

واليك مثلا لتطبيق هذه الفاعدة . ولنفرض أنه عمل استفتاء للطلبة عن نظام الدراسة الحالي بالجامعات ، فأخذت عينة من ١٠٠ طالب واتضح أن ١٠٠٠ من المجموعة قسد وافقت على النظام وأن ١٠٤٠ منها قد عارضته فما مدى ثبات هذه النسبة ؟ أو ما مدى تغير هذه النسبة لو كرر الاستفتاء على عينات أخرى من نفس الطلبة ؟

للوصول الى ذلك تحسب الحطأ المعياري لهذه النسبة وهو يساوي :

 \times أي أن النسبة الحقيقية تنحصر بين 0.00 0.00 \times 0.00 0

أما اذا كانت النسبة على هيئة نسبة مثوية فان الحطأ المعياري لها يكون :

فادا كانت المشكلة هي نفس المشكلة السانقة وأن نسبة الموافقين هي ٦٠٪ -والمعارضين ٤٠٪ قان الحطأ المعياري لهذه النسبة يكون

ويمكن وضع هذا الحطأ المعاري على صورة أخرى كالآتي :

لبات معامسل الارتبساط:

يكون معامل الارتباط الناتج في البحث كغيره من باقي المعاملات الأخرى عرضة كذلك لأخطاء العينات والقياس والصدف وغير ذلك من العوامل المؤثرة في العينات. ويهم الباحث دائمًا أن يقف على الحدود التي يقع بينها المعامل الحقيقي المقابل المعامل اللي أنتجه البحث ، والطريقة لا تختلف عما أجرى في المعاملات الأخرى فهي تتوقف على معرفة الانحراف المعاري لمعامل الارتباط وهو يساوي .

$$\frac{\frac{1}{\sqrt{5}-1}}{1-5\sqrt{5}}$$

قادا أجري بحث على ٥٠ شخصا وكان معامل الارتباط بين متغيرين في هذا البحث ٤ . كان الاعراف المياري .

$$=\frac{1-71.4}{\sqrt{13}}=71.4$$

 اختلافا كبيرا عن المعامل التجريبي مما يجعل معامل الارتباط ٢,٤ – المستخرج من عينة قدرها ٥٠ ضعيف الثبات .

ويختلف معامل الارتباط عن المعاملات السابقة في أن توزيعه ليس دائما توزيعا اعتداليا أو حتى متماثلا ، فالتوزيع لا يكون كذلك الا في حالات معامل الارتباط الضعيف وحيث تكون العينة كبيرة نسبيا ، أما اذا كان معامل الارتباط كبيرا حوالي ،٨٠، أو أكثر فان توزيع معامل الارتباط يكون ملتويا . ولذلك فان حساب الانحراف المعياري المعامل الارتباط يكون قليل الفائدة . ولذا فقد بلحاً Fisher (١) الى طريقة لتعديل معامل الارتباط الى معامل آخر رمز له بالرمز Z ومن خواص هذا المعامل أنه موزع توزيعا اعتداليا . وليس من الضروري استخدام هذا التعديل الافي حالات معاملات الارتباط العالية . فالفرق بسيط بين المعاملين في حالات المعاملات الصغيرة .

وبالمثل فان الحطأ المعياري لنسبة الارتباط n يطابق الحطأ المعياري لمعامل الارتباط فهو يساوي n = n

الخطأ المعياري لمعامل ارتباط الرتب :

وفي حالة معامل ارتباط الرتب فان الحطأ المعياري يتغير قليلا عن الوضع السابق فيصبح $\frac{1 - \sqrt{V}}{V}$

ولنفرض أننا حصلنا على معامل ارتباط رتب قدره ٠٫٧ بمقارنة رتب ١٧ حالة في متغيرين فان الخطأ المعياري لهذا المعامل يعادل :

$$\frac{3\cdot (1-1)^{1/2}}{\sqrt{1-1}} = \frac{3\cdot (1-1)^{1/2}}{\sqrt{1-1}}$$

ومعنى هذا أن معامل ارتباط الرتب الحقيقي ينحصر بين ٧, ـــ ١,٩٦×١،٩٠ و ٧، + ١,٩٦ × ١،٩٠ بنسبة تأكد ٩٥,٠ أي بين ٤٥, ، ه٩, ، وأما في حالة نسبة تأكد ٩٥,٠ فان المعامل يحتمل أن يصل إلى ٧٠, + ٢,٥٨ × ١٥, ومعنى هذا

Fisher, R. A., Statistical Methods for Research Workers. (1)

أن هده النسبة تعطي معاملا للارتباط يحتمل وصوله الى قيمة تعادل أو تزيد قليلا عن الواحد الصحيح وهذا غير معقول.

ثبات معامل الارتباط الثنائي:

يختلف الخطأ المعياري لمعامل الارتباط الثنائي عن الصورة السابقة فهو يعادل :

حيث أ = نسبة الحالات في المجموعة العليا .

- . ب = نسبة الحالات في المجموعة السفلي .
 - . مر = معامل الارتباط الثنائي .
 - ، ن = عدد الحالات.

ولنخر المعامل الذي حصلنا عليه في المشال نجسد أن معامل الارتباط الثنائي الذي حصلنا عليه هو ١٠١٦

وكانت ص عند نقطة التقسيم = ٢٩،٩

وبناء على ذلك فان الحطأ المحتمل لهذا المعامل :

ومعنى هذا أنه عند نسبة تأكد ه٥,٥ ينحصر المعامل الثنائي الحقيقي بين ١٠١٠ – ١٠٩٠ × ١٠٩٠ × ١٠٩٠ منحصر المعامل بين ١٠٩٠ × ١٠٩٠ × ١٠٩٠ مند نسبة تأكد ٩٩٠ ينحصر المعامل بين ١٠٠٠ – ٢٠٥٠ × ١٠٠٠ مند النسبة الأولى وبين ٢٠٠٠ ، ٢٦٠ عند النسبة الثانية .

دلالة الفروق والفرض الصفري :

ان دلالة الفروق أهم بكثير من الناحية التجريبية العملية من البحث عن مدى ثات المقاييس الفردية . ذلك لأن أغلب البحوث التجريبية تهدف الى المقارنة والمقاييس النسبية أكثر مما تهدف الى مجرد القياس أو القيم المطلقة وحتى في حالات القياس العادية يلجأ الباحث الى مقارنة نتائجه — سواء كانت هذه المقارنة صريحة — أو ضمنية بمعيار خاص الباحث الى مقارنة نتائجه — سواء كانت هذه المقارنة صريحة سأو تقديره من المعيار المألوف في مم ليقف على مدى قرب القيمة التي حصل عليها من قياسه أو تقديره من المعيار المألوف في هذه الناحية ، بل وزيادة على ذلك فان أغلب البحوث التجريبية سواء في الميادين النفسية أو التربوية أو الاجتماعية تحتاج من الباحث أن يحري البحث على مجموعتين احداهما ضابطة والأخرى تجريبية وتستازم المقارنة بين نتائج المجموعتين .

ومن هنا كان من المهم أن نعرف الانحراف المعياري للفرق بين متغيرين اذا عرف الانحراف المعياري لأحد المتغيرين هوع الانحراف المعياري لأحد المتغيرين هوع وأن الانحراف المعياري للمتغير الآخر هوع .

فان الانحراف المعياري الفرق بين المتغيرين= $\sqrt{3} + \frac{7}{4} + \frac{7}{3}$ أي يعادل الجدار

التربيعي لمجموع تباينهما على شرط أن يكون المتغيران غير مرتبطين بأية علاقة عددية بين المتغيرين عددية ، أي أن معامل الارتباط بينهما صفر . فاذا كانت هناك علاقة عددية بين المتغيرين وليكن معامل الارتباط بينهما مرب مثلا فان الانحراف المعياري للفرق بين المتغيرين :

= \(\gamma_{1'}^{\gamma} + 3'_{1} - \gamma_{3}^{\gamma} \cdots_{1\gamma}

واذا طبقنا هذا على المتوسط الحسابي لمتغيرين فان المشكلة تصبح اختبارا لفرض عدد ، هل هناك فرق جوهري بين متوسطي المتغيرين ؟ ويمكن وضع هذا الفرضعلى صورة يطلق عليها اسم ه الفرض الصفري (Null Hypothesis) فيفترض الباحث أنه ه ليس بين متوسطي المتغيرين أي فرق له دلالة ه أو بمعنى آخر أن الفرق بين المتوسطين في المجتمع الأصلي يعادل صفرا » .

وفي هذه الحالة يوجد الباحث الفرق بين متوسطي المتغيرين في البحث الذي يجريه ثم مقارف هذا الفرق بالحطأ المعياري للفرق نفسه .

النسيسة الحرجسة:

وتستخدم لهذه المقارنة نسبة خاصة يطلق عليها النسبة الحرجة (Critical Ratio (C.R.) ومي تساوي خارج قسمة الفرق بين المتوسطين على الانحراف المعياري (أو الخطاط المعارى) لهذا الفرق .

ويوصف الفرق التجريبي الذي ينبىء بفرق في المجتمع الأصلي بأنه فرق ذو دلالة احصائية عصائية Significant difference . ومسن الطبيعي أن يقرن الوصف بنسبة تأكد خاصة كما سبق ذكره في ثبات المقاييس السابقة فنقول مثلا أن الفرق ذو دلالة عند نسبة ٥٠٠، وعند نسبة ١٠٠، أي أن هناك احتمال ٥٪ أو ١٪ خطأ في صحة هذا الاحتمال ومن الطبيعي أن الباحث الذي يختار نسبة ٢٠٠، يستلزم فرقا أعلى بين متوسطي المتغيرين.

فاذا فرضنا أن المتوسط الحسابي لأحد المتغيرين هو م. ، أن المتوسط الحسابي للمتغير الثاني هو م. وأن الانحراف المعياري للمتغير الأول ع. والمتغير الثاني ع. وأن عدد حالات المتغيرين هو ن. . ن. على الترتيب كان الانحراف المعياري للمتوسط الأول

وكان الانحراف المعياري المتوسط الثاني
$$=\frac{3}{\sqrt{100}}$$

وكان الانحراف المعياري الفرق بين المتوسطين $\frac{7}{1}$ + $\frac{7}{1}$ = $\frac{7}{1}$ + $\frac{7}{1}$

واليك مثالا لطريقة تطبيق هذه النسبة : "

طبق اختبار المحصول اللغوي على مجموعتين متجانستين (متعادلتين تقريبا من النواحي الأخرى)من البنين والبنات وكانت نتبجة الاختبار كما هو مبين في الحدول التكراري الآتي:

تكرار البنات	تكرار البنين	فشات الدرجات
٣	٥	صفر
٧	١٨	~ Y
10	74	- t
١٨	* •	- 1
77	٤٠	- A
Ye	4.4	-1.
٣٠	۳.	- 14
YV	Yo	- 18
17	٧٠	- 17
18	۱۲	14
11	•	- 4.
٧	•	– ۲۲
٧٠٠	Yes	المجموع

جدول(٧٩) تتيجة مجمومة من البنين وأخرى من البنات في اختبار المعصول اللغوي

فاذا طلب بعد ذلك معرفة أي الجنسين أكثر تفوقا في نتائج هذا الاختبار فيمكن أن تحول هذا السؤال على صورة فرض صفري وهو « أنه لا فرق بين الجنسين في هذه الناحية » ولاختبار هذا الفرض علينا أن نوجد متوسط درجات الفئتين والاتحراف المعياري لهما.

ادعٍ	2	1	ادع ۲	63	Ē	تكرار	فئسات
		الينات				البنين	الدرجات
٧٥	10-	٣	۱۲۰	Yo	٥	0	صفر –
114	YA	V	YAA	YY _	۱ =	14	Y
150	٥٤	10	Y•V	11-	٣	77	- £
٧٢	۳٦	1/4	18.	٧٠	۲	40	- 7
44	44-	44	٤٠	٤٠-	\ \	٤٠	- A
-		40	_ !	_	صقر	۳۲	-11
40	T 0	40	۳۰	۳۰	١	۳۰	- 17
۸۰۸	۰ŧ	YV	1	٥٠	۲	40	- \1
122	٤٨	17	14.	٦٠.	۳	۲٠	- 11
448	67	18	144	٤٨	٤	17	~ \A
770	00	- 11	110	40	٥	٥	- Y ·
707	£ Y	٧	۱۸۰	۳۰	٦	•	\٢
363/	79.	4	11.1	717			
	1870			777		40.	المجسوع

. جدول (٨٠) حماب المتوسط والانحراف المهاري لدرجات المجموعتين .

اذا رمز نا لمجموعة البنين بالرقم ه ١ ، ولمجموعة البنات بالرقم ه ٢ ، .

$$i \circ \gamma_{l} = l l - \frac{\gamma \gamma}{1 \circ l} \times \gamma = 3 V_{l} \circ l$$

$$i \circ \gamma_{l} = \gamma \sqrt{\frac{\gamma \circ l}{1 \circ l} - (\frac{\gamma \gamma}{1 \circ l})^{\gamma}} = V_{l} \circ l$$

$$i \circ \gamma_{l} = l l + \frac{33 l}{1 \circ l} \times \gamma = 33 \cdot \gamma l$$

$$i \circ \gamma_{l} = \gamma \sqrt{\frac{33 l}{1 \circ l} - (\frac{33 l}{1 \circ l})} = \gamma_{l} \circ l$$

ويتضح لأول وهلة أن مجموعة البنات متفوقة عن مجموعة البنين في هذا الاختبار ، فمتوسط الدرجاتِ في هذه المجموعة أعلى منه في مجموعة البنين . ولكن الباحث ينبغي أن يختبر مدى دلالة هذا الفرق ، أي يختبر دلالة الفرض بأن البنات يتفوقن على البنين في هذه الناحية بوجه عام . والطريقة الشائعة كما ذكرنا هي حساب النسبة الحرجة كمسا يسأتي :

$$\frac{\sqrt{\xi} + \sqrt{\xi}}{\sqrt{\xi}} + \frac{\sqrt{\xi}}{\sqrt{3}} \sqrt{2}$$

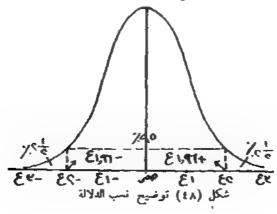
والفرق بين م , . م , لا تهم فيه الاشارة ذلك لأن اعتبار احدى المجموعتين ١ أو ٢ يتوقف على المجرب نفسه ، ولذا فسوف لا نهم باشارة الفرق في الحطوات الآتية :

$$\frac{1Y,\xi\xi-1\cdot,V\xi}{YV,\cdot 1,\frac{Y0,7\xi}{Y0\cdot}}$$

$$r, \epsilon v = \frac{1, v}{1, \gamma \gamma \Lambda} =$$

مقاييس الدلالة:

واذا زجعنا الى جدول (٥٥) المنحى الاعتدالي لمعرفة الدرجة المعبارية المقابلة المساحة الصغرى ٢٠٠٥ أي عندما يكون مجموع المساحة الصغرى ١٠٠٥ أي عندما يكون مجموع المساحتين عند ملرفي ألمنحنى ١٠٩٦ وعند المساحة الصغرى ٥ ٪ أي عندما يكون مجموع المساحتين عند طرفي ألمنحنى ١٠٠٠ تجد أن هذه الدرجة ٢٠٥٨.



فاذًا بلغت النسبة الحرجة ١٠٩٦ قيل أن الفرق له دلالة عند نسبة ٠,٠٠ واذا بلغت ٢٠٥٨ قيل أن له عند نسبة ٢٠٠١ .

و تفسير ذلك أنه لنفرض أن الفرق الذي وجد بالتجربة غير حقيقي وأنه نتج بسبب ظروف تجريبية ليس الا ، وأن الفرق بين المتوسطين صفر فانه من المعلوم نظريا أن الفروق بين متوسطات العينات المختلفة تكون موزعة توزيعا اعتداليا ، ما دام عدد الأفراد في كل عينة كبيرا .

ففي هذا المثال قد وجدنا أن الفرق التجريبي يقع من هذا التوزيع خارج الحدود التي تحجز ٩٥٪ من المنحى ويقع أيضا خارج ٩٩٪ من مساحة المنحى ، مما يرجح ترجيحا كبيرا أن الفرق التجريبي لا يمكن أن يكون ناتجا عن الصدفة أو ظروف التجريب فقط . ونسبة ٩٥٪ أو ٩٩٪ أوما شابهها هي نسبة اعتبارية يضعها المجرب لنفسه دون تفيد بنسبة خاصة . ولكن من المتبع في البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية أن يعتبر الفرق الذي يخرج عن حدود يخرج عن حدود مها من مساحة المنحلي ذا دلالة احصائية ، وأن الذي يخرج عن حدود ٩٥٪ من مساحة المنحلي ذو دلالة احصائية . وأما الذي يدخل ضمن حدود مه ٨٠٪ من مساحة المنحلي فيوصف بأنه ليس له دلالة احصائية .

و تستعمل الرموز الآتية عادة في الانجليزية لهذه الاصطلاحات:

ويقصد بأن الفرق له دلالة احصائية عند ه٠٠٠ أنه يقع في طرف المنحفى الذي يحجز داخله ٩٩٪ من المنحفى على اعتبار أن النسبة الحرجة من كل طرف هي هـ7٪ ويفهم عادة من التعبير . (فودلالة احصائية عند ٥٠٠ فقط)، أن الفرق ليس له دلالة جوهرية عند نسبة ١٠٠ ويفتنع كثير من الباحثين بنسبة ٥٠٠ فقط ومن الطبيعي أن الفرق ذا الدلالة عند ١٠٠ لا بد أن يكون ذا دلالة أيضا عند ٥٪ فالنقطة في المساحة الخارجية عندما تكون المساحة الداخلية ٩٠٠ من مساحة المنحنى لا بد وأن تكون خارجة أيضا بالنسبة للمساحة الداخلية ٩٠٠ من مساحة المنحنى لا بد وأن تكون خارجة أيضا بالنسبة للمساحة الداخلية ٩٠٪ .

وبناء على هذا نستطيع أن نرجح أن الفرق الحالي في المثال انما هو فرق جوهري ذو دلالة حتى عند نسبة 1٪ تما يرجح البنات بوجه عام على البنين في هذا الاختبار

استخدام الفرض الصفري في حساب ثبات معامل الارتباط:

ذكرنا عند الكلام عن ثبات معامل الارتباط أن الصعوبة التي تصادف الاحصائي هي أن توريع هذا المعامل ليس اعتداليا وخصوصا عند القيم الكبيرة. وأن فيشر تغلب على هذه الصعوبة باستخدام معامل، Z، ولكن بعض الاحصائيين بحيلون الى اختيار معامل الارتباط على ضوء الفرض الصفري، وذلك بفحص معامل الارتباط الذي بحصل عليه اؤاء الفرض بأنه في المجتمع الأصلي لا توجد علاقة ما بين المتغير بن. أي ازاء افتراض أن معامل الارتباط صفر. فيحسبون الانحراف المعياري عندما يكون المعامل صفراً، فاذا بلغ المعامل الارتباط ١٩٩٣ من هذا الانحراف قبل أن المعامل له دلالة احصائبة عند ٥٠٠٠ واذا بلغ المعامل الارتباط ١٩٩٣ من هذا الانحراف قبل أن المعامل له دلالة احصائبة عند ٥٠٠٠ واذا

نفي حالة معامل ارتباط قدره 0.0, عندما كانث العينة عددها 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0

وهذه النسبة ذات دلالة عند نسبتي ه٠,٠١ د ٠,٠٠

هذا وهناك طريقة أخرى لقياس مدى ثبات معامل الارتباط ندكرها عند الكلام بمن المحتبار و ت » .

اختبار ۽ ت ۽

ذكرنًا سابقًا أن الاحصائيين يميلون الى التفريق بين الحطأ المعياري للعينة الصغيرة (١)

⁽١) يميل كثير من الاحماليين إلى اعتبار أن المينة الصنيرة ما يقل عدد أفرادها عن ٥٠ .

و بذلك بصبح الحطأ المحتمل العينة $=\sqrt{\frac{3}{2}\sqrt{3}}$ بدلا من $\sqrt{\frac{3}{2}}$ وهذا التعديل يكون عد يم

القيمة في حالة العينات الكبيرة، حيث تتعادل \ ن مع \ \ ن - أ تقريبا. ولكن من المستحسن دائما استخدام هذا التعديل ما دام المعامل قد حسب من العينة وليس من المجتمع . وإذا طبقنا ذلك على الانحراف المعياري للمتوسط الحساني في حالة العينات الصغيرة ، وجدنا أن

المقدار :
$$\frac{2}{\sqrt{|\vec{v}|}}$$
 قد تمول الى $\sqrt{|\vec{v}|}$ $\sqrt{|\vec{v}|}$

وجما تجدر ملاحظته كذلك أنه في حالة العبنات الصغيرة لا تتبع المتوسطات توزيعا اعتداليا كما كان الحال في العينات الكبيرة ، بل يختلف التوزيع قليلا عن هذا النمط فيصبح أكثر ارتفاعا قرب الطرفين ، وبذا تصبح النسب الاحتمالية عند الطرفين أكثر منها قليلا في المنحى الاعتدالي العادي وقد بحث Student هذا التوزيع الجديد وأعطى فشر (۱) جدولا النسب الاحتمالية المختلفة وفي هذا الجدول نجد اصطلاحا جديدا :

هي درجات الحرية Degrees of Freedom ودرجات الحرية في أية مجموعة هي عدد الحالات في المجموعة فاقصا واحد (وتفسير ذلك أنه ما دام مجموع قيم المجموعة محددا ولبكن عدد أفراد المجموعة خمسة فاننا نستطيع ان تصنع لحقد المجموعة أية أربع قيم بطريق الصدفة أما الحامس فيجب أن يقيد بقيمة مجمل المجموع معادلا للمجموع الأصلي ، أي أنه اذا كان عدد أفراد المجموعة ن فان درجات الحربة لحقد المجموعة هي ن - 1).

والجدول الآتي هو جدول لنسب الاحتمالات في التوزيع الجديد وقد أطلق عليه توريع (t) وترمز له بالعربية بالرمز (ت) ويُهذا يصلح توزيع « ت » لأن يتخذ مقياسا للدلالة سواء كان ذلك في العينات الصغيرة أم الكبيرة .

Fisher R. A. Statistical Methods for Researches Workers.

نسب الاحتمالات

۰,۰۱	,۰۲	,••		٠,٥٠	درجات	
			ĺ		الحرية	
			<u>L</u>		(1 ~ じ)	
ت = ۲۳,۳۳	ت = ۲۱٫۸۲	ت = ۲٫۷۱	ت= ۲٫۳٤	ت=١,٠٠٠	١	
4,44	۸,۹۹	٤,٣٠	Y,4Y	٠,٨١٦	Y	
٤٨,٥	٤,٥٤	۳,۱۸	Y, 40	1,740	٣	
17,3	۳,۷۰	Υ,ΥΑ	۲,۱۳	٠,٧٤١	ŧ	
٤,٠٣	4,41	Y,0V	Y,•Y	٠,٧٢٧		
۳,۷۱	7,18	٧,٤٠	1,448	۸۱۷٫۰	٦.	
۳,۰۰	۳,۰۰	Y,4%	1,4.	1,711	٧	
۳,۲٦	Y,4+	۲,۳۱	1,41	۰,۷۰٦	٨	
4,40	Y,AY	7,77	1,44	۰,۷۰۳	4	
٣,١٧	7,77	٧,٧٣	1,41	۰,۷۰۰	١٠	
۳,۱۱	Y,YY	Υ,Υ•	۱٫۸۰	•,14٧	11	
47.44	۲,٦٨	7,14	1,74	1,790	'14	
۳,٠١	Y,70	4,17	1,00	1,798	14	
۲,4١	Y,7.Y	Y,1£	1,77	1,797	18	
Y,40	٧,٦٠	۲,۱۳	1,70	,141	10	
Y,4Y	Y,0A	Y,1Y	1,40	2791	17	
۲,۹۰	Y,4Y	Y,11	1,74	->114	۱۷	
۲,۸۸	Y,00	۲,۱۰	1,07	•,7.41	۱۸	
۲,۸٦	Y,01	Y,•4	1,77	٠,٦٨٨	11	
Y,A£	٧,٥٣	Y, • 4	1,77	•,٦٨٧	Y+	.,
۲,۸۳	Y,aY	۲,۰۸	1,77	*****	71	
Y, A Y	Y,01	Y,•V	١,٧٢	-,7/	Ŷ۲	

۲ ۰۷	7 . 7	1,71	۹۸۶,	**
Y-84	4.+4	1,71	, ነለፉ	Y£
Y-8A	Y.+%	1.71	,\ \ \$	Yo
۲.٤٨	Y.+%	1,71	3AF,	Y ٦
٧,٤٧	γ,••	1,71	387,	**
Y, £V	4,+0	1,74	385,	44
٧,٤٦	۲,۰٤	1,74	785,	74
7.57	٧,٠٤	۱,۷۰	,٦٨٣	٧٠
Y.66	٧.٠٣	1.11	745.	۳۰
				٤٠
				10
				٥٠
i i		'	_	٦.
				٧٠
				٨٠
				4.
				1
Y,Y"1	1,44	1,11	,777	140
۲,۳۰	1		,7177	10.
7,70	1,47	1,70	,770	7
Y,4°£	1,47	1,70	٠ ١٧ ٠,	۳٠.
Y,T1	1,47	1,70	,770	٤٠٠
۲,۳۳	1,41	1,70	,٦٧٤	4
Y,TT	1,41	1,70	,٦٧٤ :	1
۲,۳۳	1,47	1,70	,475	
	7.24 7.28 7.28 7.29 7.21 7.21 7.21 7.24 7.24 7.24 7.24 7.24 7.24 7.24 7.24	Y.EA Y7 Y.EA Y7 Y.EA Y0 Y.EV Y,.0 Y.EV Y,.E Y.EV Y,.E Y.EV YY Y.E Y.EV Y.Y Y.E Y.Y Y.Y Y.Y Y.Y Y.Y Y.Y Y.Y Y.Y	1.7.7 77 1.7.7 1.7.7 77 1.7.7 1.7.7 1.7.7 1.7.7 </td <td>0AF, IV,I F0.Y A3.Y 3AF, IV,I F0.Y A3.Y 3AF, V,I 00,Y V3.Y 3AF, V,I 00,Y V3.Y 3AF, V,I 00,Y V3.Y 7AF, V,I V3.Y F3.Y 7AF, PI,I PI,I PI,I PI,I 7AF, PI,I PI,I PI,I PI,I PI,I AVF, AV,I AV,I</td>	0AF, IV,I F0.Y A3.Y 3AF, IV,I F0.Y A3.Y 3AF, V,I 00,Y V3.Y 3AF, V,I 00,Y V3.Y 3AF, V,I 00,Y V3.Y 7AF, V,I V3.Y F3.Y 7AF, PI,I PI,I PI,I PI,I 7AF, PI,I PI,I PI,I PI,I PI,I AVF, AV,I AV,I

جدرل (٨١) ثيم (ث) عند نسب الاحتمال المختلفة

ولاستخدام « ت » كاختبار لقياس مدى دلالة الفرق بين متوسطي عينتين يستخدم القانون الآتي (هذا ويستحسن استخدام هذا القانون مهما كان حجم العينة) .

حيث ع 🚽 الانحراف المعياري للعينة الثانية .

وبعد ايجاد قيمة (ت) للبيانات السابقة نحسب درجات الحرية وهي في حالة الفرق بين متوسط عينتين = ن, + ن, — ٢ (درجات الحرية للعينة الأولى ن, — ١ ، درجات الحرية للعينة الثانية ن, ــ ١ ومجموعهما ن, ــ ن, ــ ٢) .

والحطوة التائية هي استخدام الحدول السابق فنبحث عن (ت) في صف درجات الخرية الحاصة اللبحث عند نسبة ٥٠٠٥ (العامود الرابع) فان كانت قيمة (ت) في البحث تعادل أو أكبر من الموجودة في الحدول دل ذلك على أن الفرق بين المتوسطين له دلالة احصائية عند نسبة ٥٠٠٥ ، وفي هذه الحالة نبحث عند نسبة ٥٠٠١ (العامود الأخير) لتحديد ما اذا كان الفرق له دلالة احصائية عند نسبة ٥٠٠١ أيضا .

لنعد الى المثال بجدول (٨٧) حيث :

110 = 1 - 100 + 100 = (د . ح) = 100 + 100 =

$$(\frac{1}{Y^{**}} + \frac{1}{Y^{**}}) \xrightarrow{Y} (0,Y^{**}) Y^{**} + \frac{1}{Y^{**}}$$

ونكرر هنا أن اشارة م _ م لا تهم في حساب (ت) لأن اختبار (ت) يوضح ما اذا كان الفرق له دلالة مهما كانت الاشارات

$$(\frac{1}{1} + \frac{1}{100}) \xrightarrow{\text{YV} \times \text{Y} \cdot \cdot \cdot + \text{Yo}, \text{TA} \times \text{Yo}}$$

وبالكشف في جدول (ت) عند درجة حرية ٤٤٨ نجد أن قيمة (ت) عند نسبة ٠,٠٥ = ١,٩٧ وعند نسبة ٢,٠٩ .

ومعنى هذا أن الفرق التجريبي له دلالة عند النسبتين .

واذا كان عدد الحالات في المجموعتين واحدا فان صورة قانون (ت) تصبح أكثر اختصارا حيث تصير :

يلاحظ أن هذه نفس النسبة الحرجة مع اختلاف واحد ، وهو وضع ن – 1 بدلاً من ن . استخدام اعتبار ٥ ت ٥ في مقياس ثبات معامل الارتباط:

ذكرنا فيما سبق أن هناك طريقتين لحساب مدى ثبات معامل الارتباط وهما

ا سه مقارنة المعامل بانحرافه المعياري حيث ع =
$$\frac{1-\frac{x}{y}}{y}$$

٢ سه مقارنة المعامل بالانحراف المعياري لمعامل ارتباط صفري ، أي فحص صحة الفرض بأن المعامل الارتباط الحقيقي هو صفر حيث :

وذكرنا أن عيوب طريقة مقارنة معامل الارتباط بانحرافه المعياري تنحصر في أن توزيع معامل الارتباط ليس اعتداليا . ولهذا اقترح فيشر معاملا جديدا هو Z.

ونضيف هنا طريقة أدق من سابقتها ، وتنحصر هذه الطريقة في افتراض أن معامل الارتباط الحقيقي هو صفر ومقارنة قيمة « ت » لمعامل الارتباط التجريبي بما يتوقع لها عند نسبتي ه٠,٠٠ وتحسب « ت » من القانون :

ر = معامل الارتباط الناتج في البحث

، ن = عدد الحالات.

فبعد حساب ٥ ت ٤ بهذه الطريقة يرجع الى جدول قيم ٥ ت ٥ : وتكون درجات الحربة في هذه الحالة ن ــ ٢ . فاذا كانت (ت) الناتجة أكبر من الموجودة في الجدول عند نسبة ٥٠,٠ وصف معامل الارتباط التجريبي بأنه ذو دلالة عند هذه النسبة ، وفي هذه الحالة يبحث عن قيمة ٥ ت ٤ عند نسبة ٢٠,٠ لمرفة ما اذا كانت القيمة الناتجة ذات دلالة عند هذه النسبة أيضا .

وعلى سبيل المثال نبحث عن دلالة معامل الارتباط ٤,٠ الناتج عن عينة عدد أفرادها

$$\frac{\overline{\{\lambda \setminus V : V\}}}{\overline{V_{i}(\lambda \{i\})} - \overline{V_{i}(\lambda \{i\})}} = 0$$

بالرجوع الى جدول « ت » تجد أنها تساوي ٢,٠١ (د . ح = ٤٨) عند نسبة ٠،٠٥ وتساوي ٢,٠١ عند نسبة ٠،٠١ ذو دلالسة الحصائية عند النسبتين .

وزيادة في سهولة هذه الطريقة يعطينا جاريت Garrett بشتمل على قيم معامل الارتباط التي تكون ذات دلالة عند نسبني ۴٫۰۰ و ۴٫۰۱ اذا عرفت درجات الحرية . واليك فيما يلي هذا الجدول :

1,13	1.10	درجات الحريا	1,11	1,10	دوجات الحرية
+,853	٠,٢٨٨	YE	1,000	1,447	1
+ytay	1AYe	40	+,44+	1,401	Y
۸ ۷ ۶٫۰	1,174	77	+,4+4	AVA,+	۳
٠,٤٧٠	٧٢٧,٠	TV	1,417	+,411	ŧ
1,850	-,1713	YA	*,AVE	1,745	•
1,10%	.,700	74	+,AY£	1,717	1 1
+,111	1,778.9	Y+	4,744	4777	v
+,21A	1,774	†a	+,774	1787	٨
٠,٢٩٢	+ 77" - 2	1-	+,Yf*+	4,444	•
+,1777	+,YAA	10	۸۰۷٫۰	1,441	10 1
+,f0£	٠,٢٧٢		*,7AE	1,047	- 11
1,770	-,744	34	4,333	1,077	18
1,818	•,177	Y+	+,7181	1,012	11"
+,TAT	1,819	A+	*,777	1,117	16
٠,٢٦٧	1,714	51	1,213	1,584	14
-,7#1	1,110	1	1,041	4,618	17
+,444	+,178	170	·,aYa	1,64%	14
4,474	1,141	10.	1,031	*,555	1.4
٠,١٨١	*,\TA	***	1,063	1,577	11
+,144	53338	Tee	٠,٥٢٧	٠,٤٢٢	γ.
4,174	-1,146	1	s,eru	*,811	4.1
1,110	•••	a	1,010	٠,٤٠٤	44
۸۰٬۰۸۱	*,***	1	1,010	+,141	11"

جارل (٨٣) ساملات الإرتباط ذات البلاة مد مرجان لغرية للخلفة

ولتوضيع استخدام هذا الجدول نقدم الأمثلة الآتية :

التفسير	معامل الارتباط	درجات الحرية	عدد الحالات
له دلالة عند ٠,٠٠ وليس له دلالة عند ١٠٠١	٠,٠٠	۱۸	٧٠
له دلالة عنسد كل مسن	٠,٦٢٠	٨3	••
لیس له دلالة عند كل مسن ۱٫۰۱ و ۰٫۰۱	1,701	4.	1

اختبار کا^د :

ومن أهم الاختبارات المستخدمة لفحص الفرض الصفري اختبار كا ٢ ، وهو يستخدم بنوع خاص في اختبار مدى دلالة الفرق بين تكرار حصل عليه الباحث وتكرار مؤسس على الفرض الصفري . فاذا قسمنا عددا من أطفال فرقة دراسية حسب اختبار للذكاء الى مجموعتين : احداهما متفوقة وأخرى ضعيفة ثم لاحظنا في نهاية العام الدراسي نجاح ورسوب أفراد المجموعتين فكانت النتيجة كما يلي :

المجموع	ضعيف	متاز	ذكاء
			تعصل
01	1.	į.	ناجــع
01	۳.	٧٠	راسب
1	٤٠	71	المجموع

جدول (AT) الدلاقة بين الذكاء والتحصيل >

أي أن مجموعة الأطفال عددها • ١ طفل • ٢ منهم ممتازون من حيث الذكاء و • ٤ أقل من المستوى العادي ، واتضح في نهاية العام أن • ٤ من ممتازي الذكاء قد نجحوا في الامتحان التحصيلي ورسب ٢٠ منهم ، بينما نجح ١٠ من الضعاف ورسب ٣٠ . فانه يطلب مقارنة هذه النتيجة بما كان يتوقع لها أو أن أثر مستوى الذكاء في نتيجة التحصيسل منعسدم .

لتحقيق هذا الغرض ننشىء جدولا آخر يحتوي على تكرارات فرضية مؤسسة على الفتراض أن الذكاء لا أثر له في التحصيل . في مثل هذه الحالة يكون عدد التاجعين معادلا لعدد الراسبين في كل من فتي الذكاء ، أي يصير الجدول التكراري النظري على أساس الفرض الصفرى كالآتى :

المجسوع	خميث	ممتساز	ذکاء تحصیل
••	۲٠	۳۰	ناجے
٠٠	٧٠	۳۰	راسب
1	٤٠	٦٠.	المجمرع

جدول (٨٤) التكرار عل أداس الفرض الصفري

33

ومن هذين الجدولين يمكن أن نحصل على جدول ثالث يشتمل على الفروق بين

التكرارات التجريبية والتكرارات النظرية على أساس الفرض الصفري ويكون هذا الجدول كــالآتي :

المجمسوع	ضعيف	متـــاز	الذكاء التحصيل
صفر	١٠ –	1.	ناجے
صفر	1.	١٠ –	راسب
صفر	صفر	صفر	المجموع

جدول (٨٥) الفروق بين التكرارات التجريبية والتكرارات النظرية

من الطبيعي أن صحة هذا الفرض أو خطأه يتوقف على هذه الفروق ، فان كانت هذه الفروق كبيرة كان كانت صغيرة كان الاحتمال كبيرا في صحته .

وهذه الفروق لا تعطي دلالة واضحة عن مدى بعد النتيجة التجريبية عما يتوقع لها اذا نظر البها نظرة مطلقة . فاذا كان التكرار الأصلي ١٠ وكان الفرق بين التكرارين الأصلي والنظري ١٠ كان الموقف مختلفا عما اذا كان التكرار الأصلي ١٠٠ وكان الفرق بين التكرارين ١٠ أيضا ، كما أن هناك ملاحظة أخرى وهي أن اشارة الفرق (سالبة أو موجبة) لا تهم في معرفة مدى قرب التكرارين أو بعدهما عن بعض . ولذا فان اختبار (كا٢) يقوم على تربيع هذه الفروق وقسمة هذه المربعات على التكرارات النظرية ، ثم جمع نواتج القسمة التكرارات المختلفة . أي أن :

حيث ك : التكرار الملاحظ (التجربيي).

، ك : التكرار النظري (حسب الفرض المختبر) .

وتفسير هذا أن كا٢ تعادل مجموع خوارج قسمة مربعات الفروق على التكرارات

النظرية وبلاحظ أن مربع الفرق يقسم على التكرار النظري لا التكرار التجريبي الأصلي . ولحساب قيمة كما ٢ في المثال السابق تتبع الحطوات الآتية :

〔 (국-리)	(1-1)	[실 _ 원	التكرار النظري ك	التكرار التجريبي ك
٣,٣٣	1	11	۲.	٤٠
8,11	1	11 -	٧٠	۸٠
a, 1 +	1	1.	Υ.	۳۰
17,77			100	3.1

جدرل (۸٦) حساب کا^۲

. كالأني هذا المال = ١٦,٦٦

والخطوة الباقية هي معرفة درجات الحرية ، ثم الكشف في جدول كا عما اذا كانت قيمة كا لمله القيمة من درجات الحرية ذات دلالة عند نسبة ٠,٠٠ ثم عنسد نسبة ٠,٠٠

ودرجات الحرية في مثل هذا الجدول =

(عدد الأحملة - ١) (عدد الصفوف - ١).

(ذلك لأننا مقيدون في كل صف أو عامود بقيمة واحدة حتى يكون مجموع الصف أو العامود ثابتا) (1) .

(١) ريمكن حــاب درجات الحرية بطريقة أخرى: ففي الجلدول ٤ خانات تعطي ٤ درجات من الحرية الا أننا مقيدون في ملء علم الحانات بأريعة ثيود ، هي حواصل الحمم ولكننا في ذلك نكون قد تقيدنا بالمجموع الكل مرتين : مرة في حواصل جمع الأعمدة ومرة في حواصل جمع الصفوف ، فينبغي أن نزيد ١ عل درجات الحرية الناتجة فتكون درجات الحرية حـ ٤ -- ٤ + ١ = ١ .

			-			
٠,٧٠	•,٨•	1,41	•,4•	•,4٨	•,44	دع
1184	*,*127	۸۵۲۰۰۰	*,****	.,	*,***\@Y	1
۰,۷۱۳	1,227	-,411	1,1-1	1,1818	1,141	۲
1,878	1,000	4,001	۲۵۲, -	۰٫۱۸۰	1,114	y
Y,140	1,484	ነታተዩ	•,٧١١	*,£Y4	1,747	٤
4,	Y,77£7	1,111	1,140	٧٠٧,٠	•,##\$	
47,474	Ψ,•V•	Y,Y+£	1,770	1,178	*,474	٦.
19763	۳,۸۲۲	۲,۸۳۳	7,170	1,478	1,779	٧.
0,044	4,045	4,59.	7,777	7,.44	1,757	٨
7,798	ቀ,ፕ۸٠	\$,134	7,710	7,044	٧,٠٨٨	4
٧,٧٦٧	7,174	£,A%#	7,98.	4,.04	Y,+AA	11
۸٫۱٤۸	1,484	0,074	£,0Y0	Y,4+4	7,107	11
4,-48	٧,٨٠٧	7,8-8	₽, ₹₹₹	£,1YA	4,441	11
4,473	۸,٦٣٤	7,157	9,۸۹۲	٤,٧٦٥	\$,1.4	14
۱۰٫۸۲۱	4,647	V,V4+	7,071	4,774	1,771	14
11,771	11,717	V,44Y	Y,Y11	۵٫۹۸۵	9,774	10
17,778	11,107	9,414	Y,411	3,718	9,814	17
14,04.	17, 7	4,+44	۸,٦٧٢	Y,Y44	1,6.4	17
18,55.	۱۲٫۸۰۷	11,170	4,74.	V,4+4	V,+10	14
10,707	17,711	11,701	1-,117	٧٢٥,٨	V,144	11
17,777	12,074	14,644	1-,401	4,117	٠٣٢,٨	4+
14,144	10,550	14,44	11,041	V,410	٧,٨٩٧	11
14,1+1	17,715	18,181	17,777	11,711	4,084	77
14,.41	14,144	11,010	175+41	11,747	1-,147	17
14,444	14,.77	10,704	14,484	11,441	1+,147	14
Y+,A3V	14,91	17,277	15,711	17,747	11,075	44
11,741	14,44	17,747	10,774	17,2.4	15,144	177
11,714	Y+,V+T	18,114	17,101	1	ነየአላዊ	1
17,719	Y1,0AA	14,979	12,444	1	17,070	YA.
Y1,0YV	YY,£Y0	19,774	17,71		16,747	74
Y0,0+A	¥7,7%	Y+,099	14,595	17,517	18,790	7.

				+			
دع	1.11	٠.٧	• • •	•.4•	٠٢.٠	1.71	٠۵٠ -
١	7.750	9.217	134.7	7.7.7	1.727	1 - 75	·.too
۲	4.71+	V-ATE	0.111	1.1.0	7,714	Y.2 . A	1,873
٣	11.720	4-84	V,AV0	7,701	1,717	7.774	Y-Y33
£	17.777	11.774	4.544	V.VV1	4.444	٤,٨٧٨	7.7°4V
	10.00	17,744	11-17-	4,771	V,YA4	7.+78	\$.701
1	17.777	10,.77	17,047	11.750	۸٫۰۰۸	V,YY1	#.WEA
٧	14.670	17,777	18,-77	1717	4,4.4	۸٫۳۸۳	7,727
٨	30.040	18-138	10,0.4	17-717	114-	4,018	V. TEE
4	¥1.777	14.774	17,414	18,718	17,727	10,707	٨,٣٤٣
11	75.7.4	11.111	۱۸٫۳۰۷	10,444	14,554	11,741	4,4454
11	41.VY+	44,114	14.370	17,770	12.771	17,444	1+,7%1
14	¥4,Y1Y	30.37	Y1Y1	14,069	10,414	1811	11,72.
18	47,2.4	Y0,5Y1	17,571	14,414	17,444	10,111	17.44
18	Y4,181	Y1,AY	44.34	Y1.+1E	14,101	17,777	17.774
10	۳۰,۵۷۸	YA, 704	72.444	17,747	14,711	17,41	18-444
17	44,	14,311	Y3,Y43	14,051	7+,570	14-614	10,444
۱۷	27,5.9	4.440	TV, AAY	15,714	11,710	14.011	17.774
۱۸	72,1.0	77,72 7	14,414	10,141	۲۲,۷ 1+	4+,4+1	17.77
14	41,141	የተ,ጓለሃ	80,088	TV,T-1	Y7,4 · ·	11,114	14.27
۲٠.	47,011	70,.1.	۳۱٫٤۱۰	YA,£14	YE.+YA	11,770	14,777
41	YA,4YY	77,7£7	77,771	14,110	10,171	YY,808	۲۰,۳۳۷
77	1+,444	17,101	77,475	۳۰,۸۱۳	14,44.1	72,474	Y 1,444
77	£1,78A	የ ለ,43A	70,17	41,	YA,£Y 4	173×1A	YY,YYV
71	£1,4A+	£+,YV+	41,510	77,197	14,007	17, 41	77.77
70	11,711	\$1,077	۲ ۷,101	71,37	۳۰,3۷۵	44,174	71,17
41	197,43	ያሳለ,የ3	۳۸,۸۸۰	40,074	T1,V40	14,727	۲۳۲,۵۲
YY	£1,417	££,\È•	21/1/3	41,751	41,41	21,211	77,777
۲۸	\$4,774	\$0,519	٤١,٣٢٧	177,417	۳٤,٠٢٧	71,741	
44	£7,74F	ξΥ,00Y	۲۹,۰۸۷	T0,174	T0,179	27,871	
٣٠	۵۰,۸ ۹ ۲	\$ 7, ,73	٤٣,٧٧٢	F07,+3	41,70 +	77,04.	1

جدول (٨٧) قيم كا ٢ المقابلة لنعب الاحتمالات المختلفة

واذا بحثنا في الجدول أمام درجة الحرية ^(۱) في عامودي نسبة الاحتمال ٠,٠٥ ونسبة احتمال ٢٠,٠ نجد أن قيمتي كا ^٧ هما على الترتيب ٣,٨٤١ ، ٣,٦٣٥ .

وكا ^{لا} التي حصلنا عليها تزيد كثيرا عن هاتين القيمتين ، مما يدل على أنها ذات دلالة عند النسبتين ، أي أن الفرض الصفري لا يقوم عن أساس سليم ، أي أن التجربة قد أثبتت أن لمستوى الذكاء أثرا فعلي في النجاح التحصيلي . فاختبار (كا^{لا}) يستخدم عادة كمحك لقبول أو رفض الفرض الصفري .

وُفي حالات الحداول التي تتساوى فيها الفروق بين التكرارات النظرية والتجريبية في الخلايا الأربع يمكن أن نحول القانون الذي نحسب به كا ^٢ الى (ك ــ ك) عم الم

مثال آخر : عمل استفتاء اجتماعي عن موضوع (التعليم المشترك) في المستوى الثانوي فكانت النتيجة كما يلي :

موافق جدا موافق محارض معارض بشدة المجموع المجابات ١٥٠ ١٩ ٢٨ ٢٣ عدد الاجابات

فهل يمكن الاعتماد على هذه النتيجة التي عدد الموافقين فيها (٣٣ + ٤٧) = ٨٠ وعدد المعارضين فيها (٣٣ + ٢٨) = ٤٧ ، أم أن الفروق بين التكرارات نتجت بمحض الصدفة وراجعه لظروف الاستفتاء واختيار العينة ؟ المتبع في مثل هذه الحالات أن نفترض فرضا صفريا وهو و أن التكرارات الحقيقية في المجتمع الأصلي متعادلة ، وليس هناك اتجاه حقيقي لزيادة الموافقين عن المعارضين ، . وبناء على هذا الفرض الصفري تنشىء جدولا تكرارا جديدا فيه تتساوى تكرارات الفئات الخمسة (مع تقيدنا بالمجموع ١٥٠) أي أن الجدول النظري يصبح كالآتي :

موافق جدا موافق محايد معارض معارض بشدة المجموع عدد الاجابات ۳۰ ۳۰ ۳۰ ۲۰۰ عدد الاجابات موافق عاد الاجابات معارض بشدة المجموع

ئم تقارن بين التكرار التجريبي والنظري وتحسب كا ^٢ :

1(4-4)			التكرار النظري	التكرار التجريبي
_a	[인_의	[i]ij	້ ຢ	<u>.1</u>
٠,٣٠	1	۳	۲.	44
4,71	YA4	17	۳۰	ŧ٧
1,71	٤٩.	٧	۳٠	74
۱۶۱۳	٤	٧	۳۰	44
٤,٠٣	141	11 -	۳۰	14
\0,VY			10.	10.

جدرل (٨٨) حساب كا الاجارات الاستنتاء

ودرجات الحرية في هذا المثال ن - ١ ، وينبغي أن لا يفوتنا هنا أن ن هي عسده التكرارات وليس مجموعها كما كان الحال في اختبار « ت » أي أنها تساوي هنا » - ١ = ٤ (لأننا كنا مقيدين بقيد واحد في وضع التكرارات النظرية المتساوية وهو مجموع التكرارات) واذا رجعنا الى جدول كا آ في صف درجات الحرية ٤ نجد أنها تعادل ٩٠٤٨٨ عند نسبة ٥٠،٠ وما دامت كا آ في جدول (٨٩) أكبر من هاتين القيمتين فاننا نكون محقين في رفض الفرض الصفري ، ذلك لأن النيجة التي حصلنا عليها لا تحدث الامرة واحدة في كل مائة مرة عن طريق الصدفة اذا كان الفرض الصفري صحيحا ، أي أن هذه التكرارات التجريبية ذات دلالة احصائية وأن هناك انجاها حقيقيا في المجتمع الأصلي الموافقة أكثر منه المعارضة .

كا ` في حالة الجداول التكرارية ذات التكرار الصغير :

في كثير من الأحيان تحتوي خلايا الجدول التكراري المزدوج على تكرارات صغيرة وفي مثل هذه الحالات يفضل اجراء تصحيح في الفروق بين التكرارات وقد اقترح هذا التصحيح يول Yule ويطلق عليه تصحيح الاستمرار Yule التقسيم مستمرا وليس والفكرة من هذا التصحيح أن نظرية المينات تؤدي بنا الى اعتبار التقسيم مستمرا وليس محددا بنقط حادة فاصلة ، واعتبار هذه النقط على أنها منتصف فترة ، هي مرحلة الانتقال بين القسمين ، ولذا يفضل داعًا أن نعمل حسابا لكسرقدره ٥٠ في كل فرق بين التكرار التجربي والمتوقع ، ولنأخذ مثالا لتطبيق هذا التصحيح . لنفرض أننا أجربنا استبيانا التجربي والمتوقع ، ولنأخذ مثالا لتطبيق هذا التصحيح . مفهل أخابت تجعلهم يوصفون بالحضوع ، فهل نكون محقين في خمسين مراهقا ، فكانت النتيجة التجريبية أن ٢٨ أجابوا اجابات تجعلهم يوصفون بالخضوع ، فهل نكون محقين في بالسيطرة ، و ٢٧ أجابوا اجابات تجعلهم يوصفون بالخضوع ، فهل نكون محقين في وصف المراهقين بأنهم يميلون الى السيطرة أكثر من الخضوع ؟ للاجابة على ذلك نفتر ض فرضا صفريا مؤداه و أنه ليس هناك ميل خاص بين المراهقين الى السيطرة أو الخضوع وبناء على هذا الفرض يكون من المتوقع أن يوصف نصف العدد الكلي بكل من الصفتين وبناء على هذا الفرض يكون من المتوقع أن يوصف نصف العدد الكلي بكل من الصفتين أن الوضع التجربي والمتوقع بمكن تلخيصه كما يلى :

مجمسوع	محساضع	مسيطر	
8.	77	۲۸	تكرارات تجريبية
٥٠	Y0	Yo	تكرارات نظرية
	٣	۳	الفسرق
	٧,٠	حيح ۲٫۵	ويكونالفرق بمدالتص
	Y (Y, 0) + Y	(Y,0) Yo	وتكون كسا ً =
		• =	
	1=1-	الحربة = ٢ .	وتكرن عدد درجات

Goulden, C. H., Methods of Statistical Analysis (1939) and Sendecor, G.W. Statistical (1) Methods. (1937).

وواضح من جلول كا ⁷ أن التتيجة تقل عن قيمة كا ⁷ عند درجة حرية ١ ونسبة احتمال ٢٠٠٥ (٣.٨١١) ونسبة احتمال ٢٠٠١ (٣.٦٣٥) أي أن كا ⁷ هنا لا دلالة احصائية لما . مما يرجح قبول الفرض الصفري وهو أنه ليس هناك ميل خاص لأية ناحية من هاتين الناحيتين عند المراهقين .

كا^ر في قياس مدى انطباق التوزيع على التوزيع الاعتدالي :

تكلمنا في الباب المامس عن خواص المنحى الاعتدالي ، وبينا أن هذا النموذج من التوزيع انما هو نموذج نظري صرف لا يحدث عمليا أن ينطب قاليه التوريس التجريبي لأي صفة نفسية أو أي متغير طبيعي انطباقا تاما . ولكن الذي يحدث دائما أننا الفترض هذا التوزيع في أغلب السمات النفسية والاجتماعية في المجتمع الأصلي ، ويكون هدف الباحث مقارنة التوزيع الذي يحصل عليه بهذا التوريع الاعتدالي النظري . وقد دكرنا أن الطريقة لهذه المقارنة تنحصر في تهيئة Fitting أقرب توزيع اعتدالي لما حصل عليه الباحث من بيانات ، مع التقيد في هذه النهيئة بالماملات الأصلية في التوزيع التجريبي كالمتوسط الحسابي ، الانحراف المعاري كما يجب التقيد كذلك بعدد الحالات التي شملها البحث : وطريقة تحويل التوزيع الى التوزيع الاعتدالي موضحة في ص جدول ٤٥ ، وتشتمل على تحويل القيم الى درجات معيارية ثم تعديل التكرارات الأصلية الى تكرارات مستمدة من ارتفاعات المنحى الاعتدالي النظري .

وقد ذكرنا أنه يمكن المقارنة بالنظر بين التكرارات الأصلية والتكرارات المعدلة ، فاذا كان الفرق كبيرا دل ذلك على أن التوزيع التجربي لم يأت من التوزيع أصلي اعتدالي ، الا أن مدى كبر الفروق بين التكرارين ينبغي أن نصل اليه عن طريق احصائي . ونظرا الأن اختبار كا آ يوصلنا الى المقارنة الاحصائية بين أي تكرار تجربي وأي تكرار آخر نظري نفرضه فان هذا الاختبار هو خير ما يصلح للوصول الى هذا الهدف ، حيث يمكننا أن نفرض الفرض الصفري الآتي ه لا يوجد فرق جوهري ذو دلالة بين التكرار التجربيي الذي حصائا عليه والتكرار الاعتدالي النموذجي ه .

ولتوضيح الحطوات المتبعة في هذا السبيل نرجح الى جسدول ٣٤ فقسد كانت التكرارات الأصلية التجريبية والتكرارات النظرية المعدلة كما هو مبين فيما يأتي :

التكرار المعسدل	التكرار	الفئات
_51	Ŋ	
٤,٤٢		
۸,۸۵	17	٠٢٠
1٧,٧٠	YY	- ٤٠
YA,AY	**	0 •
44,44	۳٥	-4.
££,Y£	£0	-V•
£Y,+W	٤٢	-Y•
7 7,18	YA	~4.
44,14	14	-1**
14,17	18	-111
0,04	۱۲	-14.
۲,۲۱		
709,99	77.	المجموع

جدول (٨٩) تكرارات معدلة حسب التوزيع الاعتدالي

ويلاحظ أننا أضفنا في التكرارات المعدلة فئة عند كل طرف نظرا لاحتمال أن العينة التجريبة لم تشتمل على القيم الصغيرة جدا أو الكبيرة جدا ، فلحساب كا ٢ لهذه المقارنة نتبع الحطوات المعنادة ، كما في الجدول الآتي وقد ضمننا التكرارين الزائدين على تكرار أول وآخر فئة لتتسنى المقارنة بين التكرارات المقابلة .

			التكرار المدل	التكرار	
'('최-설)	((리-리)	(11)			الفئات
_	!		الد	(ك)	
۲۵.۰	V.£0	የ.۷۴	14-44	17	<u>- ۳۰</u>
١,٠٤	A,£4	1.70	17,71	44	- t·
•,11	۲,۳۱	1-74	44,44	۲۷	- 01
٠,٣٦	14,41	۳,۷۲	77.77	20	- *•
*,*1	٠,٥٨	٠.٧٦	££-Y£	ţo	- V•
_	_	۰,۰۳	٣٠,٢٤	٤٢	۸۰ ا
٠,٨١	۲٦,۸۳	0,11	77-11	٧٨	- 11
٠,٤٤	4.74	۳,۱۲ –	77,17	14	-1
٠,٢٧	7,70	١٫٨٣	17,17	15	-11-
۲,۳٤	14.10	٤,٢٦	¥7,V £	11	-11.
0,48		۱۳٫۸۸	Y04.44	44+	المجموع
		14,41		<u></u>	

جدول (•) مقارنة بين التكرار الأصلي والتكوار المعدل باستخدام اغتبار كالا من هذا الجدول نجد أن كا ^٣ = ٩٤.

ولحساب درجات الحرية ينبغي أن نذكر أنه في تعديل هذه التكرارات كنا مقيدين بقيرد ثلاث هو المتوسط والانحراف المعياري وعجموع التكرارات ولذا فان درجات الحرية تساوي عدد الفئات ـ ٣ (وينبغي ألا نخلط بين عدد الفئات وعدد الحالات الذي هو مجموع التكرارات كما كنا نحسب درجات الحرية في اختبار ٥ ت ٥).

واذا رجمنا الى جدول كا * عندما تكون درجات الحرية ٧ نجد أن نسبة ٠,٠٠ يجب أن تصل أن تصل الى كا * الى ١٤٠٠ حتى تكون ذات دلالة وعند نسبة ٠,٠١ يجب أن تصل الى ١٨٠٤٧٠ . وعلى هذا تكون كا * ليست ذات دلالة احصائية ، ولذا نستطيع أن نقبل الفرض الصفري الذي يفيد بأنه ليس هناك فرق جوهري بين التكرار التجريبي الذي حصلنا عليه والتكرار الاعتدالي النظري .

ونضيف هنا ملاحظة صغيرة وهي أنه اذا قل تكرار احدى الفئات عن (٥) صممت هذه الفئة الى الفئة الى قبلها أو بعدها واعتبرت الفئتان فئة واحدة وذلك لأن تطبيق اختبار كا آ يشترط فيه أن يكون كل تكرار في الجدول ٥ على الأقل .

استخدام كا ٢ في اختبار اعتماد متغيرين كل على الآخر :

X² as a test of Dependence

اذا حاول باحث اليجاد العلاقة بين متغيرين فالطريقة الطبيعية كما ذكرنا سابقا ... هي ايجاد معامل الارتباط بينهما ، مستخدما في ذلك أي معامل من المعاملات التي سبق لنا ذكرها ، ولكنه لا يتسنى ذلك الا اذا تيسر له الحصول على فترات عددية منتظمة لكل متغير ، أما اذا كانت البيانات التي حصل عليها لا تسمح بهذا التقسيم العددي المنتظم لحاً الى معامل التوافق (ق) في ذلك .

هذا ويمكن استخدام كا ^٢ في اختبار صحة الفرض بأن المتغيرين منفصلان عـــن بعضهما تماما من حيث الأثر ، بحيث لا تأثير لتغير أحدهما في تغير الآخر أي في اختبار استقلال Independence كل من المتغيرين عن الآخر .

والبك مثل لتطبيق اختبار كا" في مثل هذه الحالات :

أراد باحث معرفة العلاقة بين التوافق الاجتماعي لطلبة الكليات ونجاحهم الدراسي ، فأجرى استبيانا للتوافق الاجتماعي على عينة من هؤلاء الطلبة ، ثم قسمهم حسب نجاحهم تبعا لتقديراتهم في النجاح ، فكانت نتيجة البحث كما هو مبين في الجدول الآتي :

المجموع	توانق منخفض	توافق معتدل	توافق عال	التوافق
				الدز اسة
۳۰	٩	٩	۱۲	المتاز
۳۰	٧	10	٨	جيدا جدا
٦,	17	41	٨	جيد
۸۰	4	૧૦	٦	مقبـــول
9+	۳۱	11	٨	ضميف
٥١	۲۸	١٤	٨	ضميف جدا
۳۰۰	1	10.	٥٠	المجموع

جدر ل (٩١) الملانة بين النجاح الدراسي والترافق الاجتماعي لطلبة الكليات .

ويهدف الباحث الى معرفة هل يعتمد كل من المتغيرين على الآخر أم أنهما مستقلان تماما بعضهما عن بعض . :

والطريقة هنا هي نفس الطريقة المتبعة دائما في تطبيق اختبار كا ^{لا} ، وهي تنحصر في تكوين جدول تكراري على أساس الفرض الصفري ، أي على أساس استقلال العاملين بعضهماعن بعض، فاذا ثبت بعدذلك أن كا ^{الا} ذات دلالة احصائية رفضنا الفرض الصفري ، واعتبرنا المتغيرين مستقلين .

لمعرفة عدد المستازين الذين على درجة كبيرة من التوافق على فرض استقلال العامل الدراسي وعامل التوافق فلاحظ أن عدد المستازين جميعا ٣٠ طالبا . (مجموع العمف الأول) . كما فلاحظ أن في المجموعة كلها البالغ عددها ٢٠٠ طالبا ٥٠ منهم متوافقا توافقا عائيا ، أي ما يعادل إلى المجموعة الكلية . فان لم تكن هناك أي علاقة بين المدراسة والتوافق توقعنا أن النسبة إلى (بنه) تكون محفوظة في جميع مراتب الدراسة. أي نتوقع أن يكون عدد الذين نجحوا برتبة جيد جدا ومتوافقين توافقا عالبا ٣٠ × بنه ونترقع أيضا أن يكون عدد الذين نجحوا برتبة جيد ومتوافقين توافقا عالبا ٢٠٠ خيه ...

وفي حالة تكرارات خلايا العامود الثاني نجد أن عدد المتوافقين توافقا معتدلا بعادل نصف المجموعة الكلية ($\frac{10}{100}$). فيجب أن تظل هذه النسبة محفوظة في جميع خلايا هذا العامود على فرض أنه ليس هناك علاقة بين المتغيرين ، فنتوقع أن يكون عدد المتازين المتوافقين توافقا معتدلا $\frac{10}{100} \times \frac{10}{100}$ ، وعدد الناجحين برتبة جيد جدا ومتوافقين توافقا معتدلا $\frac{10}{100} \times \frac{10}{100}$ ، والناجحين برتبة جيد $\frac{10}{100} \times \frac{10}{100}$ ، والناجحين برتبة جيد $\frac{10}{100} \times \frac{10}{100}$

ونلاحظ من هذا أن التكرار المتوقع لكل خلية من خلايا هذا الجدول يساوي مجموع العامود مجموع العامود المجموع الكسلي

فاذا رمزنا للصف بالرمز أ وللعامود بالرمز ب كان التكرار المتوقع للخلية في الصف أ والعامود ب أي الخلية أ ب ذات التكرار لئير

> ك أ × ك ب ك ك والخطوة التالية هي تكوين جدول من التكرارات النظرية كالآتي :

6 . 11		توافق معتدل	توافق عال	التوافق
المجموع	توانق ضعيف	لوفق معدد	توبق عان	الدر اسة
۳۰	١.	10	•	ممتـــاز
٣٠	1.	10	٥	جيد جدا
7.	٧٠	۳.	11	جيساد
۸۰	¥7,Y	٤٠	۱۳٫۳	مقبول
۵۰	17,7	40	۸٫۴	ضعيف
۰۰	17,7	Yo	۸٫۳	ضعیف جدا
4	1,1	10.	£ 4, 1	المجمــوع

جدول (٩٢) التكر ارات المتوقعة على أساس الفرض الصغري

وبعد ذلك نستطيع أن نحسب كا" بنفس الطريقة المعتادة :

			التكرار المتوقع	التكوار الأصلي
(고-리)	(1-4)	(.티-리)		
- 53			- 4	到
4,4+	84	V	٠	14
٧,٤٠	77	٦	١٥	•
,1	١	1 -	11	•
۱،۸۰	4	٣	•	^
_	_	_	10	10
٠,٩٠	4	۳ ــ	1.	٧
1,51	٤	Y	١٠.] ^
٠,٢٠	177	٦	۳.	77
;A	17	¥	٧٠.	17
٤,٠١	۰۲,۲۹	٧,٣	14,4	٦
10,27	770	Ye	٤٠	or
11,77	717,74	17,7-	77.7	•
٠,٠١	٠,٠٩	-۴٫۰	۸٫۳	
٧,٨٤	147	15,	Ye	11
17,70	7 . 5,54	18,8	17,7	41
٠,٠١	1,11	۰,۳-	۸٫۳	٨
£, λ £	111	11-	70	į <u> </u>
۷,٦٥	177,74	11,1"	17,7	YA
		1,11		
۸۱٬۳۷		1,11-	۳.,	۳۰,

	1	<u> </u>	<u> </u>	1

جدوله (٩٣) حساب كا^٧ في اختبار اعتماد مثنيرين كل مل الآسر

من هذا الجدول يتضح أن كا" = ۸۱٬۳۷ ودرجات الجرية = (۳–۱) (۱–۱) = ۱۰ ۲٤۱ وبالرجوع الى جدول كا ^٣ نجد أن قيمتها ذات الدلالة لهذا العدد من درجات الحرية عند ٥٠٠٥ تعادل ٣٠٠٥٧٨ أي أن قيمة كا ^٣ ي الحرية عند ٥٠٠٠ أي أن قيمة كا ^٣ ي الجدول ذات دلالة احصائية عند هاتين النسبتين مما يجعلنا نرفض الفرض الصمري . ويؤدي بنا هذا الى احتمال اعتماد كل من المتغيرين (التوافق والدراسة) كل على الآخر .

ويمكن تلخيص طريقة حساب كا * في الحدول التوافقي في القانون الآتي :

وهو يتطلب الخطوات الآتية :

احسب التكرار النظري لكل خلية فاذا رمزنا للخلية بالرمز أب وكان رمز تكرارها الأصلي كثن فان تكرارها النظري المقابل للتكرار التجريبي يحسب بضرب الصف ك × تكرار العامود ك وقسمة الناتج على التكرار الأصلي ك .

٢ - أطرح كل تكرار نظري من التكرار الأصلي (التجريبي المقابل له) أي احسب
 ١٤٠٠ - كل تكرار نظري من التكرار الأصلي (التجريبي المقابل له) أي احسب

٤ - اقسم مربع الفرق في كل خلية على التكرار النظري لها أي أوجد

اجمع خوارج القسمة للخلايا المختلفة ، فيكون حاصل الجمع هو قيمة كا ١.

٦ - احسب درجات الحرية للجدول التوافقي و هي تساوي :

(عدد الصفوف - ١) × (عدد الأعمدة - ١).

٧ ــ اكشف عن قيمة كا * ذات الدلالة المقابلة لعدد درجات الحرية من جدول كا * عند نسبي ه٠٠٠ و ٠٠٠١ ، فان كانت القيمة النائجة أقل من القيمة في جدول كا * عند نسبي استقلال المتغيرين بعضها عن بعض ، وان كانت أكبر منها دل ذلك على اعتمادهما بعضهما على بعض .

حساب معامل التوافق من كا ٢:

بالرغم من أن اختبار كا ^٢ يفيد الباحث في تحديد ما اذا كان أحد المتغيرين يعتمد على الآخر ، أم أنهما مستقلان عن بعضهما تماما . الا أنه في الحالات التي يتضح من هذا الاختبار أن المتغيرين مرتبطان لا يفيد الاختبار كما هو في معرفة مدى العلاقة بينهما ولكن بتعديل بسيط في قيمة كا ^٢ يمكن أن تحصل على قيمة قريبة من معامل التوافق الذي سبق ايضاحه في الباب السابق .

وطريقة حساب معامل التوافق من قيمة كا ٢ تنحصر في تطبيق

ولتطبيق هذا القانون في المثال السابق تجد أن :

ومعامل التوافق لا يحسب في هذه الحالة الا بعد تطبيق اختبار كا ". والاستدلال من هذا الاختبار على أن هناك علاقة بين المتغيرين ، أما اذا أثبت هذا الاختبار أن المتغيرين مستقلان كل عن الآخر فبكون لا معنى مطلقا حيئذ لحساب معامل التوافق ، لأنه في هذه الحالة يكون عادة عديم الدلالة .





تحليل التباين :

يستخدم اختبار عرب في المقارنة بين متوسط مجموعتين لمعرفة ما اذا كان الفرق بينهما جوهريا لا يمكن أن يكون قد حدث عن طريق الصدفة ، أو بمعنى آخر لاختبار الفرض بأن المجموعتين يمكن اعتبارهما عينتين من مجتمع أصلي واحد ، ويمكن تحوير هذين الفرضين ووضعهما على صورة فرض صفري بأنه ليس هناك فرق حقيقي بين المتوسطين في المجتمع الأصلي .

ويضطر الباحث في كثير من الأحيان أن يختار عينته التجريبية من جهات متعددة . فيجري اختباره مثلا على عينة من مدارس متباينة ، أو من مستويات غتلفة من الثقافة ، أو مستويات اقتصادية اجتماعية متنوعة ، أو من بلاد مختلفة ، ومثل ذلك حينما يجري الباحث استفتاء عن موضوع معين ، أو بحثا اكتشافيا للرأي العام نحو مشكلة خاصة فيجمع العينة التجريبية من أوساط وأقسام مختلفة . وتكون المشكلة التي يصادفها الباحث هي هل يكون محقا اذا جمع النتائج الجزئية التي حصل عليها ويعاملها على أنها نتيجة واحدة من مصدر واحد ، أم أن عليه أن يعاملها على أنها نتائج منفصلة مختلفة ؟ في مثل هذه الحالات ينبغي أن يتحقق من عدم دلالة ما بين هذه المجموعات وبعضها من فروق . ويمكنه القيام بهذا الاختبار على أساس المقارنة بين كل مجموعتين على حدة مستعملا في ذلك اختبار و ت و ومعنى هذا أنه يقوم بعدة اختبارات للوصول الى هدفه ، فان كان عدد المجموعات أربعة اضطر الى اجراء ٢ اختبارات واذا وصل عدد المجموعات الى ٨ كان عليه أن يجري ٢٨ اختبارا ك

ولكن طريقة تحليل التباين التي وضعها Fisher توصل الى هدف المقارنة بين مجموعات متعددة عن طريق مباشر . فالتباين هو متوسط مربعات فروق القيم عسن المتوسط ، أي أنه مربع الانحراف المعياري . ويمتاز التباين عن الانحراف المعياري في أن استخدامه أعم وأنه بصلح لعمليات كثيرة ، فهو يخضع لعمايات الجمع مثلا فاذا جمعنا مجموعتين احداهما مكونة من ن قيمة وانحرافها المعياري ع والثانية من ن قيمة وانحرافها المعياري ع والثانية من المعياري المعياري ع فقد توصل هلسن Helson الى حساب الانحراف المعياري للمجموعة الكلية المكونة منها من المعادلة الآتية :

$$(^{\intercal}_{\gamma}\dot{\omega}\dot{\omega}^{+})^{+}_{\gamma}\dot{\omega}_{\gamma}\dot{\omega}^{+}_{\gamma}\dot{\omega}_{\gamma}\dot{\omega}^{+}_{\gamma}\dot{\omega}_{\gamma}\dot{\omega}^{+}_{$$

حيث ع ٢٠١ ; تباين المجموعة الكلية (المكونة من المجموعتين ٢٠١)

ن : عدد حالات المجموعة الكلية .

ن : عدد حالات المجموعة الأولى .

ن : عدد حالات المجموعة الثانية .

ف : الفرق بين متوسط المجموعة الأولى والمتوسط العام للمجموعة الكلية

ف : الفرق بين متوسط المجموعة الثانية والمتوسط العام للمجموعة الكليسة

واذا ضربنا حدي المعادلة في ن تصبح :

نع ٢ = ١ = ١ + ١ , ق من + ٢ , ق من = ١ عن

ويلاحظ أن هذه المعادلة تحلل مجموع المربعات (مربعات فروق القيم عن المتوسط العام) الى قسمين :

أولا : ن ع ، ٢ ؛ ن ع ع ٢ وهذا المقدار هو مجموع المربعات داخل المجموعتين أي مربعات الفروق الموجودة بين كل قيمة ومتوسط المجموعة التي تنتمي اليها .

ثانية : ن من الله المعات الفروق بين متوسط كل مجموعة والمتوسط العام .

المجموعات وانسجامها أو اختلافها بعضها عن بعض . فان كان متوسط المجموعات المجموعات وانسجامها أو اختلافها بعضها عن بعض . فان كان متوسط المجموعات المكونة للمجموعة الكلية واحدا فان التباين الكلي يرجع الى التباين الداخلي في المجموعات فقط ، وذلك لأن قيمتي ف ، و ف في في المعادلة السابقة تصير صفرا . وكلما زادت الفروق بين متوسطات المجموعات والمتوسط العام كلما قل تجانس المجموعة الكلية .

نكأن درجة تجانس المجموعة يتوقف على النسبة بين نصيب القسمين السابقين من التباين . ولتوضيح ذلك نفيرض ثلاث مجموعات تتكون كل منها من خمسة أطفال أعمارهم كالآتي :

ومن هذه القيم الاثني عشر يمكن حساب مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط العام كما يلي :

$$\begin{bmatrix} \omega_{x}(x_{1}+(Y_{1})^{2}+(I_{1})^{2}+(I_{2})^{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} (-Y_{1})^{2}+(-I_{2})^{2}+(I_{2})^{2} \\ (-Y_{1})^{2} \end{bmatrix} + (\omega_{x}(x_{1}+(Y_{2})^{2}+(-I_{2})^{2}+(-I_{2})^{2} \end{bmatrix} + YY$$

ر مجموع مربعات انحرافات المتوسطات عند المتوسط العام .

$$= [(\forall -r)^{T} + (\mathbf{s} - r)^{T} + (r - r)^{T}] \times \mathbf{s}$$

$$= \mathbf{r} \times \mathbf{s} = \lambda$$

متبصو مجموع مربعات انحرافات القيم داخل المجموعة عن متوسطها ـــ

$$= [(-1)^{T} + (0)^{T} + (0)^{T} + (0)^{T}] + [(-1)^{T} + (0)^{T}] + [(-1)^{T} + (0)^{T}] + [(-1)^{T} + (0)^{T}] + (0)^{T} +$$

 وقد ذكرنا أن مدى اتساق المجموعة الكلية يتوقف على النسبة بين (النباين بين المجموعات) و (النباين داخل المجموعات) فان كانت النسبة كبيرة دل ذلك على عدم تجانس المجموعة الكلية .

ولكي تحصل على التباين من مجموعات المربعات التي حسبناها ينبغي أن نقسم كل مجموع على عدد درجات الحرية في كل حالة .

فدرجات الحرية لمجموع مربعات انحرافات القيم عن المتوسط العام

== عدد القيم كلها ... ١ = ١٢ _ ١ = ١١

ودرجات الحربة لمجموع مربعات انحرافات المتوسطات عن المتوسط العام

عدد المتوسطات أي عدد المجموعات - ١ = ٣ - ١ = ٢

ودرجات الحرية لمجموع اتحرافات القيم داخل المجموعات

= مجموع درجات الحرية للمجموعات كل على حدة .

$$= (\dot{v}_y + 1) + (\dot{v}_y - 1) + (\dot{v}_y - 1)$$

$$= \dot{\psi}_{\gamma} + \dot{\psi}_{\gamma} + \dot{\psi}_{\gamma} = \Upsilon$$

ويلاحظ أيضا أن عدد درجات الحرية في الحالة الأولى = مجموع درجات الحرية في الحالتين الثانية والثالثة ويمكن أن نضع النتيجة في الجدول الآتي :



متوسط مجموع المربعات(التباين)	مجموع المربعات	درجات الحرية	المصدر
٤,٠٠	٨	Y	بين المجموعات
۱,۵٦	١٤	٩	داخل المجموعات
	**	11	المجمــوع

جدو ل (٤ ٩) محليل التباين لقيم نلاث مجموعات

وقد أطلق اسم F Ratio و قسميها و قسبة ف و على النسبة بين النبابن ببن المجموعات والتباين داخل المجموعات . ووضع Snedecor جدولا لقيمها التي تكون لها دلالة الحصائية عند نسبتي و ٠٠٠٠ ، ١٠٠٠ ولاستخدام هذا الجدول يلزمنا معرفة درجات الحرية لكل من حدي النسبة . و نظرا لأن القيمة الصغرى من الباين تقابلها درجات حرية عددها ٩ في المثال السابق نبحث في الجدول عن العامود تحت الرقم ٢ والصف الذي رقمه ٩ (فأرقام الأعمدة هي الحاصة بدرجات الحرية المقابلة لأكبر جزء من التباين ، وأرقام الصفوف هي الخاصة بدرجات الحرية المقابلة لجزء التباين الأصغر . والجزءان في هذا المثال الصفوف هي الخاصة بدرجاع الى الجدول نجد أن قيمة و نسبة ف و ذات الدلالة عند نسبة احتمال ٥٠٠ هي ١٠٥٦ ، وعند ١٠٠١ هي ٢٠٨ أي أن قيمة وف و في هذا المثال لبست الحتمال ٥٠٠ هي ١٠٥٦ ، وعند ١٠٠١ هي ٢٠٨ أي أن قيمة وف و في هذا المثال لبست المتمال ٥٠٠ هي ١٠٥٠ هي هذا المثال لبست المتمال ٥٠٠ هي عند النسبتين .

ومعنى هذا أن التباين بين المجموعات وبعضها لا يزيد عن التباين داخل المجموعات بنسبة كبيرة نجملنا نشك في تناسق المجموعة الكلية المتكونة منها ، أي أننا نستطيع أن نقول أن هذه المجموعات الثلاثة قد أخذت كعينات من مجتمع أصلي واحد ، وبمعنى آخر أننا نستطيع أن نقبل الفرض الصفري .

ويكون الاستنتاج الأخير سهلا في حالة عدم دلالة الفروق بين المجموعات لأن هذا الاستنتاج يتضمن عدم وجود فرق جوهري بين أي مجموعتين من هذه المجموعات الثلاث، أما اذا كان هناك فروق جوهرية بين أي مجموعتين فان تحليل النباين سيوضح أن المجموعات كلها لم تأت من مجتمع أصلي واحد وتكون نسبة هفه ذات دلالة احصائبة واليك المثال الآتي لتوضيح هذه الحالة .

طبق اختبار تحصيلي على عينة من كل من أربعة فصول دراسية فكانت الدرجات كما هي مبينة فيما بلي :

	17.70	1.00	7.20	٧.٧٥	\$7.Y	٧,١٩	٧,٠٠	34.7	1.4.1	7.77	7.02	73.5
<	10.1	34.3	6.T.0	41.3	48.4	۳.۸۷	1.74	۲.۷۲	٧٤.٦	11.1	1.77	٣.٥٧
Ĺ	14.48	11.47	4.VA	1.10	۸٫۷٥	۸,٤٧	۸.۲٦	۸.۱۰	V.9A	٧.٨٧	٧.٧٩	٧.٧
,a	6.44	31.0	1.4.3	70.3	b.A.3	٧٨٠3	1.4.3	1.3	11.3	1.03	41.3	\$
	17.77	17.77	17,07	11,74	1.,44	10,70	1 5 0	10.77	11.10	1 6	4.4.1	4.4.
•	1.7.1	٠,٧٦	13.0	11:0	0.0	6,40	٧٧٠ ۽	14.3	VA:3	\$4.3	٠٨٠3	٨٨٠3
	*1.4	۱۸,۰۰	17,74	10,44	10,07	10,71	15.94	16.4.	18.77	16.05	16,20	18,44
ga.	14.4	38:1	100 P	1.54	1.77	7.17	44	3		26.0	150	11.0
	TE.17	T 1	13:67	14.41	44,7£	11,41	44.44	¥4.84	34.44	77.TT	41.44	440
-1	1 15	4.00	4.77	4.17	1	35.4	۸۸.۸	37.7	۱۷.۸	۸.٧٨	٧.٧٦	۸.٧٤
	9,6,4.9	99,-1	99,14	11.70	44.7	11.77	34.76	19.77	39.77	99,50	19.51	43.84
~	10,01	14500	19,19	14,40	19,70	19.50	14.77	19.77	19,50	14.74	14.6.	19.61
	10.01	2,444	7.3.0	0770	377,0	0,/04		0.941		7.07 7.17	174.1	4.1.4
_	111	٠٠ ٢	114	440	14.	344	٧٣٧	14.4	131	¥3.4	A3.A	33.4
	-	4	- ŧ	~	0		<	>		÷	1	11
ن ۲			•	:					ن ۱ در	ن ۱ درجات الحرية	رتي	

10,5	0,07 7,01		٠,٠		***	13.3	٧٨٠٤	31,3	6, 4	7,46	7,7,7	*
T.41 F.11 F.TE F.VE E.T.	37,7 11,7	7.17	-	7.41		٧. ٢	¥.,44	۲.۷۰	٧,٦٥	3	۲۵.۲	Y.04
0,.7 0,10 0,00 1,4T 1,TT	0,51 0,10	13.0				14:3	01.3	. 0 .	17,3	* 74.	177,3	11.3
1,11 F3.4 F3.4 17.4 (1.4	83,7 F7,7	17,77		7,11	_	T 1	4.9.4	٥٧٠ ل	۲,۸۰	۲,۷,۲	۲,۷ ۲	17.74
OL'S STA SA'S AL'O AM'O	17.7 VF.0	٧٧,٥		44.0		0,14	44.3	34,3	41.3	30,	1364	. 3.6.3
T,T. T,TT T.04 T.4A 5,A6	7,77 F.04	777		4,4.	_	4.4	1.44	٠٧,٧٠	1.64	1,4'4	47'4	۲,۷۹
0,72 0,44 7,00 V.07 12	0,44 7,00	0,44	_	27.0		0.44	0,41	1.00	€,40	\$./0	٤,٧٨	1,43
1,57 T,50 T,V1 5,10 5,41	14'A V3'A	٨3,٣		47.4		77.4	31.T	٧٠,٣	77	٧٨,٧٧	¥,4£	13.41
7,.7 7,87 7,44 A,.7 107	7.67 7,49 A.47	73,67		1, 1		۰,۸۰	0.77	0.£Y	0.40	P.Y.0	۸۱٫۹	0,11
71.0 77.2 TA.7 47.7 A.1.4	F.3F F.A3	46.4		Y.£.		44.4	P.Y.4	۲. ۲۳	۲,۱۸	41.4	7,1.	7,.4
1.17 V1 V.08 A,10 11,73	V, 1 V, 08 A, 10	٧٠٠١		1.11		1, PV	1,14	4.4	0.44	۸۷.٥	9,78	٧٧,٥
XX'0 X3'3 X.'3 3V'A \$L'A	13,3 V.,3 34.7	13V.A	_	47.77		7,01	14,00	7386	77,77	37,7	4,47	٨٢,٣٨

۷۰,۲ ۸۶,۵
r.re r.ra r.e1
V.Tr V.T1
3V.4 1V.4
43.F A7.F
40.3 +0.3
17.42 17.AT 17.4T 18T
٧٧.٥ غ٧.٥
41.01 41,14 10.14
71.V 41.V
44.EA 44.EV 44.E7 44.E0
33,81 03.81 13.81
1. YOA 7, YYE 7, Y.A
153 A . 0 A
Y. YE

T,TT T.TE T.ET T.01
r.v. r.v. r.v.
\$0.7 · 0.7 F2.7
1.3 4.3 35.4
01'4 11'4 AO'A
£. 70 £. 77 £. £1
AN'A 3A'A +A'A
·V'3 AA'3 31.3
4.A. 4.4. LV.A.
0.Y. 0.YA 0.TT
r A r. 1 r r. 10

	7.17 Y.4A	17.72 Y.17	4.0.	64.4 A.t.	7,77	Y . 12	4 7 7	11	7.4Y	1,47	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
٧,١٧	0.1	17.3	7.41	7.67	7.17	7.07	۸.۲	٧.٧٨	٧.٧٠	11.71	1.0.7
	41.7A	1.74	7.07	4.5.	17.74	7.7.	7.17	٧٠.٧	11	1.41	1.40
3	0.1x	17.7	7.7	4.04	7.74	71.17	Y.44	۸۸.۲	٠٨.٧	4.74	4.44
×	77.77	1.72	11.7	7.50	3.7.7	7.70	V1.7	41.14	۸٠.۸	3+14	4.1.4
Y . 0 %	0.74	10.3	F 4	T.V.	Y3.7	7.7.	4.14	4,.7	۸۴.۲	Y,4 .	7.A£
2,14	7,77	77.77	47.74	7.07	7.57	3.7.7	7.77	1.7.7	1.5.A	7.17	b + 1 A
A.V.	12.0	14.3	11.3	7.4.	7.77	T.0.	14.4	4.40	4.14	7	44
17.3	۳,٤٠	4:1	٧٧.٧	11.7	7.01	Y.27	14.4	4.7.	1.1.1	7.74	٨١.١
<u>}</u>	0.40	38.3	43.3	.1.3	۳.۸۷	۲۷.۲	T.07	T.50	4.44	4.4.	4.44
6.7.3	7.44	r.1.	٧٨.٢	1.7.7	* L. A	70.7	Y. E 0	7.5.	0.4.4	4.4.4	٧٧.٢
3.4	11.17	0.1A	A1.3	34.3	1.3	4.44	7.V4	۸۲.۶	¥.04	4.04	7.20
1.10	Y.01	4.4.	7.47	۲.۸۱	٧.٧٠	41.44	4.00	۲.0٠	Y-20	13.7	٧٣,٢
	4	٦	~	0	مر	٧	٨	4	1.	11	17
								Ċ.	ن ۱ درجات الحريسة	ت الحريد	رم.

			 	٠										
١٧	4		۲,۱,۲	1 40	Y, Y +	1.77	4.44	1.٧٨	7.74	1,1.	Y.4.	1,74	4.44	٠ ٨٠
4.70			7.7¢	1.74	4.44	1,/	7,74	11	7,778	1,74	7.47	۰۸,۱	7,27	۱,۸۸
1,4V	٥٠,		4,77	17,1	\$47.4	37'1	٧٣,٢	۰۸,۱	13.4	1,44	7,55	1,14	7.01	1.97
1.44 Y,V	۲		7.61	۱,۸۸	7,87	1,41	7,27	1,4.	7,0.	11.47	Y,04	36.1	¥.04	1.44
1.4.4 1.4.4	11.		10,7	31.1	4,04	1.40	7,00	17.11	4.7.	1,44	7,77	Ψ,	17,75	4.4
λ ⁴ λ 3 · ⁶ λ	٧0		\$1,7	1+4	Y.73	4 4	7,74	44	7,77	0.'1	۲.٧٦	٧٠.٧	47'4	1,1.
Υ.,Υ Υ.,Υ	٠٠		*.v.	44	7.47	٧,١٠	Υ,Λο	41.4	4.4.	31,7	18.4	11.17	7,44	11.7Y
4344 4344	200		7.07	17.7	r, . £	44.44	A A	٧, ٧٣	r.11	44.4	4.18	٨٨٠٨	4.4.	4.4.
Y.10	4.		77,77	74.4	F. F.2	۸۳,۲	4.4.1	17.74	13.7	13.7	₹3.7	43.4	10.7	1.3.7
V-:4 F7:4	7.5		T.V.	٠٧.٦	۲,۸۰	11. 1	7,7	7,77	۲.۸۸	7.70	7.41	47,74	۲,۹۸	٧,٧٠
Y,YF F-17	۲.	بحي	*:3	Y.44	11.3	T1	11.3	77	1.4.3	1	o.v.3	7	1V'3	74
ייין אייין איי	<u></u>	\$1 : L	4 . 4	۲,۸	1.11	۳.۸٥	٠٧,٢	4,71	1,4,1	۲,۸۹	1,/1	r.4.1	1,4	33.4
7.77	- T					<i>-</i> .: :		**		۲:		6		1

	:	٠.	•		7	4 %	*
1.77	1.77	1.40	33.1	1.>1	1.44	1.44	37.1
1.70	1.7-	1.44	1.4.1	1.07	77.7	1.72	33.7
1.79	1.75	112° U +3° U	1.4.4 V3.1	1.00	A+* A LL* (1.77	۸۶.۲
1.72	1.74	1.20	1.04	1.09	1.79	1.7.	1.9.
1,07	1.72	1.44	1.00	1.47	1.47	1.74	1.97
117.1	1.47	1.04	34.1	1.77	3.4.4	33.4	7.77
1.47	1.01	1.0.1	1.47	11.74	1.74	63.4 6V1	1.14
30.1	1.04	1.77	1.74	* 4 4 3 3 4 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	37.1	7.0.Y	AAY.4 3 · 4
1,04	1.42	7 · · 7 VF · · 7	1.V£	1.74	1.A4 1.A.1	1.4.4 Vb-1	1.V.1 V· 1
7.7	4:14 V1:17	1.77	7.73 AV.1	1.74	1.1r 7,00	4.74 4.14	38.4 41.4
1.3	7.70	47.74	7.7.4	7 2	17.73	0 V. A	4 4
7.7.	1.4.4 V.Y.1	4.4.0	4.5%	Y .0 7	3. A	7.97	7 7 7

			۲
v: v:	1.11	1,14	1,14
17.1	17.14	34.1	1,44
1,14	VX'(12.1	1,77
34.1	1,77	13.1 17.1	1,84
1,47 1,£1	1,50	1,5Y	1,40
1,50	1,0.	1,47	1,51
1,64	1,51	13.61	1,20
1,27	1,44	1,75	λλ'1 λσ'1
1,01	1.04	× ×	١٠٨٨.١
٧٨.١ ٧٨.١	1,01	17.41	1,17
15.72	1.70	3:47	15.74
4.4	Y, . 4	1,V1	1,74

جدو ل.(ه ٩) تام ف المدّ يلدّ لدرجات الحرية المعتدلمة (الأصدة لدرجات الحرية النباين الأكبر عند نسيتي ه ٠٠٠ (العدد العماري في كل سمانة) و ٢٠٠١ (العدد السفلي في كل عدية) _

نصــل (د)	فصل (ج)	فصل (ب)	فصل(أ)	
40	10	77	**	
44	77	٤٢ ا	17	
41	77	40	70	
14	Y4	44	70	
**	٤١	77	Y •	•
74	۳٤	٤٠	48	
£ŧ	47	٤١	۳۸	
۲۰	۲۸	44	YY	
YY	40	70	٣٧	
17	٤٢	77	*1	
77.	**	۲۸۰	. 44.	المجموع الترسط
**	44	44	YV	المصال

جدر ل (٩٦) درجات أردمة فسول في اختبار تحصيل

مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط العام.

$$+ [(\Lambda) + \xi q + 7\xi + 7\xi + 17 + 1 \cdot \cdot + Yo + Yo + 147 + 7\xi]$$

$$+ [(\xi q + Yo + \Lambda) + 1Y1 + 1 \cdot \cdot + \xi q + Y7 + Yo + 1\xi\xi + 7\xi]$$

$$+ [1\xi\xi + Yo + \xi + \xi q + 17 + 1Y1 + 1 + q + \xi + Yo]$$

$$= [17q + q + 1 \cdot \cdot + Y7 + \xi q + 7\xi + 1Y1 + \Lambda1 + 7\xi + Yo]$$

$$Y\xi q \xi = V1\Lambda + Yq\Lambda + 7q\xi + 7\Lambda\xi$$

عبوع انحرافات المتوسط عن المتوسط العام ==

187 - = (78 + 9 + 78 + 9) + (9 + 187) = (78 + 9 + 78 + 9 + 187) = (78 + 9 + 78 + 187) = (78 + 18 + 18 + 187

ويكون جدول التحليل كما يلي :

متوسط مجمسوع مربعات التبساين	مجموع المربعات	درجات الحرية	المصدر
£A7,7Y YA,AY	157.	44	بين المجموعات داخل المجموعات
17,7	714	79	المجموع

جدول (٩٧) تحليل تباين درجات اربعة نصول في اعتبار تحصيلي

$$17,40 = \frac{$1,70}{$1,00} = 6$$
ومن ذلك تكون ف

واذا رجعنا الى جدول (ف) مع ملاحظة أن درجات الحرية المقابلة للتباين الأكبر تساوي ٣ ، وأن درجات الحرية المقابلة للتباين الأصغر هي ٢٦ (أي في عامود ٣ القيمة المقابلة للعدد ٣٦ نجد أن قيمة ف ذات الدلالة عند نسبة ٥٠٠٥ تنحصر بين ٢,٩٤ ، ٢,٩٢ ، وعند نسبة ١٠٠٥ هنا ذات دلالة احصائية فهي وقيم ، ت ، في المثال الحالي ومدى دلالتها موضحة في الجدول الآني :

دلالة عند ٢٠,٠	دلالة عند ٢٠٠٥	ت	الفصـــول
نعم	تعم	٤,١٠٤	Y : \
K	K	1.74	4.1
У	7	1.17	£ 6 \
У	K	7,11	W . Y
نعم	نعم	17,71	£ ; Y
تعم	نعم	4,۳۱	1 1 7

جدول (٩٨) قيم يات، المقارنة بين متوسطات المجموعات الأربعة

ونجد في هذا الجدول أن نصف عدد قيم « ت » لها دلالة احصائية عند نسبتي •٠٠٠ ، الله الله التالية بين الفصلين ٢ ، ٤ ، والقيمة التالية بين الفصلين ٣ ، ٤ ، ويمكننا من هذا الجدول أن نستنتج أن المجموعات الأربعة لا يمكن ضم درجانها واعتبارها مجموعة واحدة ولكن قد نستطيع ضم درجات الفصلين ١ ، ٤ واعتبارها مجموعة واحدة وضم ٢ ، ٣ واعتبارها مجموعة أخرى .

أسئلة على الباب السادس

١ ــ قسمت مجموعة من التلاميذ الى مجموعتين متعادلتي القوة الدراسية تقريبا في عث يهدف الى المقارنة بين طريقتين من طرق التدريس ، وفي نهاية السنة الدراسية كانت النتيجة الدراسية للمجموعتين كما يلى : __

رقم المجموعة	عددها	ناجحون	راسيون
(1)	٧o	71	Ye
(1)	15.	٧٠	٦.

اختبر ما اذا كان هناك فرق جوهري بين أثر كل من الطريقتين على نجاح التلاميذ ورسوبهم .

تكرار تكرار تكرار فثات المجموعة الأولى المجموعة الثالثة المجموعة الثانية درجات الاختبار ۲ ٣ - Y ٨ 17 18 27 ۲. 18 - 11 40 YY 40 - 10 24 4. YY 10 71 27 - 18 20 27 - 11 44 - Y£ 11 YA 18 - 44 ۳. Y£ 11 - 4. 70 4. ١. 14 ٩ ٦ - TT 10 ٣ - Y1 ... المجموع Yes Y . .

جمول (٩٩) حدول تكراري لبيان العلاقة بين ذكاء الابن ووظيفة الأب

٣ - في بحث لبيان العلاقة بين عمل الوالد وذكاء الان أجري اختبار اللكاء على ثلاث بحموعات من الأطفال: المجموعة الأولى آباؤهم يعملون في مهن صناعية والمجموعة الثانية آباؤهم يعملون في مهن كتابية والثالثة في مهن فنية عالية. فكانت نتائج المجموعات الثلاثة كما هو مبين في الجلول التكراري السابق.

باستخدام اختبار و ت و بين ما اذا كان الفرق بين متوسط كل مجموعتين مسن المجموعات الثلاثة ذات دلالة احصائية .

٤ ــ عزفت خسس قطع موسيقية على مجموعة من ١٠٠ شخص ، وطلب منهم بيان أفضل هذه القطع الحمس فكان عدد الذين اختاروا كل قطعة كما يلي :

77	ī	قطعة
14	ب	قطعة
41	3 -	قطمة
17	۷	قطعة
Y £		قطمة

اختبر ما اذا كان هناك فرق جوهري بين تفضيل المجموعة القطع الخمس،

اجريت أربع اختبارات على ١٠٠ شخص فكانت معاملات الارتباط بين نتائج هذه الاختبارات الأربعة كما هو مبين في المصفوفة الآنية :

(\$)	(4)	(7)	(١)	اختبار	
٠,٣٣	,£Y	۴۴,	_		اختبار (۱)
٧٤,٠	77,	_			(Y)
,\$	_				(T)
_					(ŧ)

اختبر درجة دلالة هذه المعاملات الستة ، (المعامل المستخدم هو معامل بيرسون) بطريقتين مختلفتين .

٦ ـــ الجدول التوافقي الآتي يبين العلاقة بين الاجابة على سؤالين مختلفين في الاستفناء
 عن تربية الفتاة .

المجمرع	معار ض بشدة	معارض	محايد	موافق	موافق جدا	السؤال الأول السؤال الثاني
11.	11	١.	Yo	٣٠	40	موافق جدا
4.	11	18	11	7%	77	موافق
٧٠	11	1	10	14	١٨	عايد
4.	۲٠	77	10	11	10	معارض
١	YY	11	Yŧ	14	17	معارض بشدة
£ 7.	۸۰	٨٠	4+	121	11.	المجموع

جدول(١٠٠) جدول توافقي الملاقة بين الاجابة عن سؤالين من استفتاء

4.4

احسب معامل التوافق بين هذين السؤالين عن طريق ايجاد قيمة « كا ٢ و الاستغلال المتغير بن كل عن الآخر .

٧ 🗕 أُلقي زهر اللعب ١٠٠ مرة فكان تكرار وقوعه على الأرقام المختلفة كما يلي :

رقم الزهر ۱ ۲ ۳ 2 ه ۳ التكسرار ۱۵ ۲۲ ۱۷ ۱۷ ۱۸

هل هذه التجربة تؤيد أم ترفض نظرية الاحتمالات (الصدقة) ٢

٨ ـــ ني مثال سابق بهسطا الكتاب أربع مجموعات لتقديرات طول مستقيم طوله الحقيقي ١٠ سم . وقد عملت هذه التقديرات في الحالات الآتية :

عامـــل الاتجـــــــاه الثانت أطول ـــ الثابت أقصر

عامل الواضــع الثابت على اليمين .. الثابت على البــار

استخدم طريقة تحليل التاين لاختبار صحة الفرض الصفري « بأنه ليس هناك فرق جوهري بين هذه الحالات الأربع » .

٩ ـــ أجري إخرار النزعة العصابية ، Neuroticism على مجموعتين من

الأشخاص: احداهما تشتمل على أشخاص عاديين Normals والأخرى

أشخاص غير عاديين Abnormals فكانت نتيجة المجموعتين في الاختبار كا يلى :

عاديين غير عاديين

المتوسط الحسابي ٢٥ ٢٧

الانحراف المعياري ٦٠٢٥ الانحراف

العياد ١٦٦ ٢٣

اختبر مدى صحة Validity هذا الاختبار (أي قدرته على التمييز بين العاديين وغير العاديين).



(النابس (المنابع

التحليل العساملي Factor Analysis

- أهداف التحليل العاملي .
- مع الخطوات التجريبية التي أدت الى التحليل العاملي:
- معادلة الفروق الرباعية . Tetrad Difference Equation
 - اكتشاف العوامل الطائفية . Group Factors
 - الطرق العملية التحليل العامل : -

طريقة الجمع البسيط. Simple Summation Method

الطريقة المركزية . Centroid Method

طريقة العوامل الطائفية . Group Factor Method

طريقة العوامل الجمعية . Bi-Factor Method

- خسساغة .



أهداف التحليل العاملي :

من أهم الأهداف التي ترمي اليها المحاولات العلمية تنظيم الحقائق والمفهومات تنظيما وضح ما بينها من علاقات ، أو تقسيمها على أساس ما بينها من أوجه التشابه والاختلاف . وقد نشطت عملية التقسيم والتنظيم منذ منتصف القرن الماضي فيما يتعلق بالظواهر الطبيعية التقسيم المعلودة وعند ما تحول اتجاه التقسيم العلمي للظواهر الحيوية Biological اتضح أن التقسيم المحدد لا يتمثل في الأتواع المختلفة . بل وجد أن السمات والصفات البيولوجية يتداخل بعضها مع بعض فهي سمات مرتبطة لا يمكن فصلها واقترح جولة Gaiton طريقة معامل الارتباط كوسيلة عددية لوصف هذا التداخل . فاذا اتجه التقسيم بعد ذلك الى السمات النفسية أو الظواهسر الإجتماعية كانت صعوبة التقسيم أصعب بكثير نظرا لتعقد الصورة وتشابلك العيامل التي تكويها تشابكا يجعل من العسير على التجارب العملية وحدها – مهما أحكمت – القيام بعملية التقسيم والتنظيم دون مساعدة الوسائل الاحصائية ، ومن أهم الوسائل الاحصائية بعدف لذلك في مبدان القياس النفسي والاجتماعي الطريقة المسماة والتحليل العامل وحيث بعدد من القدرات الم عجموعات وريقط أفرادها تبعا لعدد من الأسس هي التحليل الى تقسيم هذه القدرات الى مجموعات وريقط أفرادها تبعا لعدد من الأسس هي التحليل الى نطلق عليها العوامل كما يتضح من الشكل التوضيحي الآتي :

(٣)	(Y)	المامل (١)	لقسدرات
		×	t
	×		J
		×	-
×			۵
	×		
×			,

جدول (١٠٢) التعليل العامل كوسيلة من وسائل التقسيم العلمي

وبالرغم من أن الباحث المدرب قد ينجح في بعض الأحيان في اجراء تقسيم كهذا بناء على فحصه ومعلوماته الفنية الا أن هذا التقسيم يكون بمثابة فرض يحتاج الى التحقيق العلمي . وكثير ا ما بعدل في هذا التحقيق أو يلغبه . والتحليل العاملي هُو وَسَيَلة هذا التحقيق .

وينظر بعض الباحثين الى طريقة التحليل العاملي على أنها وسيلة للتبسيط العلمي (١) ، Scientific Simplification فهو يحول عددا كبيرا من الأوصاف والسمات المعقدة المترابطة الى عدد قليل من العوامل غير المترابطة (وخاصة في حالة العوامل المتعامدة التي سيأتي ذكرها فيما بعد) فبدلا من أن تحيز فردا ما عن غيره على أساس درجاته مثلا في عشرين اختبارا نستطيع عن طريق تحليل هذه الاختبارات الى عدد محدد من القدرات تحييزه على أساس عدد قليل من العوامل .

وقد حاول الباحثون في القياس العقلي خلال النصف قرن الأخير الوصول الم المكونات الأساسية للحياة العقلية ، أو الأبعاد الأولية التي ينسب اليها كل وصف نفس لأي فرد . فكما أن الطول أو العرض والارتفاع ثلاثة أبعاد أساسية نستطيع بها أن نحدد شكل الشيء وحجمه ، فكفلك يعمل الباحثون الى الوصول الى ما يقابل هذه الأبعاد في المحدان النفسي ، والتحليل العاملي هو الوسيلة التي يأمل الباحثون عن طريقها أن يصلوا الى هذا الهدف ، حتى يستطيعوا استخدامه بعد ذلك في الأغراض العملية التطبيقية في الحياة كالتوجيه المتعليمي والتوجيه المهني والتوبية والتوليق والتوليق والتوبية والتوليق وا

وقد كان سبيرمان برى في التحليل العاملي أداة لاكتشاف العوامل الأساسية المسببة للعمليات العقلية Causal Mechanisms والقوانين العامة التي تسير عليها . ومن هذه النظرة العامة التي تجعل العام يهدف الى اكتشاف المسببات قد تغيرت أخيرا بعد أن تشكك العلم كثيرا في صحة العلاقات السببية .

وللتحايل العاملي عدا هذه الأهداف الأساسية التي ذكرت أغراض أخرى تختلف باختلاف البحث ووجهة نظر الباحث ، فقد يكون وسيلة من وسائل التحقق من معامل صدق Validity اختبار معين حيث يجمع الباحث بينه وبين اختبارات أخرى تقيس السمة أو العامل الذي وضع الاختبار لقياسها مع بعض الاختبارات الأخرى ، ويكون نمط تجمع هذه الاختبارات وتقسيمها دليلا على صدق الاختبار ، وقد يمتد البحث الى

Wundt, W. Principles of Physiology, Psychology, 1904.

حصر جميع العوامل الأساسية الداخلة في الاختبار ودرجة تشبعه بكل عامل من هذه العوامــــل .

وقد تطبق هذه الطريقة على العلاقة بين الأشخاص ويكون الحدف هنا تقسيم الأشخاص المختبرين لاكتشاف الأنماط Types التي تصلح أساسا لهذا التقسيم وما يشتمل عليه كل نمط من عوامل .

الخيطوات التجريبية التي أدت الى التحليل العاملي :

اذا تتبعنا تقسيم العمليات العقلية وجدنا آثار هذا التقسيم في آراء فلاسفة اليونسان كأرسطو وأفلاطون ثم في نظريات الملكات المعروعة . فقد كانت هذه النظرية تقوم على تقسيم العمليات العقلية الى ملكتين عامتين : ملكة المعرفة وملكة الرغبة . كما هو موضح في التقسيم الآتي :

ملكة المعرفة : 1 – الملكة السفلي للرغبة :
الاحساس ـــ التخيل ــ السرور والضيق ــ الحساسية ــ السرور والضيق ــ الحساسية ــ الانفعـــالات .
الانتباه ــ الملكة العليا للمعرفة ٢ ــ الملكة العليا للرغبة :
الانتباه ــ الفهم ــ التفكير المغربة .

ولكن التاريخ الحقيقي للتحليل العاملي يبدأ منذ أن بدأ القياس العقلي يتخذ اتجاها عمليا تجريبيا على يد جولتن (١) ، فقد وجد من بحوثه عن الانسان والحيوان والنبات أن من بين أفراد الفصيلة الواحدة حتى الحصائص المختلفة ترتبط فيها ارتباطا موجها .

كما استخدم وسلر (٢) تحت اشراف ماك كين كاتل طريقة معامل الارتباط التي أوجدها بيرسون للتحقق من تمييز القدرة العامة General Ability عن القدرة الحاصة Specific Ability وقد وجد من نتيجة تجاربه أن هناك ارتباطا عاليا بين نواحي

Psychological Monngraph Supplement III 1901. (1)

Galton, F. Hereditary Genius. 1869.

التحصيل الدراسي ، بينما ليس هناك ارتباط يذكر بين النواحي النفسية التي اشتملتها الاختبارات . وقد كان سبب ذلك راجعا الى : —

- (١) العينة التي طبقت عليها الاختبارات والمقاييس كانت مختارة لحد كبير .
 - (٢) كما أن الوظائف النفسية التي شملها البحث كانت حسية بسيطة .

وفي سنة ١٨٩٥ حاول بينيه (١) Binet قياس القدرة العامة (الذكاء) على أنه محصلة عدة ملكات : الله اكرة والتصور والتخيل والانتباه وملكة النهم والقابلية للابحاء والحكم الجمالي والعاطفة الخلقية والقوة العضلية وقوة الارادة والمهارة . وقد أعد اختباره المعروف للذكاء متضمنا هذه الملكات .

وفي سنة ١٩٠٧ قام ثورندك Thorondike ببحث عملي حسب فيه معاملات الارتباط بين عمليات ادراكية وارتباطية ووصل منه الى النتيجة الآتية : — ان النتائج تؤيد أن الوظائف العقلية التي تبدو شديدة التشابه قد تكون في الواقع عمليات تخصصية مستقل كل منها عن الأخرى .

ولكن بذور التحليل العاملي قد نبعت من بحوث وتجـــــارب سبير مان (٣) Spearman فقد أجرى سنة ١٩٠٤ عددا من البحوث قام فيهــــا بحساب المعاملات الارتباط بين عدد من الاختبارات ، وقد انتهى من هذه البحوث الى النتيجتين الآتيتين : ــــ

(أ) أن هناك ما يمكن أن نطلق عليه و الذكاء و كعامل يدخل في جميع العمليات العقلية .

(ب) ومع هذا العنصر المشترك فان جميع نواحي النشاط العقلي يختلف كل منها عن الأخسري .

وكانت هاتان النتيجنان هما الأساس الذي بنى عليسه سبيرمان نظرية العاملين : Two Pactor Theory التي تنص على أن كل عملية عقلية تتكون من عاملين أساسيين :

Binet, A., Henri, V, « La Psychologie Individuelle » L'Année. Psychologue II. (1)

Thorondike, E. L., « Heredity and Correlation in School Abilities » Psychological, (7) Review IX, 1902.

Spearman, C., « General Intelligence Objectively Determined and measured, American (y) Journal of Psychology, 1904.

۱ حامل عام تشترك فيه جميع العمليات الأخرى ويرمزله سبير مان باليمز « g »
 ۲ حامل خاص بها تختلف فيه كل عملية عن الأخرى ويرمز له سبير مان بالرمز « S » .

وفي بحث بيرت Burt الذي كان يهدف منه الى اختبار صحة النتائج الني وصل اليها سبيرمان ، كما قصد الى اختبار صحة فرض جديد هو وجود عوامل طائفية تتدخل في بعض العمليات العقلية دون غيرها ، وجد بيرت بالفعل أن التحليل الاحصائي لمعاملات الارتباط التي حصل عليها من تجاربه تدل على أن الاختبارات التي استخدمها يمكن تقسيمها على هيئة مجموعات ، تحددها عوامل مشتركة بين اختبارات المجموعة الواحدة علاوة على العامل المشترك بين الاختبارات جميعا .

وقد مهدت هذه البحوث وكثير غيرها لظهور تعديل لنظرية العاملين واعلان نظرية العوامل الثلاثة ، والعلاقة بين النظريتين يمكن تمثيلها بالرسم الآتي :



شكل (٥٠) نظرية ذات البوامل الثلاثة



شكل (٤٩) نظرية ذات العاملين

وأهم نواحي النقد التي وجهت ضد نظرية العاملين ونظرية العوامل الثلاثة قد جاءت من جهتين :

Burt, C., Experimental Tests of General Intelligence, British Journal of Psychology, (1) 3, 1909.

(أ) نظرية العينات Sampling Theory التي وضعها تومسون Thomson (أ) نظرية العينات الطائفية المتعددة (٢)

يرى تومسون أن السلوك يتوقف على عدد كبير من العناصر المستقل بعضها عن بعض وهذه العناصر كان يفسرها أحيانا على أنها النيورونات العصبية أو الوصلات بين هسذه النيورونات، وكل وجه من أوجه النشاط يتوقف ويتضمن عينة محددة أو نموذجا Pattern خاصا من هذه الوحدات ومعاملات الارتباط الموجبة بين أي وجهين من أوجه النشاط العقلي مرجعه التداخل الذي يحدث بين العينات المختلفة التي تضم عناصر مختلفة. وعلى هذا الأساس يمكن أن نفسر وجود أي نوع من أنواع العسوامل أكثرها اتساعا وهو العامل العام الى أقلها اتساعا وهو العامل الخاص الذي يختص بعملية واحدة. ويمكن تمثيل هذه النظرية بالشكل الآتي:



شكل (٥١) نظرية السينات لتومسون

أما ثرستون فيرجح تنظيم العمليات العقلية على هيئة مجموعات أو قدرات حسب التفسير النفسي ، ويستبعد ضرورة وجود العامل العام المشترك في جميع هذه العمليات . ويقنع بأن يقرر بأنه لم يجد ضرورة تحتم عليه في أي بحث من بحوثه الالتجاء الى مفهوم العامل العام كأساس لتفسير النتائج .

الا أنسه يعود ويفضل التفسير على أساس العوامسل الطائفية المترابطسة Correlated Group Factors ، أو ما يطلق عليه أحيانا العوامل الطائفية من الدرجة الثانية Second Order Group Factors وبذا يقترب قليلا في تفسيره هذا من احتمال ايجاد العامل العام.

Thurstone, L.L., The Vectors of Mind 1935

Thomson, C., The Pactorial Analysis of Human Ability, 1950.

ويمكن أن فلخص النظريات المختلفة للتنظيم العقلي فيما يأتي :

- ۱ ــ نظرية البؤرة الواحدة , Unifocal و يمثلها سبيرمان ,
- Multifocal خطرية البؤرات المتعددة ويمثلها ثرستون
 - ٣ ـ نظرية اللابؤريــة Non-Focal وعثلها ثورنديك .

ومن النظريتين الأولى والثانية نشأت نظرية العوامل الثلاثة وبمثلها بيرت في انجلترا وهازنجر Holzinger في أميركا .

واليك فيما يلي الأسس الاحصائية التي أدت الى الوصول لأهم طرق التحدا العاملي الشائعة الاستخدام . ومن الطبيعي أن نبدأ في هسله الأسس بالوسائل الاحصائية التي استخدمها سبيرمان في بحوثه والتي تعتبر الفتح الهام في هذا الميدان .

معادلة القروق الرباعية Tetrad Differences Equation

وبالرغم من أن طرق التحليل الاحصائي التي قام بها سيرمان لا تعد من طرق التحليل العاملي الا أمل كانت الأساس النظري والاحصائي الذي بنيت عليه الطرق الأخرى . وقد ساعد على ظهور هذه الطرق التقدم الاحصائي وزيادة استخدام الوسائل الاحصائية في البحوث النفسية في نصف القرن الأخير الذي تلى ظهور نظرية العاملين .

والفكرة الأساسية في نظرية سبيرمان تقوم على مفهوم الترتيب المتدرج المتشعب Hirarchy ويسميه البعض (١) الترتيب الهرمي . فاذا أجرينا ست اختبارات على عبنة من الأفراد ووضعنا معاملات الارتباط في مصفوفة مرتبة حسب المجموع الكلي للأصدة كما في الجدول الآتي :

⁽١) انظر باب التحليل العامل في كتاب الاحصاء في الربية وطم النص الدكتور هبد العزيز القومي --الدكتور حسن محمد حسين -- الدكتور محمد خليفة بركات ويفضل المؤلف استخدام الفظ كما هو فيطلق على الجدول المرتب بهذا الشكل و الحدول الهيراركي ٥ .

,		د	÷	ب	1	
٠,١٦	37	۲۳,۰	٠,٤٠	٠,٤٨		f
•,17	٠,١٨	•,71	۰۳،۰	_ :	٠,٤٨	ب
,1	-,10	٠,٧٠	_	۰٫۴۰	٠,٤٠	7-
۸۰۰۸	٠,١٢	_	٠,٧٠	•,Y&	٠,٣٢	د
1,17	-	1714	1,10	۰,۱۸	٠,٧٤	٨
_	٠,٠٦	۰,۰۸	٠,١٠	٠,١٢	1,17	و
٠,٥٢	۰,۷۵	1,41	1,10	1,44	1,71	المجموع

جدول (١٠١) مصفوفة ارتباطية مرتبة عل هيئة ، هيراكي ،

ويلاحظ أن الماملات في هذا الجدول تتناقص تدريجيا في كل صف أو عامود .

وقد وجد سبير مان أن هذا الجدول حالة العمليات العقلية المعرفية تكون جميعها موجبة الاشارة ، مما جعله يصل الى فرض وجود العامل العام في العمليات التي يتضمنها الجدول الارتباطي . وقد لاحظ سبير مان ملاحظة هامة ، وهي أن النسبة بين المعاملات المختلفة في أي عمودين تكون واحدة ، فاذا أخذنا مثلا المعاملات في العامودين به من الجدول نجد أنها :

النسبة		ب
	17,*	٨٤٠٠
	1,14	
	٠,١٥	4,44
1 : Y	•,17	37,*
	_	۸۸ره
	•,•٦	*,17

وكذلك في أي عامودين آخرين ، وقد استنتج سبيرمان أنه اذا وجدت خاصية النسبة

هذه في أعمدة جدول ارتباطي دل ذلك على أن الاختبارات التي يمثل هذا الجدول العلاقة بينها يشترك بينها عامل عام (١)

والحدول السابق هو جدول فرضي ولذلك نجد أن هذه القاعدة تنطبق تماما على المعاملات في الجدول ، ولكن في التجارب العملية لا يمكن أن يصل الباحث الى هذا النموذج النظري ، فقد تزيد المعاملات أو تنقص عن هذه المعاملات المتوقعة وبحتاج الباحث بعد هذا الى تحديد درجة انطباق النتيجة التجريبية على النموذج النظري المرتبط بين كل الهيراركي ، وقد اقترح صبيرمان (٢) لذلك أن تحسب معاملات الارتباط بين كل عمودين من أعمدة المصفوفة الارتباطية ، فاذا كانت كلها مساوية (١) كان الترتبب الهيراركي كاملا ، وكلما بعدت معاملات الارتباط عن ذلك كلما قلت درجة انطباق المصفوفة على الترتبب الهيراركي .

تحولت فكرة النسبة بين معاملات الأعمدة بعد ذلك الى فكرة المعادلة الرباعية ولتوضيحها نفرض الجدول الارتباطي الرمزي الآتي :

٥	۶	ب	1	
اد × بد	ااء بج	أب (بب)	(ال) اب t	٠.
(2,2)	(ح. م) د. ب	ج ب د ب	ام. د 1	٠.

جدول (۱۰۴) مصفوفة ارتباطية رمزية

فهذه المصفوفة تتضمن معاملات الارتباط بين أربعة اختبارات أ ، ب ، ح ، د ــ حيث أ ب عثل معامل الارتباط من الاختبارين أ ، ب ، ونفس هذا التفسير يتبع في باتي الرموز الأخرى ، وقد وضعت الرموز القطرية بين قوسين لأن قيمها لا تعرف من

Spearman, General Ability Its Existance And Nature, British Journal of Psychology (7)

⁽١) لا يوافق نومسون على هذا الاستنتاج بالرغم من أنه يوافق على عكس هذا الاستنتاج ، وهو أن الجلول الارتباطي لمفد من اشتبارات تشترك في عامل يكون على هيئة ترتيب هيرادكي ، ولكن خاصية الترتيب الميرادكي نيست دليلا قاطماً على وجود عامل عام مشترك بين اختبارات الجلول .

البحث التجريبي بل تقدر تبعا للمعاملات في الجدول كما سيتضح فيما بعد وتسمى باشرًاكية الاختبار Communality .

وبما أن هذا الجدول يمثل ترتيبا هير اركيا فحسب خاصية النسبية السابق شرحها يكون $\frac{1}{1-\epsilon} = \frac{1}{1-\epsilon}$ وتتبع نفس العلاقة بين أي أربعة معاملات متقابلة من معاملات الجدول .

ومن هذه المادلة ينتج أن :

أح X ب د = أد X ب ح

او آن آح× ب د_ أد× بح = صفر

ويطلق على هذه المادلة معادلة الفروق الرباعية Tetrad Equation

هذا ويمكن الوصول من معاملات الارتباط الموجودة في الجدول الى درجة تشبع Saturation أي اختبار بالعامل العام .

لنفرض وجود اختبار يمثل العامل العام ولنرمز له بالرمز « م ، فبكون معامـــل ألارتباط بينه وبين نفسه معادلا 1 ، فاذا أضفناه للاختبارات الأربعة السابقة تصبح المصفوفة الارتباطية كما يلى :

٥	2-	ب	1	٢	
٦٢	~ p	م ب أب	(j)	ا أم	ç
ب د	ب م (**)	(ب ب) ء	ب أ ح أ	بم	ب
(22)	د م	د ب	دأ	دم	د

جلول (١٠٣) مصفوفة ارتباطية مشتملة على اختيار يمثل العامل العام

ومن الطبيعي ان يقع الاختبار المثل العامل العام في قمة الجدول نظر ا لأن من خواص الجدول الهبر اركي أن ترتب فيه الاختبار ات تبعا لدرجة تشبعها بالعامل العام .

ومن الخاصية النسبية للجدول الهير اركي نستنتج أن :

$$\frac{1}{c} = \frac{1}{c} = \frac{1}{c}$$

.: بأ=مأ×مب، حأ=مأ×حم. وهكفا .

أي أن معامل الارتباط بين أي اختبارين ينتج من حاصل ضرب معاملي الارتباط بينهما والعامل العام .

فاذا كان معامل الارتباط بين(أ)والعامل العام (ويطلق على هذا المعامل درجة تشبع الاختبار أ بالعامل العام) = ٠,٦ ، ومعامل الارتباط بين ب والعامل العام = ٧,٠ كان معامل الارتباط الناتج عن هذا العامل المشترك = ٠,٤٢ .

ومن هذه القاعدة يمكن أن تحلل أ أ الى م أ × م أ .

أي أنه لحساب درجة تشبع أ بالعامل العام نستخرج قيمة

ولكن أ أ لا تكون معروفة لدى الباحث بل يقدرها تبعا لنمط معاملات الجدول ولذا كان علينا أن نستعيض عنها بمقادير أخرى بالطريقة الآتية :

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{c}$$

أي أن درجة تشبع (أ) بالعامل العام

$$=\sqrt{\frac{1}{4|y|}} = \sqrt{\frac{1}{4|y|}} = \sqrt{\frac{1}{4|x|}} = \sqrt{\frac{1}{4|x|}}$$

واذا طبقنا هذا على جدول (١٤٦) نجد أن درجة تشبع (أ) بالعامل العام

$$= \sqrt{\frac{\gamma_1 \cdot \times \lambda_2 \cdot \cdot}{\gamma_1 \cdot \cdot}} = \sqrt{\frac{\gamma_1 \cdot \times \lambda_3 \cdot \cdot}{3\gamma_1 \cdot}}$$

وكانت نظرية سبير مان تتلخص في أنه في الحالات التي تبلغ جميع قيم الفروق الرباعية صفرا فان معاملات الارتباط في الجدول تفسر على أنها ناتجة عن عامل مشترك واحد يجري في جميع الاختبارات وكانت النتائج التجرببية التي يحصل عليها سبير مان تشذ دائما عن ذلك ، الا أن البواقي في هذه المعادلات لم تكن ذات دلالة احصائية اذا قورنت بالخطأ المعاري لمعاملات الجدول ، وقد كان السبب الأساسي في ذلك أن هذه الاختبارات التي شملتها الأبحاث في ذلك الوقت كان أغلبها فرديا ، ولذا كانت مقصورة على عدد صغير من الأفراد .

اكتشاف العرامل الطالفيسة Group Factors:

بتقدم الأساليب التجريبية والوسائل الاحصائية في ميدان القياس العقلي أمكن استخدام اختبارات جمعية تقيس عددا كبيرا من الأفراد في جلسة واحدة ، وبذلك اتضح أن يواقي (Residuals) معاملات الارتباط بعد استخراج أثر العامل العام منها والتي كانت تعتبر سابقا عديمة الدلالة الاحصائية هي في الواقع ذات دلالة اذا قورنت بعدد أفراد العينات الكبيرة ، ومعنى هذا أن هذه البوائي يمكن مواصلة تحليلها للكشف عن عوامل مشتركة أخرى بين بعض اختبارات الجدول دون غيرها ، أي أن الموقف قد تغير تغيرا يوضحه الجدول الآني :

نظرية العوامل الطالفية

نظرية العاملين

البساق	عامل طائفي (۳)	عامل طائفي (۲)	عامل طائفي (۱)		اليساق	العـــامل المشترك	الاختبار
صفر	-	_	×	×	صفر	×	t
صفر	_	×		×	صغر	×	ب
صفر	~	_	×	×	مفر	×	
صقر	×	_	_	×	صفر	×	د
ٔ صفر	_	×	_	×	صفر	×	A
صفر	×	_	-	×	صفر	×	,

جدول (١٠٤) نمط التشيعات في نظريتي المأملين والموامل الطائفية

هذا وقد ذكرنا أن بعض الباحثين يعارضون ضرورة التفسير على أساس وجود العامل العام المشترك . ولذا فان الطرق التي يستخدمونها تحذف أثر العامل العام كضرورة لازمة من ضروريات تكوين الصورة الكلية في التحليل .

وعلى أساس فرض العوامل الطائفية يمكن أن نحلل معامل الارتباط بين أي اختبارين أ ب الى عدة عوامل ، فلو رمزنا للعامل العام بالرمز م وللعوامل الطائفية بالرموز طي . طي مثلا .

فان أب = أم ×بم ، أط, ×بط, اأط, ×بطه + أطي × بطي +خ.

على اعتبار أن و خ ، هو الجزء الناتج عن الأخطاء النجريبية في معامل الارتباط أ ب .

الطرق العملية التحليل العامل:

مكننا أن تلخص المرقف الحالي فيما يتعلق بالصورة النهائية لنتائج التحليل العاملي في اتجاهين :

(أ) اتجاه يعترف بالعامل العام كأساس لازم في التحليل مع الاعتراف أيضا بالعوامل الطائفيسة .

(ب) اتجاه لا يعترف بضرورة تضمن الصورة النهائية للنتائج للعامل العام ويقتصر على العوامل الطائفية ، سواء كانت هذه العوامل مثر ابطة أو مستقلة (متعاملة) . وأصحاب هذا الاتجاه لا يدخلون ضمن الحطوات العملية للطرق التي يستخلمونها ما يضمن الاحتفاظ بالعامل العام .

وسنعرض فيما يلي طرقا لهذين الاتجاهين وسيشتمل هذا العرض على :

(أ) طريقة الجمع البسيط Simple Summation (بيرت Burt) وعلاقتها بالطريقة المركزية .

(ب) طريقة العوامل الطائفية Group Factor Method (بيرث Burt وعلاقتها بطريقة العوامل الجمعية Bi-Factor Method (هلزنجر Holzinger) .

Holzinger K. J. Factor Analysis: A Synthesis of Factorial Methods, 1940.

طريقة الجمع البسيط:

لفهم الأساس النظري الذي تقوم عليه الطريقة نفترض أربعة اختبارات (أ، ب، ج، د) ومعاملات الارتباط بينها كما في الجدول الآتي :

د	*	ب	f	
16	أج	أب	(11)	1
بد	بج	(بب)	ب	ب
جد	(++)	جب	جا	*
(>>)	دج	د ب	دآ	د

مجموع معاملات الاختبار أ (العامود الأول = (أأ) + (ب أ) + (ج أ) + (د أ) .

وبتحليل كل معامل من هذه المعاملات الى قسمين يكون حاصل الجمع العامود الأون . (على اعتبار أن م تمثل العامل العام) .

$$(i_{\rho} \times \lambda_{\rho}) + (i_{\rho} \times \lambda_{\rho}) + (i_{\rho} \times \lambda_{\rho}) + (i_{\rho} \times \lambda_{\rho}) =$$

وبالمثل فان مجموع معاملات العامود الثاني :

ومجموع معاملات العامود الثالث :

ومجموع معاملات العامود الرابع :

فاذا استخرجنا الجذر التربيعي للمجموع الكلي ، ثم قسمنا حاصل جمع كل عامود على هذا الجذر ينتج م أ ، م ب ، م ج ، م د ، أي معامل ارتباط الاختبارات بالعامل العام أو بالتعبير الشائع درجة تشبع كل اختبار بالعامل العام . وهذه هي نفس الحطوات العملية في طريقة الجمع البسيط وتتلخص الحطوات العملية لحساب درجات تشبسع الاختبارات بالعامل العام فيما يأتي :

المحسن بالمبتدىء أن يرتب الاختبارات في المصفوفة ترتيبا ثنازليا حسب المجموع الكفي لمعاملات ارتباط الاختبار مع باقي الاختبارات .

وفيما بلي نتيجة ألحد البحوث وهي تتضمن مصفوفة ارتباطية لاختبارات ستة :

Synonyms and opposites المرادف والعكس

T _ التكميـــل Completion

۳ _ سلاسل الأعداد Number Series _ ٣

٤ ــ المحصول اللغوي Vocabulary

• _ ذاكرة الأعسداد Memory for Numbers

Form Series الأشكال - ٦

٦	•	٤	٣	Y	1	رقم الاختيار
٠,٣٨	1,88	1.69	٠,٣٠	,01	_	١
۱۳،	,۲۱	1,527	1,10	_	1,01	4
,••	٠,٢٨	314	_	٠,١٠	٠,٣٠	٣
۱۲,	,۲0	-	,•4	بائ ر	,£9	٤
,4"1	_	,Y•	,۲۸	۲۱,	,££	٥
	,۳٦	۱۲,	۱۵۰	۱۳ر	۸۳,	٦
1,14	1,08	1,81	1,17	۱,٤٨	Y,14	المجموع

جدرًا (١٠٥) مصفوفة ارتباطية استة اختبارات

٧ - في الأحوال التجريبية تكون الحلايا القطرية خالية وتحتاج لملئها بمعاملات مناسبة . وليست هناك طريقة محددة لملئها . فطريقة برت هي وضع قيم تقديرية تتناسب مع نمط المعاملات في الجدول . ثم تعدل هذه القيم بعد نهاية التحليل ، ويعاد التحليل ثانيا وثالثا حتى بنتهي الباحث في النهاية الى وضع معاملات تناسب العوامل الناتجة من التحليل .

ولكن ثرستون يقترح وضع أعلى معامل في الحلايا القطرية في كل خطوة من خطوات التحليل ويوضع بدله أعلى التحليل . أي يحذف المعامل الناتج في كل خطوة من خطوات التحليل ويوضع بدله أعلى معامل للاختبار .

وفي الجدول الآتي قد وضعت معاملات قطرية مقدرة تحت الصف الخاص بحاصل جمع الأعمدة ثم جمعت هذه المعاملات مع مجموع الأعمدة وحسب المجموع الكيلي (١٢،٤٨) .

المجدوع	٦	٠	٤	٣	Y	١	رقم الاختيار
Y,14	۸۳,	,££	,£٩	۰۳۰	۸۵,		١
٨,٤٨	٠١٣	17.	,٤٦	٦١٠.	-	,01	۲
1,47	۰۵,	٠٧٨.	,•4	_ [.10	,۳۰	٣
1.81	-11	aY.	_	,•4	.£٦	,14	£
١,01	.٣٦	_	,Y#	۸۲٫	۲۱ر	, \$ \$	٥
1,41	_	,۳٦	,۱۲	,04	۱۳,	۸۳۸	٦
1,47	1,54	1,01	1,51	1,44	1,84	Y,14	المجموع
٣,١٠	,٦٠	,5.	,£+	, 5 .	,٦٠	٠,٧٠	المعامل القطري
17,84	Y,+4	1,48	1.41	1,77	۲,۰۸	Y,84	المجموع الكلي
[†] (T,0TT)	,041	,014	,017	,5٧٣	۰۸۹,	۸۱۸,	س م
	7,14 1,8A 1,7V 1.81 1,08 1,89 7,7A 7,10	7,19 ,77 1,84 ,17 1,77 ,00 1,81 ,17 1,02 ,77 - 1,89 — 1,84 7,10 ,70	33, AM, P1,Y (Y, M1, A3,1 AY, O, VY,1 AY, Y1, 13,1 — FM, 30,1 FM, — P3,1 30,1 P3,1 AM,P - F, Y, AM,P	P3, 33, AY, P1,Y P3, P7, P1, A3,7 P*, AY, *0, YY,7 - 0Y, Y1, 13,7 0Y, — FY, \$0,7 Y1, FY, — P3,7 13,7 30,7 AY,P *3, *5, *7, *7, *7,** *4,7 32,7 \$0,7	***,	Λο, •Υ, P3, 33, ΛΥ, P1, Y - • · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	\(\lambda_{\circ} \cdot

جدرك (١٠٦) حساب درجات التشيع بالعامل العام

٣ – استخرج الجذر التربيعي للمجموع الكلي (٣,٥٣٣) .

٤ – أقسم مجموع كل عامود على الجذر التربيعي لتنتج درجات تشبع Saturations
 الاختبارات بالعامل العام:

(۱۸۹۸ ÷ ۳۳۰،۳۳ = ۱۸۱۸، ، ، ۲۰،۸۲ ÷ ۳۰۰،۳۳ = ۲۸۰، و مكذا) .

وللتأكد من صحة هذه العمليات الحسابية يبغي أن بكون مجموع درجات التشبع معادلا للجذر التربيعي للمجموع الكلي وهو هنا ٣٠٥٣٣.

حساب درجات التشبع بالعامل القطبي الأول:

مد حساب درجات التشبع بالعامل العام تنحصر الحطوة التالية في تخليص الجدول من المعاملات الناتجة عن هذا العامل العام ، ولذلك قان من اللازم حساب معاملات الارتباط الناتجة عن هذا العامل وحده .

وقد سبق أن ذكرنا أن معامل الارتباط بين أي اختبارين بسبب ما بينهما من عامل عام = درجة تشبع الاختبار الثاني به ، عام = درجة تشبع الاختبار الثاني به ، ولذا فان هذه الخطوة تشتمل على تكوين جدول لمعاملات الارتباط المتوقعة على أساس العامل العام . والمعاملات المكتوبة خارج الجدول هي درجات التشبع بالعامل العام التي نتجت من الخطوة السابقة . ويلاحظ أن الاختبارات في هذا الجدول قد أعيد ترتيبها على أساس درجات تشبعها بالعامل العام .

*,£YF *,017 *,0£9 *,0A9 *,097 *,A1A

٣	٤	•	٧	٦	١	رقم الاختبار	
۲٫۳۸۷	1,519	1,884	*,£AY	*,£A£	(1774)	١	۸۱۸٫۰
1,441	٠,٣٠٣	•,٣٢•	1,549	(+,414)	٠,٤٨٤	1	.,047
٠,٧٧٨	٠,٣٠١	٠,٣٢٣	(+,٣٤٧)	٠,٤٣٩	*,547	۲	٠,٥٨٩
,704	٠,٧٨١	(,٣•٣)	٠,٣٢٣	• ,770	1,559	•	1,029
*,727	•,۲7۲)	٠,٢٨١	1.75.1	۲,۳۰۳	1,819	٤ ا	1,017
(*,444)	*-454	+,404	1,774	٠,٢٨٠	۲۸۳, ۰	۳	1,274
1,774	1,41+	1,41.	Y, . A .	Y, • 4 •	Y,44.	الجموع	

جدول (٧، ١) الماملات المشرقمة عل أساس العامل العام .

ونلاحظ أن مجموع الأعملة هو نفسه للمعاملات الأصلية مع اضافة المعامل المقدر للخلايا القطرية مع فروق طفيفة جدا تاتجة عن التقريب في العمليات الحسابية .

اطرح خلايا الجدول النظري للمعاملات المتوقعة الذي حسبته أخيرا من خلايا الجدول الأصلي (التجريبي) لتحصل على جدول البواقي Residuals ويلاحظ في هذا الجدول أن المجموع الجبري للبواقي في الصف أو العامود صفر ما دام مجموع المعاملات

في الأعمدة لم يتغير . فبعض البواتي تكون موجبة الاشارة وبعضها سالبة الاشارة .

واليك فيما يلي جدول البواقي بعد العامل العام في المثال ، وقد دونت فيه بواتي الحلايا القطرية وهي الناتجة من طرح المعامل المتوقع على أساس العامل العام من المعامل الذي سبق تقديره . ومن المتبع داعًا وضع المعاملات القطرية بين قوسين لبيان أنها معاملات تقديرية . وهذه البواتي هي التي يحسب منها درجات تشبع الاختبارات بالعوامل القطبية .

المجموع	٣	£	•	Y	7	١	رقـــــم الإختبار
	٠,٠٨٧ —	·,•Y1+	•,••٩=	· •,•4A+	٠,١٠٤ -	(5,471)	١
-	+ ۲۲۰,۰	-74/(*	+ ۱۰۳۰ -	- P17c+	(107,1)	*,1*4	٦
-	•,1٧٨ —	+ 101,**	- ۱۲۲۰	(۲۰٫۲۰۳) –	1,714	-, 44+	۲
-	.,. 41 + .	·,•#1 (·,• 1 V)	-7116.	*,***	1,119	•
-	- ۱۹۴۳-	(*,\\\)	- ۲۲۱ ره	- 1,104	- ۱۸۳ د د	+ ۱۷۱۰,۱	٤
****	(+-144)	.,10"—	*,**1	+•,1٧٨_	+,77.+	۰,۰۸۷	۳
_	_		_	_	_	_	المجموع

جدول (١٠٨) البواقي Residuals بعد العامل العام

٧ ــ رتب البواقي الموجودة في الجدول بحيث تتجمع البواقي الموجبة الاشارة في الربعين العلوي والأيسر السفلي ، والسالبة الاشارة في الربعين الباقيين . فيكون تمط توزيع الاشارات في الجدول كالآتي :

-
+

ولا يشترط أن يكون عدد الاختبارات متساوية في القسمين العلوي والسسفلي أو الأيمن والأيسر كما هو الحال في المثال الحالي ولكن المهم أن يكون المجموع الجبري للبواقي هو الذي يكون واحدا في النصفين ، ولا ينتظر دائما في الحالات التجرببية أن تحصل

على نموذج منتظم انتظاما تاما كما في الشكل . ولكن المهم أن نتبع غالبية الاشارات في كل ربع بالجدول هذا النظام ، وأن يكون المجموع الجبري لأجزاء الأعمدة في كل ربع متمشيا مع هذا النموذج العام .

وفيما يلي جدول يضم البواقي السابقة مرتبة حسب النموذج المطلوب ، والذي يساعد على ترتيب البواقي ملاحظة اشاراتها فنجد في الجدول السابق أن البواقي ما بين الاختبارات ١ ، ٥ ، ٣ ، ولكن بواتي المعاملات بين أفراد كل من المجموعتين والأخرى سالبة ، مما يرجح التقسيم على هذا النحسو :

٣	•	٦	٤	Y	١	ر قسم الاختبار	
٠,٠٨٧ -		1,118-	٠,٠٧١	+ +,+4.4	(1710)	١	
٠,١٧٨	1,117	+,Y14	1,104+	(**,۲0٣)	1,148+	Y	
•,104	•,•٣١=	- 78/6	·,\YV+	.,\04+	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	٣	
(-)	()	(-)	(¹)	(+)	(+)		
,YY+	·,•٣0+	(1970)	۰,۱۸۳_	-,114-	1,114-	٦.	
()	(-)	()	(+)	(+)	(+)		
*,**1+	(*, *17)	*,*Ye+	-۲۲۰،۰	*2114"—	.,4_	•	
()	()	()	(+)	(+)	(+)		
(·,\YY)	*****	+,44++	1,707	*,1VA	٠,٠٨٧_	٣	
1,814	٠,١٨٣-	1,017-	·,٣٦٧+	1,011+	+ ٠٠٣٠٠		
1,514-	*,**-	.,0.7	+۲۲۲،۰	*,***	*,\$ * * +	المجموع	
- ۱۲۸ج	٠,٣٠٦	1,.17-	+ ۱۲۲۶خ	1,.1. +	•,٤••+		
\$, Y · A =	4,101	•	t	307,7			
*,4 **-	*,14Y-	- ۲۸۶٫۰	۲۰ ٤,۰	1,841	*.117	س ق₁	
Y. • Y 7 ==							

جدول (١٠٩) البواتي بعد العامل العام بعد ترتبها و عكسها .

A - الخطوة التالية همي التي يطلق عليها خطوة الانعكاس Reflextion فنعكس اشارات الاختبارات التي في النصف السفلي من الجدول أي نفرب البواقي التي بها في - 1. ففي المثال الحالي تعكس اشارات الاختبارات ٢، ٥، ٣. ولكي لا تضبع الاشارات الأصلية بين قوسين كما هو موضح في الجدول (١١٢).

٩ -- اجمع البواقي في كل عامود بعد حدوث الانعكاسات اللازمة ، ثم أوجد المجموع الكلي مع تجاهل اشارات حواصل جمع الأعمدة . والمجموع الكلي في هذا المثال لهذه البواقي هو ٤,٣٠٨ ، وبلاحظ أن مجموع أعمدة القسمين واحدا في الجدول (٢,١٥٤) .

١٠ أوجد الجذر التربيعي لهذا المجموع الكلي (وهو هنا ٢٠٠٧٦) ، ثم اقسم حاصل جمع كل عامود على هذا الجذر التربيعي فينتج درجة تشيع كل اختبار بالعامل القطبي الأول ، ويجسب الا ننسى ارجساع الاشارة السالبة للاختبارات التي تم انعكاسها أثناء التحليل .

ويصف Burt العوامل من هذا النوع بأنها عوامل قطبية أو ذات قطبين لأن درجات تشبع الاختبارات به لها نوعان من الاشارة (سالبة وموجبة) وهي في هذا المثال تمتد من + 19.4، الى - 19.40.

11 — والخطوات التالية تشبه الحطوات السابقة وتهدف الى استخراج درجسات تشبع الاختبارات بالعامل القطبي الثاني ، وذلك بتكوين جدول نظري لمعاملات الارتباط المتوقعة على أساس العامل القطبي الأول بنفس الطريقة التي تكون بها الجدول النظري على أساس العامل العام ثم تطرح خلايا هذا الجدول من خلايسا الجدول السابق للحصول على البواتي بعد العامل القطبي .

⁽¹⁾

		چئول	(۱۱۰) الماسلات	جنول ﴿ ١٠) أغماملات المتوقعة على أساس العامل القعلبي الأول	العامل القطيي الأو	د		-
7,2,4		- xy	*.14A -	*.18r-	- 721. + 191. + 100 (411.	+	. 177)	
	اد ،	~ VA	- 144	- 700	(****) -****	(****)		
1,2,2,1) pr	- 20	-, 444 -	*****	+ (VYY +) + YV.,.	٠,٠٧٢ +	- 1111	
, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,		*	·, \\'	(0,)(0)	- 144.			
	ŧ -		(137.1)	- 341.	XXX -	·	. 194 -	
	٠ -	(4,1,4)		+ 71.0	- 35.00	- VA+'+	۸۷۰۰	
	رقع المحتبار			**	-4	•	7	
	1	-						1
			1.83.	30 A.	٧٨٤.٠	*,*****	*	

YAV

المجسوع	ļ	٠,٠١ –	1	ı	+ 1.6.4 + 4.0.4	+ 4 • '•	
	1,14-	*,*1*- *,*** +	.,.)	+ 37.4.4	·, · ۲/A -		*,***
•	+ 114.	:,:17	+14.4.	-, 474	(°, ye)	·,#^ -	:::1
فد	1, -	+ • 4 • 6 •	- 1100	(3,14)	- V44.	+ 34.6	ı
ga.	+ 4	-,-10-	(41.5	-11%	1.41-	*, *, *, -	ı
4	*,****	(3,11)	- 01.5.	·,·Y·+	5.61-	+ + 4 + 6.	:: 1
_	(*,-3)		*,***	1,-11-	.,.14+ .,.1	.,	1
رقم الاختبار	-	4	**	4	•	۳	المجموع

جدول (١١١) البوائي بعد العامل القطبي الأول

١٢ – ومن البواقي في الجدول السابق يتضح أن التقسيم يكون الى قسمين هما : اختبارات ١٠٤، و ثم اختبارات

ونكون البواتي بعد ترنيبها كما يأتي:

		:,127-1	+ 446.	-1114.	·•^-	٠,٠٠٨ _	(3/15)	(-)	+ 37.4	ĵ.	+	(-)	* YV -	-,.,,		-1	
بارمكمها			٠ ٠,٣٣٧	- 1114.	.,	Ae-'.		_	_	<u> </u>	+ . 7	(-)	- ^4. v	.,	- 5	*	
جلول((١١٢) اليواتي يعد العام القطيم الأول يعد ترتيبها وحكسها	٠,٠	*.\Y\ -	+	ر-0.1٪،	-1.00.	*,***1	+ • ٨٠٠	<u> </u>	+ • * • .	(-)	(3,1,2)	(-)	-13.5	y . 1 • -	*,****	4	
١) البوائي يمد المام	Γ(*,ΛΥ*)=	*,747		+ (41.	+ 2114.	+ • / / / -	- A4.4.	(+)	·, • ₹ > -	(+)	-13.6.	(+)	(°, ° V•)	+14.5	+ 111.5	•	
جغول (۱۲		۰۰۰۸۸	· , , , , , , , ,	1,.VI +	*, ****	· 11+	-11.66	(+)	,,,,,	(+)	1,110	(+)	+ 140.	(*,-15)	*,***+	-	
				+ 14.	+ 111.6	+111.5	7,7,7	(+)	3000	(+)	*,* ** +	Ĵ	+ 110.	- +	(******)	-	-
		ر ن ن					-	•	-	.	-	!	•				

PAY

17 – وتستمر عملية التحليل بنفس النظام حتى يتضع أن البواقي قد قربت من الصفر أي أصبحت عديمة الدلالة الاحصائية . وعلى هذا الأساس بكتمي هنا باستخراج ثلاثة عوامل : عامل عام وعاملين قطبيين . ويرى برت أنه اذا لم يقترب مجموع مربعات التشبعات لكل اختبار من العوامل القطبية (اشتراكية الاختبار) الذي قدرناه مند البداية قربا كافيا يعاد التحليل مرة أخرى بتقديرات أخرى وهكذا حتى بتحقق ذلك .

و في المثال الحالي نجد أن :

الفـــرق	المعامل المقدر	ع س ₹	س ق ۲	س ق ۱	س م	
•,••٨	٠,٧٠	۸۰۷٫۰	1,144	*,198	۸۱۸٫۰	١
٠,٠٠٤	٠,٩٠	3 . 1, .	- ۱۰٬۱۲۸ -	. +,£41	1,011	-4
•,••4	•,६•	+,4+4	- ۱۱۱۰۰	- ۲۰۶۰۰	1,574	٣
•,•••	۰,٤٠	1,790	٠,٠٨٨	4,408	1,017	٤
•,••£	٠,٤٠		۶۸۲,۰	1,14V ~	1,084	•
•,••	+,71+	1,114	- ۱۶۱۰،	- ۸۷۵ره	1,047	7

جدول (١١٣) اختيار الماملات القطرية القدرة

وقد روجعت المعاملات المقدرة حتى أمكن الوصول الى المعاملات الآتية :

*,777 * *,744 * *,774 * *,774 * *,776 * *,777

وقد أدت هذه المعاملات الى درجات التشبع الآنية :

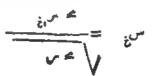
التشبـــع بالعامل القطبي (٢)	التشب <u>ـــــع</u> بالعامل القطبي (١)	التشبـــع بالمامل المام	الاختهـــار
**************************************	*,199 *,0** *,2*1 *,727 *,121 *,121 *,121	*,AYY *,04V *,8VY *,0*7 *,0*7 *,0\$7	المرادف والعكس التكميل سلاسل الأعداد المحصول اللغوي ذاكرة الأعداد سلاسل الاشكال

جاول (١١٤) درجات التشبع النهائية بالموامل الثلاثة

14 من ويتبع هذا التحليل الاحصائي تفسير للموامل الناتجة ، ويرى برت أن النتيجة الحالبة تصلح أساسا للتعسير بالرغم من وجود الاشارات السائبة في تشبعات اختبارات القدرات والمعوامل القطبية ما دام اختلاف الاشارة لا يتخذ الاعلى أنه دليل التقسيم . ولكن ثرستون يصر على أن العوامل الناتجة عوامل فرضية . فلو فرضنا أن هذه العوامل الثلاثة مثلا أبعاد بحدد موضع كل اختبار على أساسها فان الأبعاد المتخذة على هذا الأساس تكون أبعادا لا معنى لها ، كأن تحدد نقطة في فراغ الحجرة على أساس محاور متعامدة تصل بين أي ثلاث نقط في هذا الفراغ ، بينما يمكن تحويل هذه الأبعاد عديمة المعنى الى أبعساد مؤسسة على الأبعاد المألوفة وهي العلول والعرض والارتفاع بمعناها المفهوم .

ويتضع من جدول (١١٧) أن العامل الأول عامل عام يحري في جميع الاختبارات ويرجح أنه الذكاء العام والعامل الثاني يميز بين الاختبارات الفظية الأخرى . والعامل والعكس ، والتكميل ، المحصول اللغوي) والاختبارات غير الفظية الأخرى . والعامل الأخير يجمع بين الاختبارات التي تشتمل على تكميل الناقص (أي ما يطلق عليه أحيانا ادرالة المتعلقات Correlates ويمكن أن نسميه عامل الاستدلال (Reasoning) ويفصلها عن الاختبارات التي تتضمن الاستفادة من الذاكرة وهي المرادف والعكس والمحصول اللغوي وذاكرة الأعداد .

وواضح أن طريقة الجمع البسيط تقوم جميع خطواتها على أساس واحد هو قسمة حاصل جمع معاملات ارتباط الاختبار بالاختبارات الأخرى على الحذر التربيعي للمجموع الكلي لمعاملات الارتباط أي أن المعادلة الأساسية في الطريقة هي كما يأتي :



حيث س : درجة تشيع الاختبار (خ) بالعامل.

، مرغ : معامل الارتباط بين الاختبار (خ) والاختبار (أ)

مح من : مجموع معاملات الارتباط بين الاختبار (خ) وجميع الاختبارات الأخرى . الأخرى .

، يحس . مجموع معاملات الارتباط في الجدول الارتباطي .

ويقترح برت طريقة أخرى مؤسسة على التحليل بطريقة الحمم البسيط ويطلق على هذه الطريقة على المترايد الله الطريقة Method of Subdivided Factors ويمكن أن نسميها طريقسسة التقسيم المتزايد (١)

فهذا ينطبق على تمط التحليل الذي تؤدي اليه هذه الطريقة ، ونقطة الخلاف بين هذه الطريقة وطريقة الجمع البسيط تبدأ بعد استخراج العامل القطبي الأول ، حيث يقرح برت أن نقسم البواقي الى قسمين ، يحلل كل قسم منها على حدة على اعتبار أنه جدول منفصل ، وبذلك يكون نمط التشبعات كما هو مبين في الجدول الآئي وهو يمثل تحليلا فرضيا لثمانية اختبارات :

	بد	قسيم المتزا	طريقة التا		لسيسط	الجمع ا	. طريقة ا
سقس	ست	س ق	سم	س.ق	, iš ^{CM}	سم	العوامل الاختبار ات
	_	+	t		+	+	1
		+	+	_	+	+	Y
	+	+	+	+	+	+	٣
	+	1	4:	4	+	+	٤
_		_	ŧ	_	_	+	٠
		_	+	_	-	+	1
+		_	+	+	-	+	3
+		-	+	+	~	+	٨

جدول (١١٥) تمط التشيمات في طريقيّ الجميع البسيط والتقسيم المنتز ايد

والحطوات العملية لهذه الطريقة في المثال السابق الذي ثم تحليله بطريقة الجمع البسيط تبدأ بخطوة (١٢) هي الاقتصار على الربع الأيمن العلوي وتحليله على حدة ، ثم على الربع الأيسر السفلي وتحليله على حدة

 ⁽١) استخدم بعض الاخصائيين في مصر تسمية أحرى ، الانقسام بالطريقة الثنائية ، أنظر الاحصاء في الترمية وعلم النفس : الدكتور عبد العزيز القرصي - الدكتور حسن محمد حسين - الدكتور محمد حليفه بركات.

كذلك وتهمل البواقي في الربعين الآخرين ، ولذلك يشترط برت أن تطبق هذه الطريقة في حالات خاصة هي التي تكون غالبية البواقي في الربعين الأيمن العلوي والأيسر السفلي ذات دلالة احصائية بينما تقل أو تنعدم البواقي ذات الدلالة في الربعين الباقيين (١) .

الطريقة المركزية:

تبدأ الطريقة المركزية بنفس الخطوات التي اتبعت في طريقة الجمع البسيط ، وقد ذكرنا أن الفرق بين العاريقتين في هذه الخطوات أن بيرت يفضل مل الخلايا القطرية بمعاملات تقديرية تعدل بعد نهاية التحليل حتى النهاية ، ولكن ثرستون يضع أكبر معامل أرتباط للاختبار في الجدول كفيمة تقديرية للخلايا القطرية ، على أن يتبع هذا الاجراء عند بدء كل تحليل البوافي كذلك حيث بحذف البافي في الحلية القطرية ويوضع بدله أكبر بافي في العامود .

والاختلاف الثاني هو أن ثرستون يصر على أن العوامل المركزية Rotation of Axes وتحويل نمط التشبعات لا يمكن تفسير ها نفسيا الا بعد ادارة المحاور Simple Structure وتحويل نمط التشبعات الى ما يسبيه ثرستون التركيب البسيط البسيط يبدأ بالتشبعات النائجة من التحليل لعملية ادارة المحاور للحصول على التركيب البسيط يبدأ بالتشبعات النائجة من التحليل المركزي. ويرى ثرستون أن التركيب البسيط يضمن وصول التحليل الى نتيجة ثابتة موحدة والشروط التي يضعها لهذا النمط هي :

١ - أن يحتوي كل صف في التحليل على تشبع صفري على الأقل.

٢ ــ أن يحتوي كل عامود في التحليل على عدد من التشبعات الصفرية يعادل عدد العوامل على الأقل .

٣ – اذا أخذنا أي عامود من أعمدة التشبعات ينبغي أن يكون بسه عدد مسن الاختبارات التي تتلاشى تشبعاتها بالعامل الآخر معادلا لعدد العوامل على الأقل.

وطريقة أدارة المحاور التي تتبع في هذا السبيل أن تختار أي عاملين ونعتبر هما محورين

Burt, C., « Sub. Divided Factors » British Journal of Psychology Statistical Section (1)

Thurstone, L., Multiple Factor Analysis, 1947.

وتمثل الاختبارات ينقط على هذين المحورين ، وندير المحاور ليمر أحدهما بأكبر عدد من الاختبارات ، ومن الطبيعي أن تتغير التشبعات نتيجة هذه الادارة فتحتفظ بالتشبعات الحديدة للعامل الذي مر بالاختبارات ، ونأخذ العامل الثاني مع عامل جديد وهكذا بأخذ العوامل كل اثنين في محاولة فصل في النهاية الى نموذج التركيب البسيط السابق شرحه .

ومن المتبع عادة أن يقوم الباحث بمحاولات مبدئية ليقرر خطوات الادارة التي تضمن الوصول الى التركيب البسيط الذي يفي بالشروط الثلاثة السابقة ، علاوة على الوصول الى درجات تشبع موجبة لاختبارات القدرات العقلية .

واليك فيما يلي خطوات ادارة المحاور مبينة في مثال بتضمن ست اختبارات : أولا : المصفوفة الارتباطية التي بدأ منها التحليل .

7,	•	٤	٣	Y	1	رقم الاختيار
٠,٠٠٧	·,££A	1,014	٠,٠٠١	·,0Y0	_	١
1 1,111	+,464	1,817	+,+4/	_		۲
1,012	٠,٣١٤	1,1771	-			٣
١,٠٠١	٠,٠٠١	ĺĺĺ	_		ĺ	
١,٣٠٧						
- •						

جدول (١١٦) مصفوفة ارتباطية

لسانيا:

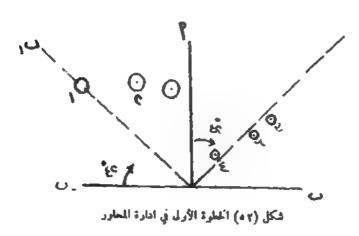
نتيجة التحليل المركزي:

÷	ب	1	رقم العامل رقـــم الاختبار
·,·Y£ _	**************************************	¥\$0,•	\
1,84 I	٠,٣٤٣	•,774	Y
1,141	*,£9Y	.,044	٣
,00 _	- ۲۸۱٬۰	٠,٢٨١	1
1,474	*,184	۸ Υ <i>F</i> ,•	•
1,590	·,£Y£ -	+,274	7

جلول (١١٧) تشيمات الاختبارات بالموامل أ ، ب ، ح

ثالثا : ادارة المحاور :

(أ) يقوم برسم مبائي لموقع الاختيارات تبعا لتشعانها بكل عاملين ، فتقوم بعمل ثلاثة رسوم (أمع س) ، أمع ح ، (ب مع ج) لمحتار مها الرسم الذي نبدأ منسه الادارة ، وقد وقع الاختيار في هذا المثال على الرسم الذي يكون فيه العاملان أ ، ب احداثيي الرسم . ونجد أن خير وضع تدار المحاور اليه هو الوضع الذي يمر فيه المحور أيوضع الاختبارات ٤ ، ٣ ، ٢ تقريبا ، وذلك لأننا فلاحظ أن النقط التي تمثلها تكاد تقع على استقامة واحدة بين نقطة الأصل ، ولذا اختير هذا الوضع كرحلة أول ، ويقتضي علما ادارة المحاور في اتجاه العقرب حوالي ٤٢ الى الوضع الحديد الذي يأخذ فيه المحور الوضع أو ، والمحور ب الوضع بي ، وي هذين الوضعين تصبح نشيعات الاختبارات الوضع أو ، والمحور ب الوضع بي ، وي هذين الوضعين تصبح نشيعات الاختبارات من الشكل مباشرة ، وهذه تعطي بطبيعة الحال مقاييس تقريبية لدرجات التشيع الجديدة ، ولكن يلز منا طريقة حسابية دقيقة لذلك .



(ب) ذكرنا أن المحورين سيدوران في اتجاه عقرب الساعة بنحو ٤٢°، وتبعسا لقاعدة رياضية اذا كان بعدا نقطة عن نقطة الأصل (تقاطع المحورين) هما س ، ص حيث س هو البعد على المحور ب فان البعدين على المحورين نفسيهما بعد ادارة المحورين ٤٢° في اتجاه عقرب الساعة يضبحان (س جتا ٤٢° - ص حا ٤٢°) ، (س حا ٤٢° + ص حتا ٤٢°) ومن جداول النسب المثلاية نجد أن :

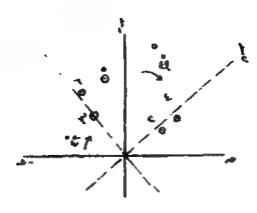
وعلى أساس هذين المقدارين نحول درجات التشيع الأصلية الى درجات التشيع الحديدة وتصبح الدرجات الجديدة كما يلى :

بالعلايانة	تشبع ا	درجات ا	لأصلية	نشيع اا	درجات ال	
ب	_	1	ب		1	الاختبار
۰,۸۱۷	٠,	v	۲۱۲,۰		.,017	1
۰,٦٧٥		•,444	*37,*		1,774	Y
٠,٠,١٢		٠,٧٢٢	*,847	_	.,014	٣
		۲۳۲,۰	*,147	_	1,17.1	ŧ
۲۲۵,۰		• , 4 ٧ ١	*,147		AYFe+	•
*.***		4.7.1	*.£Y£	_	*,£Y4	*
PFF- (1,)		٧3٧.٠	عوامل الضرب			
۲۱۷۰۰ (ب)	_	+,774				

ويمكن التأكد من صحة العمليات الحسابية من أن مجموع مربعي تشبعي كل اختبار بهذين العاملين يظل ثابتا لا يتغير مع ادارة المحاور .

ونظرا لأن التحليل الأصلي قد تم على ثلاثة عوامل فاننا نتطلب ثلاثة تشبعات صفرية في كل عامل حسب ما يتطلبه التركيب البسيط ، ونحن فلاحظ أن هذا قديتوفر في العامل ب (اختبار ٣ = ٣٠٠١٠) .

(ح) تشتمل الخطوة التالية على ادارة المحورين أ مع ح . لذا نرسم مواضع الاختبارات أولا على هذين المحورين ، ولا يفوتنا اتخاذ الأبعاد الجديدة على المحور أ , بدلا من الأبعاد الأصلية .



شكل (٥٣) الخطرة الثانية في ادارة المحور

(د) ويتضح من الشكل أن خير وضع للمحاور الجديدة نحصل عليه من ادارة المحاور الأصلية في انجاه عقرب الساعة بحوالي ٤٩° حبث بمر المحور حم بالاختبارات ٢ ، ٣ ، ٤ تقريبا وبمر المحور أل بالاختبارات ٢ ، ٢ ، ٤ تقريبا .

ومن الجحداول الرياضية نجد أن حا ٤٩° × ٧٧٥٠٠ ، حتا ٤٩° = ٢٥٦٠٠

وبنفس طريقة الحساب السابقة نحصل على التشبعات الجديدة وهي كما يلي :

	درجات التشبع الجديدة	بع الأصلية	درجات التث	
٠, -	, †	>-	, t	
٠,٠٤٣	· · · · · · —	*,*Y\$	۰,۰۰۷	1
,\$A -	- *,\$Y*	• , ٣٤٨ —	.,444	٧.
.,47.	•,٣٢٩	*,141	*,٧٢٢	۳
*,111	• ,384	*,00* -	٠,٣٣١.	£
,\$3	·,•٣Y	•,474	477١، •	٠
1,741	*3778	•,٣٩•	*,T • Y	4

(A) وبذلك تصبح النتيجة النهائية كالآتي :

		المحاور	يعد ادارة المحاور			المحاور	فيل أدارة المعاور	
Ç." N	٦,	·(4.1	C _e	• Y	٠(العوامل الاختبارات
****	*, * 67	٧١٨٠.	1	34 344	3vv	1115's	130.	_
3.44.5	·, · (> _		* ¥ 3,*	341.	-, Y\$A -	134°	****	4
٧,٥٥٧	٠,۲۲	- 110.	.,444	۸۰۰,۰	181,- 1000,-	- 111	.,044	-1
0,210	.,111	40.	1777	.,610	-,00.	- 101.	177.	**
. \$3,0	.13.	170,0	٠,٠٣٧	. 13.	٠,٧٧٠	131.	VAL.	•
4.634	. 587. 193.	٠,٠٢٨ -	371.0	*,54F -,F04	*, T'04	-3776-	\$ + 3c +	مر

جلول (۱۱۸)مزجات التشیع بید ادارة المعاور

ويلاحظ أن نمط درجات التشيع قد قرب كثيرا من النمط النموذجي الذي تنظلبه مستلزمات « التركيب البسيط » واذا أربد الوصول الى نموذج أقرب يمكن اجراء خطوات أخرى للادارة .

طريقة العوامل الطائفية (١) :

تقوم طريقة العوامل الطائفية على فكرة نظرية ﴿ هِي أَنْ أَيَّة عَمَلِيَّةً عَقَلِيَّةً بِمَكَنَّ أَنْ تَطَلِمُهَا الى عامل عام تشترك فيه مع باقي العمليات تم عامل طائفي تشترك فيه مع عدد من العمليات الآخري، فهي تطبيق مباشر لنظرية العوامل ائتلاثة الي سبق تو فسيحها ،

Burt, C. British Journal of Psychology (Statical Section) III, part 1.

وبحتلف الأساس العملي في هذه الطريقة عنه في طريقة الجميع البسيط أو الطريقة المركزيةفي أن العامل العاء الذي يستخرج في هائين الطريقتين يقوم مقام مركز الثقل بالنسبة لكتلةالجسم. بحيث تتوزع قيم اليواقي بعد استخراجه والتخلص منه فيكون نصفها سالبا

				777	22		137		ľ		
	. 1 ^	4.5	11	4		:	•				
	٧٠٠	٠.٧	.72	1.0%	:	**		٧٧.	-	t	
	-11	16	, £ ^	71.	-	· >		· 1×	1	÷	
	:42	3	٧.	× ×		11.		1	۸۱.	٧٢.	
	.7.	:	41.				700				
	1917	7 / 7	4,7	78	77	1		.17	^		.72
	**	7	₹.	1.3	1	۲۲.		-	-	:	•
**	÷	÷.*	1.22	J	₩	4.		. 1	11.		17.
				33:	.4.	17.	-1.4	٧٧.	.£A	34.	13.1
7,2	717	1		43:	.Y'0	.γA.	1	.73	.16	٧٠٠	٨3.
·V.	ı	.74		× 3,5	**	7	1.7.	34.		>	.\$.
	٠,٧٠	*.40		305	63:	j	1.70	٧٧.	۸۱.	1 • 1	. 0 %
	4	4	المجموع	**	•	1	المجموع	<	>	هر	لمسوخ
1] 1] '			

درجات ۱۹۰	,1.	٠٨٠	۰۸٬	-17-	· L' .0'0 .3'	* 3 c	,1. ,r. ,r.	, ¥.	٠١,	
Personal		٧,١			¥7.			¥,4		
المجسوع المحور الكسلي	30 ξ	,£A	737	1,4.	1,4. 1,0. 1,4.	1,4.	1,14	,r4 ,vA 1,1V	177	

جلول (١١٩) حساب درجات التشيم بالمامل الأسامي

والنصف الآخر موجباً . ولكن العامل العام الذي يستخرج في طريقة العسـوامل الطائفيةيترك وراءه بواقي موجبه في اختبارات المجموعة الواحدة وصفراً في اختبارات المجموعات المختلفة ، ولذلك يفضل برت أن يسمي هذه العوامل اسما يختلف عن العامل العام فيطلق عليه ه العامل الأساسي ، .

والخطوات العملية في هذه الطريقة تنضح من تحليل المثال السابق (١) :

ويمكن تبسيط خطوات الطريقة اذا رمزنا للجدول الأصلي ولمعاملات ارتباط بالشكل الآتي :

الله عنا الكال مقتبس من 1940. Murt, C., The Factors of The Mind, 1940.

-	ب	ī	
أو	أب	11	ţ
بء	بب	با	ب
3- 2-	ح ب	٠,	>-

أي أنه يمكن تمييز ثلاث مجموعات في الجدول الارتباطي والذي يدلنا على ذلك منذ البداية أن معاملات الارتباط في المربعات الثلاثة القطرية الموضحة في الجدول تكون أعلى على وجه العموم عما يتوقع لها على أساس الترتيب الهير اركي الذي تنخفض فيه المعاملات كلما اتجهت الى أسفل أو الى اليسار وتتحصر خطوات التحليل فيما يأتي :

 ١ سـ رتب معاملات الجدول الارتباطي الأصلي ترتيبا تنازليا بقدر الامكان ، حتى بتضح نمط التقسيم الى مجموعات . مستدلا عليها بالدليل الذي وصحناه .

٢ ــ أوجد حواصل جمع أعمدة وصفوف كل مجموعة . كما هو مبين في الجدول
 واستنتج في النهاية المجموع الكلي للأعمدة (١,٨٩ ، ١,٦٨ ، ١,١٤٧)

٣ ــ المعاملات في المربعات القطرية تتكون من عوامل أخرى مضافة الى العامل الأساسي بناء على التمكرة الأساسية في الطريقة . وأما ما عداها من المعاملات في المربعات الأساسي وحده . ولذا نقتصر في حساب درجات التشبع بهذا العامل على هذه المربعات .

٤ - وطريقة حماب معاملات التشبع بهذا العامل الأساسي حسب هذه الطريقة بقتضي حساب قاسم لمجموعات أعمدة كل مجموعة (مع حذف معاملات المربعات القطرية) .

والقانون الذي تحسب به هذا القاسم للمجموعة الأولى هو:

أي يساوي في هذا المثال .

$$\sqrt{\cdot \cdot t} \left\{ \sqrt{\frac{33.7}{33.7}} + \sqrt{\frac{33.7}{17.7}} \right\} = 17.$$

والقاسم للمجموعة الثانية هو :

والمجموعة الثالثة :

ه – اقسم كل عامود على قاسم المجموعة التي ينتمي اليها لتحصل على درجات التشبع بالعامل الأساسي = ($1,000 \div 1,000 \div 1,0$

حساب درجات النشيع بالعوامل الطائفية:

٣ - كون جدولا نظريا لمعاملات الارتباط المتوقعة على أساس درجات التشبع بالعامل الأساسي (١) ثم اطرح خلايا هذا الجدول من خلايا الجدول الأصلي لمعاملات الارتباط لتحصل على جدول البقايا بعد العامل الأساسي . واذا كانت هذه الطريقة مناسبة للتحليل فان البواقي بعد العامل الأساسي خارج المربعات القطرية تكون عديمة الدلالة الاحصائية . ونظرا لأن المثال الحالي مثال فرضي فاننا سنجد أن البواقي خارج المربعات القطرية معدومة تماما ، وتتحصر جميع البواقي في المربعات القطرية ، واليك عيما يلي هذه البواقي بعد استخراج العامل الأساسي .

⁽١) نترك الطالب تكوين هذا الجدول.

.1	٨	٧	٦	۵	ŧ	٣	۲	١	رقم الاحتبار
	_	_	_	_	_	۰۰۲	.•٣	()	١
_	-	-	-	_	_	,•7	()	٠,٠٣	۲
-	-	_	-	_	_	\odot	.•4	- • Y	٣
-	-	-	.17	-17	()	_	_	-	٤
_	_	-	٠٠٨	()	-11	-	_	~	٥
_	-	-	\odot	٠•٨	.+4	-	_	-	٦
,71	,17	()	-	-	_	~	_	-	٧
۸۰,	\bigcirc	-11	¦ –	_	-	_	_	_	٨
()	۸٠,	37.	~	-	_	_	_	-	4

جدول (١٢٠) البواقي بعد العامل الأسسي

خذ البواتي في كل مربع من المربعات القطرية على حدة وحله بالمطريقة العادية المادية أو الجدم البسيط ، مع وضع تقديرات مناسبة للخلايا القطرية تحصل على النتيجة النهائية الآئية :

الطائفي (٣)	الطائفي (٢)	الطائفي (١)	الأساس	العامل
				الاختبار
-	_	٠,١٠	1,41	١
-	-	• .٣•	• • • •	۲
_	_	٠,١٠	۰٫۷۰	۳
_	۰۴۰	_	1,71	٤
-	۰,٤٠	_	٠,٥٠	
	٠,٢٠	-	٠,٤٠	٦
٠,٦٠	~	_	٠,٣٠	v
۰۲,۰	-	-	٠,٢٠	٨
۰,٤٠		_	.,1.	1

جدول (١٢١) نتيجة التحليل بطريقة الموامل الطائفية

طريقة العوامل الجمعية (١١) : Bi-Factor Method

تشبه طريقة العوامل الجمعية كثيرا طريقة برت للعوامل الطائفية . فهي تقوم أيضا على أساس أن المعاملات خارج المربعات القطرية هي التي تحلل أولا لاستخراج درجات التشبع بالعامل الأساسي ، ثم تحلل البواتي في المربعات القطرية للحصول على درجات التشبع بالعوامل الطائفية .

. والمعادلة الأساسية التي تستخدم في حساب درجات التشيع في هذه الطريقة مؤسسة على أن درجة تشيع أي اختبار (س مثلا) بالعامل الأساسي (م) يمكن استخراجه مسن معاملات الارتباط بينه وبين أي اختبارين (ص ، ع مثلا) يشتركان معه في هذا العامل الأساسي .

وفي حالة الجدول المحتوي على عدد كبير من المتغيرات مقسمة الى مجموعات كما هو الحال في المثال الأخير (جدول ١٦٤) يمكن أن نرمز لمجموع معاملات الارتباط في المرابعات بالرموز الآتية :

و تكون درجة تشبع أي اختبار في المجموعة (أ) ولكن اختبار سكما هي في المعادلة الآثيــة :

حيث كا س ، ه س = مجموع معاملات ارتباط الاختبار س في المربعات ع ، ه .

، و ـــ المجموع الكلي لماملات المربع و

ولنأخذ اختبار (أ) في المجموعة الأولى من الجدول (١٦٤) .

و 🏸 = (ي المجموعة الثانية) يمكن استنتاجه من :

ن کیم = ه.، وهکذا .

وبذلك يتسى لنا حساب معاملات التشبع بالعامل الأساسي . ونرى أنها مطابقة تماما لها في طريقة برت . وينتقل بعد ذلك الى حساب البواتي في المربعات القطرية ثم تحليل هذه البواتي . ويتبع هولزنجر نفس الطريقة السابقة في ذلك .

فاذا رجعنا الى جدول البواقي بعد العامل الأساسي في المثال السابق (جدول ١٦٠) وان درجة تشبع اختبار (أ) بالعامل الطائفي يمكن حساب من :

*,1 = 0 ...

، درجة تشبع اختبار (٨) بالعامل الطائفي للمجموعة الثالثة بمكن حسابه من :

.: کن = ۲٫۰ .: ۸۰طنم

وهكذا نصل الى تفس النتائج في التحليل التي توصلنا اليها بطريقة برت العوامل الطائنسة.

خواتمسيية :

بالرغم من الوقت القصير فسبيا الذي مر منذ أول محاولة التحليل العاملي الا أن التقدم الذي أحرزه هذا الفرع من التحليل يعد كبيرا الغاية ، فقد اكتشفت طرق عديدة لهذا النوع من التحليل ولم تذكر منها الا بعضها في هذا الباب . كما أن استخدام التحليل العاملي قد زاد عى نطاق الهدف الذي بدأ به - وهو القدرات العقلية في سائر قواحي البحوث

النفسية والاجتماعية – فقد تدخل في بحوث الشخصية وسماتها وأتماطها لدرجة كبيرة ، وأصبح أداة يعتمد عليها كثير من الباحثين الاجتماعيين كذلك في مقاييس الرأي العام والاتجاهات وغيرها . الا أننا يجب ألا نساق في ذكر ما لحذا الفرع من مزايا فننسى الحدود التي يجب أن فأخذها في الاعتبار عند استخدامه .

وأهم هذه الحدود ما يأتي :

١ - نتائج التحليل الاحصائية ثم تفسيرها تفسيرا فنيا يتوقف كلية على المتغيرات التي شملها البحث ، بمعنى أن العامل العام الذي يظهر في بطارية من الاختبارات يختلف في طبيعته وتفسيره عن العامل العام الذي يظهر في بطارية أخرى ، فهذا يتوقف على نوع العمليات العقلية التي تتكون منها البطارية .

٢ — النتائج الاحصائية للتحليل تتوقف على العينة التي تطبق عليها المقاييس فالعامل الله على أنها عامل السرعة اذا طبق نفس الاختبار على الكبار.

٣ — وزيادة على ذلك فان النتائج تتوقف كذلك الى حد كبير على المادة التي تصاغ فيها مقاييس العمليات العقلية ، سواء كانت المادة ألفاظا أو صورا أو أعدادا أو أداء Performance فكما أن البحوث قد ميزت بين العوامل التي تتوقف على الوظائف العقلية (الاستدلال والتذكر) فقد ميزت أيضا بين العوامل التي تتوقف على المادة التي تصاغ فيها هذه الوظائف .

٤ -- وأخيرا فان طريقة التحليل لا تنجع الا اذا كانت مؤسسه على اختيار ناجح للبطارية التي تحلل . فتحليل أي جدول ارتباطي بطريقة التحليل العاملي كثيرا ما يؤدي الى نتائج لا معنى ولا قيمة لها . ويحتاج هذا الى البدء بفرض يتضمن العوامل التي يحتمل ايجادها في التحليل (١) ويجمع الباحث لذلك من الاختبارات في البطارية مما قد يحقق له الغرض أو يرفضه .

ولهذا فان خطة استخدام طريقة التحليل العاملي ينبغي أن تسير في الحطوات الآتية :

⁽١) ويمترض الكثيرون على طريقة التحليل العاملي اعتراضاً يبدو وجيهاً ﴿ أَنَ البَاحَثُ يَجِدُ في النهاية الدوامل التي أطعاقبل التحليل ﴾ والواقع أن هذا الاعتراض مودود عليه . فالتحليل العاملي كأي طريقة علمية لا بد أن يبدأ بفرض قد يظهر التحليل في النهاية خطأه وبعده عن الحقيقة .

- احتبر صلاحية الطريقة البحث فلا تصابح طريقة التحليل العاملي لتجفيق أي فرض أو حل أية مشكلة ، دل تتوقف صلاحيتها على اختيار المجال المناسب .
 - ٢ ابدأ بفرضر يتعلى بالعوامل المحتملة التي قد تنتج من التحليل.
- ٣ وتبعا لهذا الفرض تخير عددا كافيا من المقاييس أو الاختبارات (ومن المتفق عليه أن العامل الواحد لا بتحدد الا بثلاثة اختبارات أو مقاييس) .
- عدد المجتمع الذي تأخذ منه العينة ، واختيار المجتمع بتطلب النظر الى عدة أواحى تتوقف على طبيعة البحث الذي تقوم به .
- حدد طريقة اختيار العينة وعدد أفرادها بالتقريب, وينبغي أن يكون هذا العدد مناسبا حتى تكون النتائج في الخطوات المختلفة التحليل ذات دلالة احصائية يمكن الاعتماد عليها.
- بعد حساب معاملات الارتباط ، وهي الخطوة الأساسية في التحليل العامل ،
 تخير الطريقة التي تستخدمها في التحليل فليست كل طريقة حالحة لتحليل أي جدول ارتباطى كما أسلفنا .
- ب ويصر الكثيرون كما سبق أن ذكرنا ألا نتخذ نتائج التحليل الأولي ، بل
 يفضلون ادارة المحاور لتنقية العوامل الناتجة وتوضيح الصورة الأخيرة بقدر الامكان .
- ٨ ــ وأخيرا فنتيجة التحليل ليس من السهل تعميمها بل يحتاج هذا التعميم الى عوث كثيرة في ظروف مختلفة مما لا يتشى لباحث واحد القيام به عادة .

أسئلة على الباب السسابع

١ سـ اشرح المقصود من طريقة التحليل العاملي مبينا أهم مزاياه وحدوده كطريقة من طرق تحقيق الفروض العلمية .

٢ ـــ * يعتبر سبيرمان مؤسس مدرسة التحليل العاملي * ناقش هذه العبارة مبينا الحدمات التي قدمها سبيرمان لحذه الطريقة العلمية .

٣ ــ قارن مع التمثيل بين النظريات المختلفة التي وضعت لوصف العلاقة بين العمليات العقلية المختلفة . ثم وضع كيف يمكن التوفيق بين وجهات النظر المختلفة فيها .

٤ ـــ اشرح مع التمثيل ما تفهمه عما يأتي :

1 -- الترتيب الميراركي .

٢ - المعادلة الرباعية .

٣ ـــ ادارة المحساور .

المصفوفة الارتباطية الآتية ثبين العلاقة بين تسعة اختبارات . استخدم الطريقة المركزية في تحليلها (يكتفي بثلاثة عوامل : واحد عام واثنان قطبيان) .

	الفظية -	الأرقام	الاشكال	ا دا کرة الاعتال	£ £	الاختلال الاختلال	ام سلاسل ایکرنام	< دا کرة الأشكال	۸ ادر الا	عملیات حسابیة ۹
1	→		۸۲,	,10	,٦٤	۷۱,	-11	,۱۷	AY.	31,
Y				۲۷,	.15	,10	,01	,۷۲	,۲0	٠٨,
٣				-	.1.	11,	777	.\$+	.Ve	,£Y
\$,00	2Y*	$H_{\rm c}$,11	۲۱,
۵						_	11,	-11"	,18	,£Y
٦							-	,ţe	٠٨,	,£Y
٧								_	.£4	۸۷,
٨									_	ه۳,
1										_

جدراً (١٢٢) مصغوفة ارتباطية لستة اختيارات

ثم استنتج من هذا التحليل طبيعة العوامل التي تفسر هذه المعاملات .

٦ - اختبر البواقي بعدالعامل الطائفي الأول اشحديد ما اذا كانت تصلح التحليل بطريقة التقسيم المتزايد Sub-Divided Factors . وطبق هذه الطريقة في حالة صلاحية البواقي لذلك.

٧ — ما المقصود من المفهوم و التركيب البسيط و الذي يهدف ثرستون الى الوصول البه في التحليل وما شروطه ؟ الى أي حد تعتبر نمط التشيمات في طريقة العوامل الطائفية مستوفية لهذه الشروط ؟ .

حاول ادارة المحاور في التحليل الذي حصلت عليه في السؤال الحامس بطريقة الرسم لتقترب بقدر الامكان الى التركيب البسيط . مبينا رأيك في هذه الطريقة كوسيلة علمية للوصول الى نتائج موحدة ثابتة Unique .

٩ ـــ اختر أي طريقة من طرق التحليل الى العوامل الطائفية وطبقها على جدول
 (١٢٥) ثم اشرح طبيعة العوامل التي تصل اليها من هذا التحليل .

١٠ اشرح مثالين تستطيع أن تستخدم فيهما طريقة التحليل العاملي في البحوث الاجتماعية ، موضحا في أحدهما بالتفصيل الحطوات التي تسير عليها حتى تصل الم حل المشكلة الاجتماعية التي تبحثها .

فهرست الكتاب

Harbrok	الموضوع
٥	مقدمة المؤلفين
٧	الباب الأول: تصنيف البيانات وتمثيلها بالرسمي
•	القياس في علوم الأنسان
11	التوزيع التكراري
11	تمثيل التوزيع بالرسم
Y1	المضلع التكراري
Y٦	المدرج التكسسراري
44	المنحى التكسراري
۳.	المنحني التكراري التجمعي
41	أنواع المنحنيات التوزيعية
44	الياب الثاني : المتوسطات أوالقيم المركزية
41	المتوسط الحسابي
£4	الوسيط أو الأوسط
70	المنوال أو الشائع
04	مقارنة بين المتوسطات الثلاثة
77	الباب الثالث مقاييس التشتيت
٧٠	المسلسق المطلسق
VY	نصف المدى الربيعي
٧۴	الانحراف المتوسط
٧٥	الانحراف المعياري
۸۱	مقارنة بين مقاييس التشنت

الصفحة	الموضوع	
Αŧ	ممامل الاختلاف	
	استخدام معامل الاختلاف في المقابيس النفسية	
٩.	والتربويــــــة	
41	الدرجة المعيسارية	
44	المثين	
4.4	استخدام الرتبة المثينية في البحوث النفسية	
1.4	الباب الرابع للنحني الاعتدالي وخواصه :	
1.4	نسية الاحتمال	
114	التوزيع الاعتدالي في المقاييس النفسية والاجتماعية	
118	جدول المنحني الاعتدالي ــ الارتفاع	
144	تحويل التوزيع الى أقرب توزيع اعتدالي	
175	المساحسة	
1YA	مقياس « ت » والدرجة التاثية	
144	تلخيص لأهم خواص المنحلي الاعتدالي	
144	مقاييس انحراف التوزيع عن الاعتدالي :	
144	الالشــــواء	
144	التفرطسح	
181	الباب الخامس: الارتبــاط:	
127	مقلمة	
121	معامل ارتباط الرتب	
101	معامل ارتباط بيرسون	
174	الانحدار والتنبسؤ	
174	الارتباها الشاثي	
144	معامـــل فـــاي	
141	خاتمة في معامل الارتباط	
110	الباب السادس العينات ومقاييس الدلآلسة	
147	العينسات والحتيارها :	
147	العينة العشوائية	
	*11	

الصفحة				الموضوع
199		بيئسة الطبقسة	Ji	
*		ة المقيسدة	العينسا	
7 + 1		لمقاييس الاحصائية	ثبات ا	
4.4		ت المتوسط الحسالي	ثبا	
4.0		_ات الوسيـط	ٿ ب	
4.4		ات النسبة	ا ب	
7 . 4		معامل الارتباط	ثبات م	
41.	ارتباط الرتب	لحطأ المعباري لمعامل	Ľ1	
414	ـفري	لفروق والفرض الص	دلالة ال	
414		فتبار ۱ ت ۱	÷l	
344	قياس ثبات معامل الار تباط	ام اختبار ۽ ت ۽ في ا	استخد	
777		کا ۲	اختبار	
747	ة بين متعبر س	كاختبار لنوع العلاقا	'Y5 _	
727	۲ اح	و معامل التوافق من أ	حساب	
711		لتبــــاين	تحليل ال	
470		ل العاملي ؛	التحلي	- الباب السابع
***		التحليل العاملي	أهداف	
774	ت الى التحليل العاملي	ت التُجُرُّيبية الَّني أد	الخطواد	
404	*	الفروق الرباعية	معادلة	
YVY		ت العوامل الطائفية	اكتشاف	
YY4	بهجر	مملية للتحليل العامل	الطرق الع	
44.		ريقة الحمع البسيط	طر	
744		لريقة المركزيسة	العا	
***		العوامل الطائفية	طريقة ا	
4.1		ريقة العوامل الجمعية	طر	
4.0			خاتمــــ	
	97/1-198	رقم الإيداع		
	977 / 10 / 0907 /9	الترقيم الدولي		
L_		I. S. B. N		



overted by Tiff Combine - (no stamps are applied by registered sersion).

